



مندسي مخروطات

ان میدیث کے لئے برینائے جو مرکز کو ککٹوٹ ایندوالٹرز

مترجمه قاضی محرصین میاحب ایم اے (پنجاب) بی-ای ایں ایل بی (کمرج) رسکی سافانی فرایز رشنر (پنجاب)

عورنن أن اندياسكالركبري (رياضيات) المينول الميز شركبري (رياضيات)

المينول وزاليت اسكالركمرج (رياضيات)

شتة تاليف وترقمبه حامز عفانيه

مساعدم وسانغم بالواعد

یہ کتاب کیں کمپنی کی اجازت سے مین کوحقوق کابی انٹ حاسل میں طبع کی گئی ہے۔



•(•*•)•

ونیا میں ہر قوم کی زندگی میں ایک ایسا زمانہ آتا ہے جب کہ اُس کے قوائے ذہنی میں انحطاط کے آثار نمودار ہونے گئے ہیں ' ایجاد و اختراع اور غور و فکر کا مادہ تقریباً مفقود ہو جاتا ہے ' شخیل کی پرواز اور نظر کی جولائی تنگ اور محدود ہو جاتی ہے ' علم کا دار و مدار چند رسمی باتوں اور تقلید پر رہ جاتا ہے ۔ اُس وقت قوم یا تو بیکار اور مردہ ہو جاتی ہے یا شبھلنے کے لئے یہ لازم ہواہ کی اُتو بیکار اور مردہ ہو جاتی ہے یا شبھلنے کے لئے یہ لازم ہواہ کی وہ دوسری ترقی یافتہ اقوام کا اثر قبول کرے ۔ تاریخ عالم کے ہر دور میں اس کی شہادیں موجود ہیں ۔ خود ہارے دیکھتے دیکھتے دیکھتے والی پر یہی گذری اور یہی حالت اب ہندوستان کی ہے۔ جس طرح کوئی شخص دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق جس طرح کوئی شخص دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق کرکے تنہا اور اگل تھاک نہیں رہ سکتا اور اگر رہے تو پنپ

نہیں سکتا اسی طرح یہ بھی مکن نہیں کہ کوئی قوم دیجر اقوام عالم سے بے نیاز ہوکر بھولے بھلے اور ترقی بائے۔ جس طرح ہوا کے جمو نکے اور ادنی برندوں اور کیڑے ہیں کموڑوں کے اثر سے وہ مقانات تک ہرے بھرے رہتے ہیں جمان انسان کی دسترس نہیں اسی طرح انسانوں اور توموں کے اثر میں ایک دورے تک اثر کر پہنچے ہیں۔ جس طرح وہان کا اثر رہ میں ایک دورے تک اثر کر پہنچے ہیں۔ جس طرح وہان کا اثر رہ اور دیگر اقوام پورپ پر بڑا جس طرح عرب نے مجمم کو اور جمالت کو مظاکر علم کی روشنی پہنچائی اور جمالت کو مظاکر علم کی روشنی پہنچائی اسی طرح آج جم بھی بہت سی باقوں میں مغرب کے متابح ہیں۔ یہ تانون عالم ہے جو یوں بی جاری را اور جاری رہیگا۔

یہ تانون عالم ہے جو یوں بی جاری را اور جاری رہیگا۔

"دیشے سے دیا یوں بی جاتا رہا ہے"

وسے سے دیا یوں بھی بہتا رہا ہے اور وہ بہتے قدم بڑھانے کی سی کرتی ہے تو ادبیات کے میدان بیں ہی قدم بڑھانے کی سی کرتی ہے تو ادبیات کے میدان بیں پہلی منزل شرجمہ ہوتی ہے۔ اس لئے کہ جب قوم میں جدت اور افلی نہیں رہی تو ظاہر ہے کہ اس کی تصانیف معمولی ادھوری کم مایہ اور ادنی ہوئی۔ آس وقت توم کی بڑی فات یہی ہے کہ ترجمہ کے ذریعہ سے دنیا کی اعلی درج کی تھانیف اپنی زبان میں افنی جائیں۔ یہی شرجمے خیالات میں تغیر اور معلوات میں اضافہ کہیں گئی جمود کو توٹریں گے اور قوم میں ایک نئی حرکت پیدا کہیں گئے اور پھر آخریہی ترجمے تصنیف و تالیف اپنی

کے جدید اسلوب اور ڈسٹک سبھائیں گے۔ ایے وقت یں ترجمہ تصنیف سے زیاد قابل قدر زیاوہ مفید اور زیادہ فیض رساں

اسی اصول کی بنا پر جب عثمانید پونیورسٹی کی تبویزیش ہوئی تو ہر اکزالٹہ ہائینس ستم دوراں ایسطوئے زماب سية سالار أصف جاه مظفرالمالك نظام الملك نظام الدكم نَقَلِبُ مِينُ عُمَّأَنْ عَلِيْعًانْ بَهَالُاسُ فَعَ جَنَّاكِ جي سي اس آئي جي سي بي اي والي حيدرآباد وك خلدانشہ ملکئہ و سلطنت نے جن کی علمی تدر دانی اور علمی سرتی اس زمانہ میں احیائے علوم کے حق میں آب حیات کا کام کر رہی ہے' بہ تقاضائے مصلحت و دور بینی سب سے اول سررشته تالیف و ترجمه کے قیام کی منظوری عطا فرانی جو نہ صرف یونیورسٹی کے لئے نصاب تعلیم کی کتابیں تیار کر میگا بلکه ملک میں نشر و اشاعتِ علوم و فنون کا کام بھی انجام دیجا۔ آگرچہ اس سے قبل بھی یہ کام مبندوستان کے منتلف مقالت من تمورًا تحورًا انجام إيا مثلاً فورث وليم كالج كلكت ميس زیر بگرانی و آکٹر میکلرسٹ ' دہلی سوسائٹی میں' انجمن پنجاب میں زیر جمرانی ڈاکٹر لائٹنر و کرنل بالرائڈ ، علی گڑھ ساننگ انسٹیوٹ یں جس کی بنا سے سید احد خال مروم نے والی عظم یه کوششیں سب وقتی اور عارضی تھیں۔ نہ ایکے پاس کافی سرایه اور سامان تفایه آنهیس یه موقع عاصل تھا

اور نه انبیں آغلیجہ ہے کو آفالی جے علم پرور فرانروا کی سر پرستی کا شرف حاصل تھا۔ یہ پہلا وقت ہے کہ اروو زبان کو علوم و فنون سے مالا مال کرنے کے لئے باقاعد اور ستقل کوشش کی گئی ہے۔ اور یہ پہلا وقت ہے کہ اردو زبان کو یه رتبه الما ہے که وہ اعلی تعلیم کا ذریعہ ترار پائی ہے۔ احیائے علوم کے لئے جو کام آگسٹس نے روم میں ظافت عباسیہ بیں ارون الرشید و امون الرشید نے سیانیہ میں عبدالرمن ثالث نے کراجیت و اکبرنے مہندوستان میں الفرد نے انگلستان میں، پیٹر عظم و کیتھائن نے روس میں اور مُت شی رشونے جاپان میں کیا' وہی فرانروائے روات الصفید نے اس مک کے لئے کیا۔ اُعَلَیحَفُتُ وَاَفَالَا کا یہ کارنامہ ہندوستان کی علمی تاریخ میں ہمیشہ نخرد مبارات کے ساتھ ذکر کیا جانگا۔

سنجل اُن اسباب کے جو قومی ترقی کا موجب ہوتے ہیں ایک برا سبب زبان کی تکمیل ہے۔ جس قدر جو قوم زیادہ ترقی یافتہ ہو آسی قدر اُس کی زبان وسیع اور اس میں نازک خیالات اور علمی مطالب کے اوا کرنے کی زیادہ صلاحیت ہوتی ہے، اور جس قدر جس اس کا درجہ کم ہوتا ہے۔ چنانچہ و شایستگی بلکہ انسانیت میں اس کا درجہ کم ہوتا ہے۔ چنانچہ وشی اقوام میں الفاظ کا ذخیرہ بہت ہی کم پایا گیا ہے۔ علائے فلسفہ و علم اللسان نے یہ عابت کیا ہے کہ زبان خیال اور فلسفہ و علم اللسان نے یہ عابت کیا ہے کہ زبان خیال اور

خیال 'زبان ہے اور ایک مت کے بعد اس نتیج پر پہنچ ہیں کہ انسانی داغ کے صحیح الریخی ارتفاع علم 'زبان کی تاریخ کے مطالعہ سے حاصل ہو سکتا ہے ۔ الفاظ ہمیں سوچنے میں دیسی ہی مدد دیتے ہیں جیسی آنگھیں دیکھنے میں ۔ اس سلنے زبان کی ترقی در حقیقت عقل کی ترقی ہے ۔

علم ادب ِ اس قدر وسيع ہے جس قدر حياتِ انساني-اور اس کا اثر زندگی کے ہرشعبہ پر پڑتا ہے۔وہ نہ صرف انسان کی ذہنی'معاشرتی' سیاسی ترقی میں مدد دیتا' اور نُظر میں **سوس**ئ د ماغ میں روشنی، دلوں میں حرکت اور خیالات میں تغیر بیدا کرتا سے بکہ قوروں کے بنانے میں ایک قوی آلہ ہے۔ قومیت کے لنے ہم خیالی شرط ہے اور ہم خیالی کے لئے ہم زانی لازم۔ گویا یک زبانی قومیت کا شیرازہ ہے جو اسے منتشر ہونے سے بیائے رکھتا ہے۔ ایک زمانہ تھا جب کہ مسلمان اقطاع عالم میں بھیلے ہوئے نتھے لیکن اُن کے علم اوب اور زبان نے النیں ہر جگہ ایک کر رکھا تھا۔ اس زلمنے میں انگریز ایک دنیا پر يهائ بوئ بين ليكن با دبود أبد مسافت و اختلاف مالاً یک زبانی کی بروات تومیت کے ایک سلسلے میں مسلک ہیں زبان میں جادو کا سا اثر ہے اور صرف افراد ہی پر نیں بلکہ اقوام پربھی اُس کا وہی تسلط ہے۔

یمی وجہ ہے کہ تعلیم کا صبیح اور فطرتی ذریعہ اپنی ہی زبان موسکتی ہے۔ اس امر کو اعلام کے مستب کا قال اس نے

بچانا اور جامعۂ عمانیہ کی بنیاد ڈالی ۔ جامعۂ عمانیہ مندوستا یں پہلی یونیورسٹی ہے جس میں ابتداسے انتہا کک فریعۂ تعلیم ایک دسی زبان ہوگا۔ اور یہ زبان اردو ہوگی۔ ایک ایسے کل میں جہاں " بہانت کی بولیاں" بولی جاتی ہیں' جہاں ہر صوبہ ایک نیا عالم ہے' صرف اردو ہی ایک عام اور مشترک زبان ہو سکتی ہے۔ یہ اہل ہند کے میل جول سے بیدا ہوئی اور اب بھی یہی اس فرض کو انجام دیگی۔ یہ اس کے خمیر اور وضع و ترکیب میں ہے۔ اس لئے یہی تعلیم اور نبادلہ خیالات کا داسطہ بن سکتی اور قومی ٹریان کا دعولے کرسکتی ہے۔

کرسکتی ہے۔
جب تعلیم کا ذریعہ اردو قرار دیا گیا تو یہ کھلا اعتراض
تما کہ اردو میں اعلیٰ تعلیم کے لئے کتابوں کا ذخیرہ کہاں ہے
اور ساتھ ہی یہ بھی کہا جاتا تھا کہ اردو میں یہ صلاحیت ہی
نہیں کہ اس میں علوم و فنون کی اعلیٰ تعلیم ہو سکے۔ یہ صبیح
ہے کہ اردو میں اعلیٰ تعلیم کے لئے کافی ذخیرہ نہیں۔ اور اردوی پر کیا منصرے، ہندوستان کی کسی زبان میں بھی نہیں ۔ یہ
طلب و رسد کا عام مسئلہ ہے۔ جب انگ ہی نہیں ہیں تورمہ
کہاں سے آتی ۔جب ضرورت ہی نہ تھی تو کتا ہیں کیو محکر میا ہوتی تھی، تو علوم میا ہوتیں ۔ ہاری اعلیٰ تعلیم غیر زبان میں ہوتی تھی، تو علوم میا ہوتیں کے اس ضرورت ایجاد میں کہاں سے آتا ۔ ضرورت ایجاد و فنون کا ذخیرہ ہاری زبان میں کہاں سے آتا ۔ ضرورت ایجاد کی این میں کہاں سے آتا ۔ ضرورت ایجاد کی این میں کہاں سے آتا ۔ ضرورت ایجاد کی این میں کہاں سے آتا ۔ ضرورت ایجاد کی این میں کہاں سے آتا ۔ ضرورت ایجاد کی این ہے ۔ اب ضرورت محسوس ہوئی ہے تو کتابیں بھی

میا ہو جائیں گی۔ اسی کمی کو پورا کرنے اور اسی ضرورت کو رفع کرنے کے لئے سررشغ تالیف و ترجمہ قائم کیا گیا۔ یہ صبح نہیں ہے کہ اردو زبان میں اس کی صلاحیت نہیں۔ اس کے لئے کسی دلیل و برہان کی ضورت نہیں۔ سررشغ مالیف و ترجمہ کا وجود اس کا شافی جواب ہے۔ یہ سرت یہی کام کر رہا ہے۔ کتابیں تالیف و ترجمہ ہو رہی ہیں اور چند روز میں عثمانیہ یونیورسٹی کالج کے طالب علمی کے ہتھوں میں ہونگی اور رفتہ رفتہ عام شابقین علم کی بہنچ جائیں گی۔

ایک اس میں سب سے کھی اور سنگلاخ مرصلہ وضع اصطلاحات کا تھا۔ اس میں بہت کھے اختلاف اور بحث کی گنجائش ہے۔ اس بارے میں ایک مدت کے تجربہ اور کال فور و ککر اور مشورہ کے بعد میری یہ رائے قرار پائی ہے کہ تنہا نہ تو ماہر علم صبح طور سے اصطلاحات وضع کر سکتا ہے اور نہ ماہر لمان ۔ ایک کو دوسرے کی ضرورت ہے۔ اور ایک کی دوسرا پورا کرتا ہے۔ اس لئے اس اہم کام کو صبح طور سے انجام دینے کے لئے یہ ضروری ہے کہ دونوں یک جاجمے کئے جائیں تاکہ وہ ایک دوسرے کے مشورہ اور مدد سے ایسی طالبی جائیں تاکہ وہ ایک دوسرے کے مشورہ اور مدد سے ایسی طالبی بنائیں ہو نہ اہل علم کو ناگوار ہوں نہ اہل زبان کو ۔ چنانچہ آئی اصول پر ہم نے وضع اصطلاحات کے لئے ایک ایسی مجلس بنائی جس میں دونوں جاعتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِن جس میں دونوں جاعتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِن

ہم نے ان اہلِ علم سے بھی مشورہ کیا جو اس کی خاص اہلیت رکھتے ہیں اور بُعِدِ مافت کی وجہ سے ہاری مجلس میں شرک نیس ہو سکتے ۔ اس میں شک نیس کہ بعض الفاظ غیر انوس معلوم ہوں گے اور اہل زبان انہیں دیکھے کر ناک بہو ں چڑھائیں گے ۔ لیکن اس سے گزیر نہیں ۔ ہیں بعض ایسے علوم سے واسطہ ہے جن کی ہوا تک ہاری زبان کو نہیں گئی۔ ایسی صورت میں سوائے اس کے جارہ نہیں کہ جب ہاری زبان کے موجودہ الفاظ خاص خاص مفوم کے ادا کرنے سے قامرہوں تو ہم جدید الفاظ وضع کریں ۔ لیکن اس کے یہ معنی نہیں ہیں كه ہم نے مض النے كے لئے زبردستى الفاظ گھر كر ركھ دئے ہيں ، بكر جس نهج ير اب كك الفاظ بنة يط آئے بي اورجن مول ترکیب و اشتقاق پر اب کک جاری زبان کاربند رہی ہے ، اس کی پوری پابندی ہمنے کی ہے۔ ہمنے اس وقت یک کسی لفظ کے بنانے کی جرأت نہیں کی جب کک اسی قسم کی متعدد مثالیں ہارے پیش نظر نہ رہی ہوں ۔ ہاری رائے میں جدید الفا کے وضع کرنے کی اس سے بہتر اور صحیح کوئی صورت نہیں۔اب أگر كوئى لفظ غيرانوس يا اجنبي معلوم ہو تو اس بيں ہمارا قصور نیس - جو زبان زیاده تر شعر و شاعری اور قصص تک محدو د مو، وہاں ایسا ہونا کچھ تعجب کی بات نہیں۔ جس مکک سے ایجاد و اختراع کا ماقرہ سلب ہو گیا ہو جہاں لوگ نٹی چیزوں کے بنانے اور دیکھنے کے عادی نہ ہوں ، وہاں جدید الفاظ کا

غير مانوس اور اجني معلوم مونا موجب حيرت نهيل - الفاظ كي حالت بھی انسانوں کی سی ہے۔ امنی شخص بھی رفتہ رفتہ مانوس ہو جاتے ہیں۔ اول اول الفاظ کا بھی یہی حال ہے۔ استعال آہستہ آہستہ غیر انوس کو انوس کر دیتا ہے اور صحت و غیر صحت کا فیصلہ زمانہ کے باتھ میں ہوتا ہے۔ جارا فرض یہ ہے کہ لفظ تجویز کرتے وقت ہر پہلو پر کامل غور کرلیں سائندہ جل کر اگروہ استعال اور زمانه کی کسوفی پر پورا انزا تو خود عکسالی بر جائیگا اور اپنی مگر آپ پیدا کرلیگا ۔ علاوہ اس کے جو الفاظ پیشس کئے گئے ہیں وہ الهای نہیں کہ جن میں رة و بدل نہ ہوسکے بکہ فرہنگ اصطلاحات عثانیہ ء زیر ترتیب ہے کیلے اس كا مسودہ اہل علم كي ضدمت ميں پيش كيا جائے گا أور جاں کک مکن ہوگا اس کی اصلاح میں کوئی رقیقہ فروگذاشت نيس كيا جائے محا۔

ایکن ہاری شکلات صرف اصطلاحات علمیہ کہ ہی مدود نہیں ہیں۔ ہیں ایک ایسی زبان سے ترجمہ کرنا پڑتا ہے جو ہارے لئے بلکل اجنبی ہے، اس میں اور ہاری زبان میں کسی قسم کا کوئی رشتہ یا تعلق نہیں۔ اس کا طزر بیان اوائے مطلب کے اسلوب محاورات دغیرہ بالکل جدا ہیں۔ جو الفاظ اور جلے انگریزی زبان میں باکل معمولی اور روز مرہ کے استعال میں آتے ہیں، اُن کا ترجمہ جب ہم اپنی زبان میں کرنے بیصے میں تو سخت دشواری پیش آتی ہے۔ ان تمام دشواریوں پر

غاب آنے کے لئے مترجم کو کیسا کھ خون جگر کھا نا نہیں پڑتا ترجرکا کام جیا کہ عمواً خیال کیا جاتا ہے کھ آسان کام نہیں ہے۔ بت خاک چھانی پڑتی ہے تب کہیں گوم مقصود باقد آتا ہے۔ اس سررشت کا کام حرف یمی نه بوگا ۱ اگرچ یه اس کا فرض اولین ہے) کہ وہ نصاب تعلیم کی کتابیں تبار کرے ، بلکہ اس کے علاوه وه هر علم پر متعدّد اور کثرت سے کتا ہیں تالیف و ترجمه كرائ كا الله الوكول من علم كا شوق برط الكل مي روشني بِعِيلِهُ عَيالات و كلوب ير اثر يبدا هو عمالت كا استيصال هو-جمالت کے معنی اب العلمی ہی کے نہیں بلکہ اس میں افلاس ، کم ہمتی' منگ دلی' کوتہ نظری 'بے غیرتی' بد اخلاقی سب سمجھ بڑا کام ہے۔ انسانی دلغ کی ترقی علم کی ترقی ہے۔ انسانی ترقی کی تاریخ علم کی اشاعت و ترقی کی تأریخ ہے۔ ابتدائے آفرینش ے اس واقت تک انبان نے ہو کچھ کیا ہے، اگر اس پر ایک وسی نظر والی جائے تو نتیجہ یہ نکے گا کہ جوں جو س علم یِں اضافہ ہوتا گیا، بھیلی غلطیوں کی صحت ہوتی گئی، تاریکی ا مُعْتَى كُنَى ' روشنى بُرْمعتى كُنَى ' انسان ميدانِ ترتى ميں قدم ا کے بڑھا تا گیا۔ اسی مقدس فرض کے ادا کرنے کے لئے یہ سریشتہ قائم کیا گیا ہے اور وہ اپنی بساط کے موافق اس کے انجام دینے میں کو اہی نہ کرے گا۔ لیکن غلطی سخقیق وجتبو کی گھات یں گلی رہتی ہے ۔ ادب کا

کال ذوق سلیم ہر ایک کو نصیب نیب ہوتا۔ بڑے بڑے نقاد اور مبضر فاش غلطیاں کرجاتے ہیں۔ لیکن اس سے ان کے کام پر حرف نہیں آتا۔ غلطی ترتی کے انعے نہیں ہے، بلکہ وہ صحت کی طف رہتائی کرتی ہے بیچھلوں کی بھول چوک آنے والے مسافر کو رستہ بھٹکنے سے بچا دیتی ہے۔ ایک جا پانی اہر تعلیم (بیرن کی کوجی) نے اپنے ملک کا تعلیمی حال کھتے ہوئے اس صحیح کیفیت کا ذکر کیا ہے جو ہونہار اور ترتی کرنے والے افراد ادر اقوام پر گزرتی ہے۔

''ہم نے بہت سے تجربے کئے اور بہت سی 'اکامیاں اور فائدہ فلطیاں ہوئیں' لیکن ہم نے ان سے نئے سبق کھے اور فائدہ المطایا ۔ رفتہ رفتہ ہیں اپنے کلک کی تعلیمی ضوریات اورامکانات کا صبح اور بہترعلم ہوتا گیا اور ایسے تعلیمی طریقے معلوم ہوتے گئے جو ہارے اہل وطن کے لئے زیادہ موزوں تھے ۔ ابھی بہت سے لیسے سائل ہیں جو ہیں حل کرنے میں' بہت سی ایسی اصلاحیں ہیں جو ہیں علی میں اور فتلف طریقوں کی برانیاں اور بھلانیاں جو ہیں اور فتلف طریقوں کی برانیاں اور بھلانیاں ور یانیوں اور بھلانیاں اور بھی باتوں کو افتیار کریں اور رواج دیں اور برانیوں سے بچیں۔ اس لئے جو حضرات ہارے کام بر تنقیدی فظر ڈالیں آئیں قوت کی تنگی'کام کا بجوم اور اس کی انہیت اور ہاری شکلات بیش نظر کی تنگی'کام کا بجوم اور اس کی انہیت اور ہاری شکلات بیش نظر کھنی چاہئیں ۔ یہ بیلی سعی بے اور بہلی سعی میں کچھ نہ کچھ فامیاں کہنی چاہئیں ۔ یہ بہلی سعی بے اور بہلی سعی میں کچھ نہ کچھ فامیاں

ضرور رہ باتی ہیں' لیکن آگے جل کریمی خامیاں ہماری رہنما بنیں گی اور بختی اور اصلاح کک پہنچائیں گی ۔ یہ نعش اول ب نقش اول ب نقش ان اس سے بہتر ہوگا ۔ ضرورت کا احساس علم کا شوق' خیمت کی گئن ' سحت کی ٹوہ' جد وجمد کی رسائی خور بخود ترتی کے مارج طے کرلے گی ۔

جایانی بڑے فخر سے یہ کہتے ہیں کہ ہمنے تیس جالیں سال کے عرصے میں وہ کچھ کر دکھایا جس کے انجام دینے میں پورپ کو اتنی جی صدیاں صرف کرنی پڑیں ۔ کیا کوئی دن ایسا آئے گا کہ ہم بھی یہ کہنے کے قابل ہوں گے ؟ ہم نے بہلی شرط پوری کردی ہے یعنی بیجا قیود سے آزاد ہوکر اپنی زبان کو اعلیٰ تعلیم کا ذریعہ قرار دیا ہے ۔ لوگ ابھی ہارے کام کو تذبیب کی عظام سے دکھ رہے ہیں اور جاری زبان کی قابلیٹ کی طرف منتبہ نظریں وال رہے ہیں۔ لیکن وہ دن آنے والا ہے کہ اس فررے کا بھی ستارہ چکے سکا' یہ زبان علم و حکمت سے مالا مال ہو گی اور أَعَلَىٰ عَضَرَتُ وَأَقُلَىٰ كَى نَظْرِ كِمِيا الرَّى بِدُولَتْ يَهِ ونیا کی مندب و شایسته زبانوں کی ہمسری کا دعوے کرے می أكرهيه أس وقت جاري سعى اور محنت حقير معلوم بوكي، مكريبي شامِ غربت صبح وطن کی آمد کی خبر دے رہی ہے کی شب بیالا روز روش کا جلوه دکھائیں گی، اور یہی مشقت اس قصر ر فیع الشان کی بنیاد ہوگی جو آئندہ تعمیر ہونے والا ہے۔ اس وقت ہارا کام صبر و استقلال سے میدان صاف کرنا' داغ بیل ڈالنا اور نیو کھودنا ہے' اور فراد وار شیرینِ ظمت کی فاطر سنگلاخ پہاڑوں کو کھودکھود کر جوئے علم لانے کی سعی کرنا ہے۔ اور گو ہم نہ ہوں گے گر ایک زمانہ آئیگا جب کہ اس میں علم و کمت کے دریا بہیں گے اور ادبیات کی افتادہ زمین سرسبروشادا نظر آئے گی۔

سخریں میں سررشتہ کے مترجین کا شکریہ اوا کرتا ہوں جنہوں نے
اپنے فرض کو بڑی مستعدی اور شوق سے انجام دیا ۔ نیز میں ارکانِ
مجلس وضع اصطلاحات کا شکر گزار ہوں کہ ان کے مفید مشور اور شخیق کی مدسے یہ شکل کام بخوبی انجام پا رہا ہے ۔لیکن خصوت کے ساتھ یہ سررشتہ جناب مشر محمد اکبر حیدری بی ۔ اے مقد علات و تعلیمات و کوتوالی و امور عامتہ سرکارعالی کا ممنون ہے جنہیں ابتدا سے قیام و انتظام جامعۂ عثمانیہ میں خاص انہاک رہا ہے ۔ اور اگر ان کی توجہ اور الماد ہارے شریک حال نہ ہوتی تو یہ غلیم النان کام صورت پنیر نہ ہوتا ۔ میں سید راس معود صاحب بی ۔ اے کام صورت پنیر نہ ہوتا ۔ میں سید راس معود صاحب بی ۔ اے کام صورت پنیر نہ ہوتا ۔ میں سید راس معود صاحب بی ۔ اے کرتا ہوں کہ ان کی توجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی توجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی توجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی توجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی قوجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی قوجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی قوجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی قوجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی قوجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کہ کہ ان کی قوجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی قوجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی قوجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کہ ان کی قوجہ اور عنایت ہون کے حال پر مبذول تو کیا کہ ان کی قوجہ اور عنایت ہون کے حال پر مبذول تو کرتا ہوں کیا ہوں کو حال ہوں کو حال ہوں کا کہ کو حال ہوں کیا ہوں کیا ہوں کو حال ہوں کو حال ہوں کیا ہوں کو حال ہوں کیا ہوں کو حال ہوں کو حال ہوں کیا ہوں کیا ہوں کو حال ہو

عب الحق

ناظم مررشة اليف وترجمه (عثانيه يونيورسكى)



مولوی عبد انحق صاحب بل- اے - - - - - - انظم م قاض مخد حین صاحب ایم اے دیگار - - - مترجم ریاضیات چو د صری برکت علی صاحب بی دیس سی ۱۰۰۰ مشرجم سائینس مواوی سید باشمی صاحب مشرمم آاریخ -مولوی مخد الیاس صاحب برنی ایم-۱-۰۰ مترجم معاشیات قاضی منترجیم ساحب یم- الے مترجم ساسیات مولوی ظفر علی خال صاحب بی -اے ۔ ۔ ۔ ، مترجم اریخ -مولوی عبدالماجر صاحب بی ۔ اے۔ مترجم فلسفہ ومنطق مولوی عبدانکیم صاحب شرر مولف این اسلام مولوی سیدعلی رضا صاحب بی اے ۔ ۔ ۔ ۔ مترجم تانون ۔ مولوی عبدانتدالعادی صاحب مترجم کتب عربی علاوہ ان رنہ کورہ بالا مترجین کے مولوٰی حاجی صفی الدین صاحب ترجمه شده کتابوں کو ندمبی نقطهٔ نظر سے دیکھنے کے لئے اور نواب حیدریارجنگ (مولوی علی حیدر صاب ملبا طبائی) ترجموں پر نظر ان کرنے کے لئے مقرر فرائے گئے ہیں و



مولوی مزامهدی خال صاحب کوکب فطیعه یاب کطرعالی (بابق الم مرم شاد) مولوی میدالدین صاحب بیدات مولوی علی حیدر صاحب طباطبائی) فواب حیدر یارجنگ (مولوی علی حیدر صاحب طباطبائی) مولوی وحیدالدین صاحب سلیم مولوی وحیدالدین صاحب سلیم مولوی عبدالحق بیدات میدالت بیدات میدالت بیدالت بیدالت

علادہ ان متعقل ارکان کے ، مترجمین سررشتہ آلیف وترجمہ نیز دوسرے اصحاب سے بلحاظ اُ کئے فن کے مشورہ کیا گیا۔ شلا فان فضل محد خانصاحب ایم ۔ اے رئیگر (پنیل طی اِئی اسکول حیدرآباد) مولوی عبدالواسع صاحب (پرفیسر دارالعلوم حیدرآباد) پروفیسر عبدالرمن صاحب رلی آبیں سی (نظام کالج) مرزا فی جادی صاحب کی ایس سی (نظام کالج) مرزا فی جادی صاحب کی ایس سی (نظام کالج)

مولوی سلیمان صاحب ندوی

سد راس سعود صاحب بی اے (ناظم تعلیات حیدرآباد) وغیرہ

فرستمضامين

- extended and a

مور	مضون
1	قطع مكافى يالنلجمي
ایم	قائم تظليل
01	قطع ناقص بالبيلي
114	قطع زاید یا نهلولی
14.	قائم ندلولی به
144	السطوانه ادر مخروط
711	چند ضروری مساکل
116	عليات
774	ضيب

المنابع المناب

قطع بركاني يرسيونمي

۲۔ تابت نقطہ (س) کو اسکہ کہتے ہیں ۔ ۳۔ نابت مستقیم خط (لام) کو مرتب کیتے ہیں تعرفین ۔ خط منحنی بلحاظ ایک خط مستقیم کے متناکل اُس وقت ہوتا ہے جبکہ منحنی کے کسی ایک

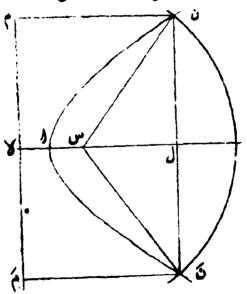
تفطر کے مقابل خطامتقیم کی دوسری طرف متحنی برایک اور نقط ایسا ہوکہ ان نقطوں کو مائے والا وترخط

متقِم سے زاوسے قائے بنائے اور نقطر تقاطع پر

ربیف - مذکورہ بالا خطامتقیم کو منتخنی کا محور کہتے ہیں۔ ربیف - جس نقطہ برمحور شخنی سے ملتا ہے اُس کوراس

کہتے ہیں۔

للجی پر نفطے دریا فت کرنے کاعل اگر اسکہ سے مرتب پر عود كالأجائ تو ووستلجى كالمحور تشاكل موكا -



فرض کرو کہ س ماسکہ ہے اور مہلام مرت ہے س میں سے ایک ایسا مشقیم خط س کا تکینچو جوم فرض کرو که ِس ما سکه .

١ كى تنصيف لا بركرو تب يونكه سالا= الا ، نقطہ استہجی پرواقع ہے۔ بس یا کامس مدودہ پر کو نی نقطۂ مستقیم خط ن ل ن تھینیو جو 🛛 🖒 پر عمود س کو مرکز مان کرایک ایسا دائرہ کھینیجو جس کا ت قط کال ہو اور جو ن ل ن کو ن اور ن بیر طع کر سنه (اگرمکن ہو) نیز مرتب بر عمود ن م اور ن م نظۂ ن ساجی پر ہے۔ سے نُ شاجی پر ہے 00=00 <u>ا ئ ئ ئ</u> تقاطع پر اس کی تنصیف کرتا ہے میں ہنحنی بلحاظ کا س کے متشاکل ہے۔ ر ۱) اگر ل اور س دو بؤں لا کے ایک ہی طرف واقع ہوں تو س ل ، ل کی ہے کم ہوگا اور دائرہ اس صورت میں خط ن ل ن کو اقطع کرے گا۔ (۲) اگر ل اور س، ال کی شقابل جا بنون میں واقع ہوں تو وائرہ ستقیم خط ن آل ن کو قطع نہیں کر کیا۔ بیس معلوم ہوا کہ شاہمی وسعت میں غیر محدود سے
میکن پیسب کا سب اس متنقیر خط کی ایک ہی جانب
میں واقع ہے جولا میں سے گزرتا ہے اور لا میں بم
عمود ہے -

مشقی متالوں کے لئے دیکھوصفراء)

تعربین - شکجی کامحور (س لا) وہ متبقیم خط ہے جو اسکہ میں سے گزرتا ہے اور مرتب برعمود سبے -تعربینِ- شلجبی کا را س(1) وہ نقطہ سبے جہاں محور خی

عربیف ۔ خلقجی کا را س(آ) وہ تقطہ سبنے جہا ں محور سی کو قطع کرتا ہے ۔ تعربیف ۔ شانجہی کے کسی نقطہ کا معین (ن ل) وہ

تعربیت نہیں سے ملی طفہ کا سین (ن) وہ عمود ہے جو نقطہ (ن) سے محور پر بکا لاجائے

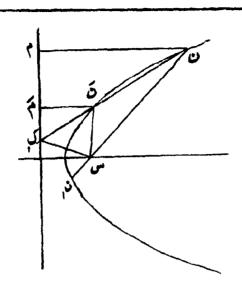
تعربیت - فصلہ (الل) محور کا وہ حصہ ہے جو را س اور معدین کے درمیان ہو۔

تعربین ۔ شانجی کے تحسی نقطہ کا ماسکی فاصلہ وہ فاصلہ ہے جوا س نقطہ اور ما سکر کے در میان ہو

المسئلير

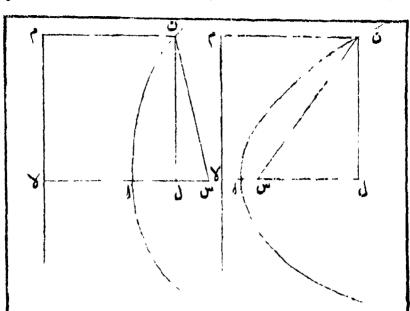
اگرونز ن نُ مرتب کو نقطہ کے پر قطع کرے تو س کے ماسکی فاصلوں س ن اور س نُ کے خارجی زاوے کی تنصیف کرے گا۔

سن اور سن س كو ملاؤ -



مرت پرعمود ن م بن م کلینچو اور ن س کو ن یک خارج کرو

اگر شلجی پر کے کسی نقطہ ن کا معین ن ل ہوتو نابت کردکہ ن ل = م الس × الل س ن کو طاؤ اور مرتب برعمود ن م کمینچو -

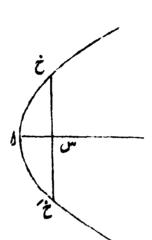


ت للا لا + 1 لا + 1 لا له 1 ل [تقيير م م ش م] - 1 س + 1 ل + 1 1 س × 1 ل - 1 اس × 1 ل + س ل + 1 اس × 1 ل [تعدير م - ش]

3 m + U1 × m1 m =

نين للا ـ نم ـ سن ـ نين للا ـ نم ـ سن ـ نين للا ـ نم ـ سن ـ نين ـ

تعرفیت ۔ اسکویں جو ذکنا معین گورا ہے اس کو جم



س خا=۱۸س×۱س (سندس

ن سخ = ۱۹س

و خ خ - ۱۹ س

مشقى مثالين مسئلها

ا - بندىيدا قليس م الش سائلجى كے معط كے نقاط دريانت كرد اور اس كومرسم كرد - اس كومرسم كرد -

ال- شلجی کے ود دگنے میں ن ن ن ن ن بی اناب کرد کہ

ن می ان می مورس ایک ہی تطه پر یکتے ہیں -

مع اس اگر مرتب کے متوازی ال میں سے ایک خط کھینجا جائے :ور س م اس خط سے ما پر ملے تو نا بت کروک س م کی تنصیف ما پر

ہوتی ہے [دیکیہ فتکل مسئلہ ۱]

مم۔ نیز نابع کردکہ ن ماا سم پرعود ہے ادرزاوی س ن م کی تفییت کرتا ہے۔

هد اگر سسمے ماسکی فاصلہ س ن پر عمود ہو اور مرتب سے نقطہ سے پر ملے تو نابت کردکہ ن سے زاویہ س ن م کی تصدیف میں میں

4- أگراكب فلجى كے دو ماسكى در برابر موں تو نا بت كردكد ان وسطى نقطوں كو الا سے دالا حظ محورسے زاوية قائم بناتا ہے۔

6 - اگرایک دائرہ ایک نقط معینہ میں سے گزرے اور ایک سے مرکز کا طریق دریانت کرو۔ برے متقم حظ کو مس کرے وائرہ ادرمتقم حظ دونوں کو میں اگر ایک دائرہ ادرمتقم حظ دونوں کو

مس کرے تو اس کے مرکز کا طریق دریا نت کرد۔ مس کرے درم کی مرکز کا طریق دریا نت کرد۔ مراکز کی درم کی میں میں میں میں میں اس نور

۹- اگر کوئی حظ محور کے متوازی ہو تو نابت کرد کہ وہ تلجی سے ایک ہی نقطہ پر ملے گا۔

مشقى مثالين سئله

ا۔ ن ن علیمی کا ایک اسکی وتر ہے اور ق ایک اور نقط منحنی برہے اگر ن ق ن ن ق مرت سے بالتر تیب نقاط ک اور سک

پر میں تو ٹابت کروکہ ک س ک زاویہ تا مر ہے۔

ا ن ق ادر ن ق د د اسکی وتر بین انابت کرد که ن ما اور

ق ق ایک دوسرے کو مرتب پر تطع کرتے ہیں نیز ن ق اور ن ق اور ا

بن ایک رو طرک و طرب بر سے میں اور سے میں اور کئے ہیں۔ سو۔ اگر وہ مرتب سے ک اور کئے بر ملیں قو نابت کروکہ کس ک

زادیہ قائمہ ہے ا

مم ۔ الکو مرتب کے مخلف نقطوں سے ملاؤ ادر مسئلہ ۲ صفحہ (۳) کی مدد سے نتاجی کو مرسم کرد -

۵- شلجی برکونی نظم ن ب ، اگرن او ممدده مرتب سے ک

پر کے ق تاب کردکہ مسک زادی قائم ہے۔

4 - ایک غلجی ادراس کا اسکه دیا ہوا ہے، مرتب دریا فت کرو-

عد ن ق ایک فلجی کو دگا مین سے اور ن کا منحی کو نقطر ن

برقط کرتا ہے نابت کروکہ ن ق ماسکہ میں سے گزرتا ہے۔

مشقى مثالين مئلها

ا۔ ن ن سلمی کا دگنا معین ہے اگر ن ال ن کے گردایک دائرہ کھینچیں اور وہ محدسے ایک دوسرے نقط ق بر کھے تو نابت کرد

کہ ل ق متقل ہے اور اس کا طول وریا نب کرو-۱- ن ل ن فلجی کا ایک دگنا معین ہے شلجی پر ایک اور نقطہ ق ہے جس میں سے دوستقیر خط کیننے گئے ہیں، ایک خط

راس میں سے گزرہا ہے اور دو مرا محور کے متوازی ہے کیو

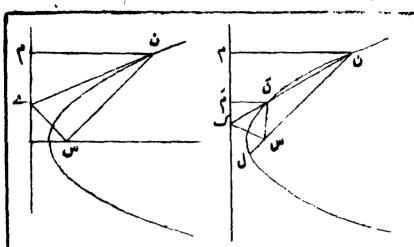
خط ن نَ کوخ اور خ ً بر تطع کرتے ہیں -غ بت کرو کہ ل خ × ل خ = ن لٰ مشقیم مشالمیں مسئلہ م

ا۔ خلجی کا ایک و گنا میتن ن نَ دریا نت کرد جو د تر خاص کا دونیقا الہ اگر ایک خلف خلاخ کے گرد ایک دائرہ بنایا جائے تو نابت کرد کہ اس دائرہ کا تضف قطر = جہد د ترخاص کا طول تعربیت - فرض کرد کم ن ن منحنی کا کوئی و تر ہے اگر ن حرکت کرکے ن کے اتنا قریب آجائے کہ یہ دو نوں نقطے ایک دوسرے پر منطبق ہو نے کو میوں تو اس انتہائی مقام

مسئله۵

میں وتر نُ نُ کومنحنی کا ماس نقطه ن پر کہتے ہیں۔

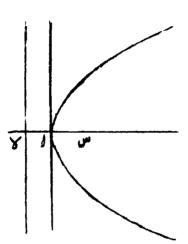
اکر شامی کے نقط ن پر ماس کھینجیں ادر وہ مرتب
سے سے پر ملے تو فابت کروکہ ن س سے زادیہ قائمہ
سے ادر ن پر کا ماس اُس زاویہ کی تنصیف کرتا ہے
جو اسکی فاصلہ س ن ادر عمود ن م کے در میان ہو
جہاں ن م نقطہ ن سے مرتب پر عمود بکا لا گیا ہے نیز
فابت کرو کہ راس پر کا ماس محور سے زاویہ تا تمہ
بنا تا ہے۔



ن م الم مست = ن من [اللبس م الله عم]
= س ن الم س من = س ن الم س من الله عمل ن الله عمل ن الله عمل ن الله عمل ن الله عمل من ال

رو شار سے من اور سے ن س میں

نم ، م م بالرتيب ن س، س مے كے مارى ہیں اور ن کے وولوں میں مفترک ہے ن زاویہ م ن سے = س ن سے [اتعیسماشم]

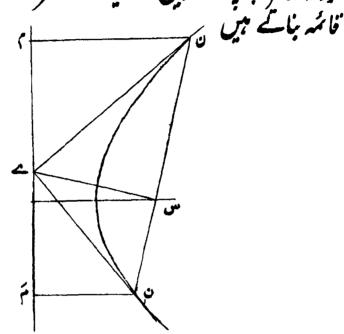


اگر نقطه ن راس لا پر لها جائے تو زاویہ س ن م دو قائموں کے برابر ہوگا اور اس کئے مستقم زا ویہ س الا بر منطبق ہوگا۔ اب جو نکہ ماس زاویہ کی تنصیف کرتا ہے اس

محورسے زاویہ قائمہ بائے گا۔

غلجی کی شرمیت سے نا بع کرو کہ جومستقیم خط زاویہ س ن م کی تعییت کرا ہے وہ منی سے ایک دوسرے نقط پر بنیں مل سکتا منتقی مثالوں کے لئے دیکیوسفر (۱۲)

مسئلہ ۴ اگرایک ماسکی وتر کے مروں پر ماس کھنچے حابیں تو نابت کروکہ دہ مرتب پر ملتے ہیں اور ایک دوسرے سے زاویہ



فرن کروکہ ن س ن ایک ماسکی ورہے اور ن برکا مال مرتب کو ہے پر قطع کرتا ہے ہے س مے ن کو طاؤ اور مرتب پر عموون مان م میننچو۔ تب چوکہ ن ہے ' ن پر ماس ہے اسلیے س کے خط ن س ن سے زاویہ قائمہ بناتا ہے (ملاہ) اسلیے ن کے 'ن پر ماس ہے اسلئے کے س نے من کے انفیس اس اس اسلئے کے مس مے ن سے کے انفیس اس کے م کا نصف ہے اور س کے م کا نصف ہے کے مجوعہ کا نصف ہے سنی یہ وو قائموں کا نصف ہے اس کے م موعہ کا نصف ہے ایک قائمہ ہے۔ اس کے ن کے م فی مثالیں مسکلہ ہے مشعی مثالیں مسکلہ ہے

1- اگردترفاش کے سروں پر ماس کینیے جائیں تو تا بت کرو کہ وہ ایک دومرے کو مرتب کے نقط کا پر قطع کرتے ہیں ۔

ایک دومرے کو مرتب کے نقط کا پر قطع کرتے ہیں ۔

ایک دومرے کو مرتب کے نقط کا پر قطع کرتے ہیں ۔

ایک دومرے کو مرتب کو کی ماس کھینچا جائے اور اس پر ایک نقطہ و ایس بیا جائے تو نا بت کرو کہ وم = وس

سا اگرن اور ن بر کے ماس نقط و بر میں اور نقاط ن اور ن اس مرتب برن م ، ن م م مود کا ہے جا کیں تو نا بت کروکہ وم ، وم سب برا برہیں ۔

اس بینم کے ذریعہ ایک بیرونی نظر دسے در ماس کھیجنے کا عمل دریافت کرد۔ سند

مم - اگر شلجی کے وو ماس رق و ق کھنچے جائیں اور ق ق کا

نقط تفییت س بوت تابت کرد که وص محرر کے موازی ہے۔

۵ - اس لئے اگر شلجی کے دو ماس اوران کے نقاط تاس و سے ہوئے ہوں تو ماس کم دریا دنت کرو -

۹ ۔. اگر ن بر کا ماس در خاص مرودہ سے ک پر مرتب ہے ہے بہ کے ق نابت کرد کہ س ک یہ س ہے

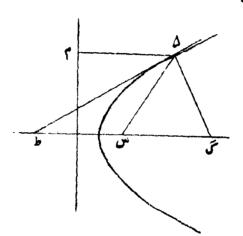
مشقى مثالير مسئله

ا۔ اگراسی وترن ن کے سروں پر ماس کھینچے جائیں اور دہ نقطہ سے پر ملیں اور ن م م م م سے پر ملیں اور ن م م م م م م کی سروں ہوں تو تابت کر و کہ م م م کی تنصیف ہے پر ہوتی ہے ، اس لئے تابت کر و کہ اگر ن ن کو قطر مان کر ایک وائرہ کھینچا جا ئے تو وہ مرتب سے سے پر مسس کا گیا۔

ایک ایک اسی و ترسیعی پرکے ماس پرق گ عود سے اور دہ محور کو نقطہ گ بر قطع کرتا ہے، ن برکے ماس بر گ مے عود ہے ، خابت کروکہ سے و تر خاص بر وات ہوتا ہے معاب اگر ایک اسکی و ترکے سروں بر ماس تھینچے جائیں تو خابت کو کہ دیر خاص بر مما دی حقے کا شے ہیں

تعربیف۔ اگر ایک متحنی کے کسی نقطہ پر ماس مکنیا مبائے تو جو خط متعیم نقطہ مذکورہ میں سے گزرنے اور مامسس کے ساتھ زاویہ قائمہ بنا ہے اس کو منحنی کے اس نقطہ پر کاع\د کہتے ہیں ۔

اگرنقط ن پرکے ماس اور عاد محدر کو بالترتیب نقاطط اورگ پر میں تو نابت کرو کہ س گ= س ن= س ط



مرتب پرعموه ن م تحیینچو

ت سطن = حانط [اقليسم اش ٢٩]

= كسن ط [مئده]

ن سن = س طر اور چونکه طن گ ایک زادیه قائم سے اس کے اگر س كو مركز اور فاصله سن ياسط كونفف قطران كر ايك دائره كلينيا جائے تو وه ك بي سے گزرے كا-

[اقلیدس مهاش ۲۱۱]

ن سن سن سطر

ا- نابت کروک سم اور ناط ایک دوسرے کی تصیف زاوی قائمہ

پرکرتے ہیں۔

٢- الرط اللا كا نقط تصيف مو تول الله الس كا نقط تنعيب المركا

نوٹ ل میں ن ل کا نقط زیرین ہے

سور اگر مثلث س ن گ ستاوی الاصلاع بو تو زاوی ط م ک تا مد بوگا -

مم ۔ ثابت کردکہ ذوار بعتہ الا صنلاع س ن م ہے کے گرد ایک دائرہ کینج سکتا ہے اور یہ دائرہ ن گ کو نقطہ ن پرمس کرتا ہے ۔

۵- اگراس دائرہ کا نفیف قطر مے کے برابر ہوتو شلف
 س ن گ متادی الاصلاع ہوگا۔

4 ۔ نابت کردستہی کے کسی دو ما سوں کا درمیانی زاویہ انسس زاویہ کا نضف ہوتا ہے جوائن کے نقاط تاس کو ملانے والے وتر

کے ماذی اسکربرہنے۔

ے۔ ایک مثلث او ب ج کا قاعدہ اوب اور زادیہ ج دیا ہوا ہے

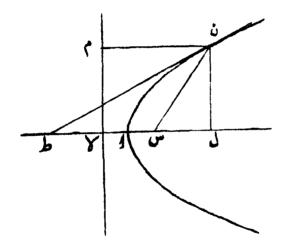
اُس شکمی کے اسکہ کا طریق دریا نت کرو جو ج 1 اور ج ب کو بالتر تیب نقاط 1 ادر ب برس کرے ۔

۸۔ دو ظلمی خلول کا ماسکہ ایک ہی ہے ادر ان کے مور ایک ہی منتقبم خط میں واقع ہیں لیکن محور دس کے رخ ستقابل سمتوں میں ایکن محدد اس کے رہے اور اس کے مور ایکن میں ای

ہی سیم سے یں واقع ہیں مین موروں سے من مسابال موں یں ہیں ، خابت کرو کہ بی^{منیا}می ایک ددسرے کو زاویہ قائمۂ پر قطع کرتے ہیں تعربین - اگر نقطہ ن برکا کا س مورکو ط بر ملے اور ای نقطہ میں سے گزرنے والا معین محور کو ل بر ملے تو ل ط کو نقطہ ن برکا زیر ماس کتے ہیں

سخله ۸

نابت كروكه زير ماس ل ط = ١ ال



مرنب پرعمو د ن م کھینچو تنریب دور ماریک

= ن م

118 =

در اس = اولا

ن اط = الل * الط = ۱۹۲۱

ا۔ اگر شلف ن ل ط مے گرد ایک دائرہ کمینیا مائے اور اس کا نفت قطر می ہو تو تابت کروکہ می = س ن × ال ٧۔ اسكه س میں سے ایک خط س ف نقط ن بر کے ماس کے متوازی کھنیما کمیا ہے اور وہ ابک ایسے خط ن ع کوجو ممور کے متوازی کھینجا گیاہے ع پر منا ہے ، نابت کرو کہ ع کاطریق ایک سنکجی ہے جس کا راس میں ہے اور جس کا وتر خاص اصلی سنگھی کے وٹرفاص کا نضف ہے ۔

تغربین۔ اگر نظر ن پر کا عاد مور کو گ بر ہے اور ن میں سے گزر نے والا معین محور کول پر لیے تو ل ک کو

نقط ن كا زيرعاد كيت بين-

زيرعاو لگ = ١٨س

مرتب پر مور ن م تھینیے

لگ ۽ سُلا

ا- اگر شلث س ن گ منها دی الا صنلاع موتو تابت کرم کہ س ن = وترخاص

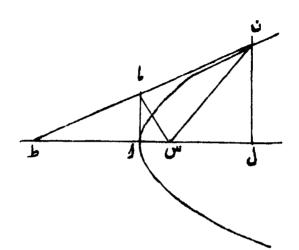
۳ سئلہ م کو مسائل ۸ اور ۹ سے متنبط کرو ۳- سنی کے کسی نقطہ معاینہ پر عاد کینچینے کی ترکیب

سم - اگر ق پر کا معین ق م زیرعاد لگ کی تنصیف کرے تو نما بت کرد کہ ق م = ن گ ۵ - ط ن اور ط تی ایک دائرہ رکے ماس ہیں، ایک

ایسا ظلجی بناؤ بوط ن کون پرمس کرے اور ط ق

لجی کے کسی نقطہ ن پر ماس کھینیا جائے اور وہ راس پر کے عاس کو ما پر تفظ کرے تو س ما ن طائ تعیق كرك كاادراس سك زاويه قايمه بناك كانيز س ما ا سكى فاصلوں س إ اور س ن كے ورسيان وسط

تناسب بوگا (سما"= اس×سن)



س ن کو ملاؤ اور محور برغمو و ن ل محالو

اب چونکہ طال کی تنصیف کا پر ہوتی ہے اور المما متوازی ہے ل ن کے ما ان ط کا نقطہ تنصیف سے

زاوئے س ماط اور س مان سادی ہیں[اللیم اش]

ن سمائن طسے زاویہ قائمہ نبانا ہے نیز پونکہ متبلف س ماط میں مالاتا عدہ پر عمود کا لاگیا ہے

یرپرد با اس ایدس ما ایدس مهنم انتیدس مهنم از انتیدس مهنم ا

، سی ما ما می ایا می از می

ے س ا × س ن سے اسکادہ ایک وائرہ کھینجا جائے تو ا

ا۔ اگر میں ن کو نظرمان کر ایک دائرہ تھینچا جا ہے کو انا بت کرو کہ وہ راس پر کے ماس کو میا پر مس کر پیکا ۔ معربہ خارم کے مزید کر مدر در مدر سے معرب میں

۲- ابس کروک نما × نے = سن

سا۔ نابع کرد کو ن ما× ماہے = اوس × س ن م ۔ نابع کرد کہ اگر س ماکو نارج کیا جائے تو یہ مرتب

۵۔ اگر و ترخاص کو قطر مان کر ایک وائرہ کمینیا جائے اور شلجی اور دائرہ کا مشترک ماس ن فی ہوجو ان کو تقاط

ن اور فی پر التر تیب مس کرے تو خاہب کرو کہ س ن اور میں ق میں سے ہرایک و تر خاص سے ، سو کا زاویہ

بناتا ہے۔ ۱۷- ایک شلجی کا ما سکہ اور دو ماس درئے ہوئے ہیں ا

الات الله علی و اسله اور دو ماس در سے ہوئے ہیں۔ معلوم کرد کہ راس برکا ما س کس طرح کھینیا جا ہے اور اس طرح شکجی کے تحور اور مرتب کھیسجنے کی ترکیبیں

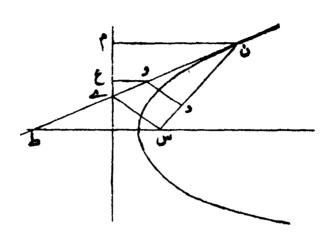
درہائے سرو۔ 2 - ایک کیے متعلیل کا غذکو اس طرح تہ کیا جاتا ہے

کہ اس کا ایک کو نہ ہمیٹہ مقابل کے صلع پر واقع ہوتا ہے نابت کروکہ جو سٹ کن کا غذیر اس طرح تہ کرنے

سے پڑتی ہے وہ ہمینہ ایک ایسے غلمی کو مس کرتی ہے جس کا مرتب مقابل کا صلع ہو۔

مسئله اا

علمی کے ایک نقطہ ن پر ماس کھینجا گیا ہے اس ماس کے ایک نقطہ و سے مرتب اور س ن پرعود محللے محتے بیں اور میم عود بالترتیب وع اور ود بس منا بت کرو که مس دور میں منا بت کرو کہ مس دور مصربرتم بیا



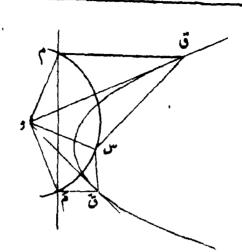
س نے کو ملاؤ اور مرتب پرعو دن م کھینچو تب چونکہ زادیہ سے س ن تائمہ ہے نہ ہے س متوازی ہے ودکے نہ س د: س ن = ہے و: ہے ن

ء وع : ن م لیکن س ن = ن م

ر س د = وع ۱۰ س د = وع

مسئلها

محسی نقطہ بیرونی سے شلجی کے دو ماس کمینچو



ل - فرض کرو که وی اور و تن وو ماس بین و پر دو عمود ق م اور ق م عمینچو اور وس وم

ب بونکر وق زادیر س ق م کی تنصیف کرتا ہے اسلتے س ق و اور م ق و بالهم سا وی بین (رملین الم الله)

اسی طرح سے وہ = وس ابس م اور م اس طریقہ سے معلوم ہوئے بہذا عل مطلوب حاصل ہوا] و کو مرکز ادر وس کو نضف قطرمان کر ایک دائرہ کھینچو

ہو مرتب کو م اور م پر قطع کرے
م اور م سے دو خط م ق ادر م ق کھینچو جو مرتبہ پر عود ہوں اور سلمی کو نقاط ق اور ق پر ملیں م دی ادر وق کو ملاؤ ، دی اور دی مطلوبہ ماس

ہونگے وس، وم، وم، سی، سی کو الاؤ تب مثلثات سی ق و اور م ق و میں سی تی، ق و = م تی، ق و اورفاسہ وم = قاعدہ وس

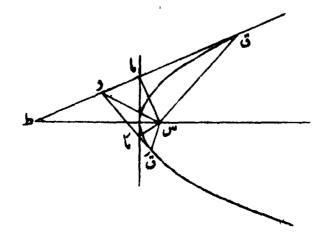
اورفاسه و ه = قاعده و س نه زادیه س ق و = زادیه م ق و

: وق نقطہ فی پر کا ماس سے سکدہ] اسی طرح دق نقطہ تک پر کا ماس ہے

نوسط سائل ۱۰ یا ۱۱ کے اصول کی بنا پر بھی عل طاصل ہوسکیا مشعق متنالوں کے لئے دیکھوصفی (۳۲)

ستلدسا

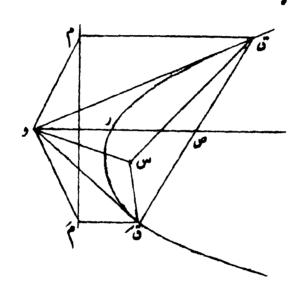
نابت کروکہ ماسات وق اور وق کے نحاذی ماسکہ بر ساوی زاو سے بینتے ہیں -اور مثلثات س دق اور س ق و متنا بہ ہیں



شلمی کے راس پر ماس کھینچو جو و ق اور و ق سے نقاط ما اور مَا يركي-سى ئى سى ئى سى ما سى ما كو ملاؤ ق و کو اتنا خارج کرو کہ وہ مورسے طیر کے اب چونکہ ما اور ما پر کے زاوے قائے ہیں[سندا] اس کئے جو دائرہ وس کے تطریر نایا جائے گا وہ نقاط ما اور منا میں سے گرزے گا۔ اس کے زاویہ س وق = زاویہ س ماماً اسواسط کہ یہ زاوے ایک ہی قطعہ دائرہ میں واقع ہیں۔ زاديه سطما [الليدسم اشم] ء زاويه س ق و [مئد ، او العيس م افع] اسيطرح سے زاويو س وق = زاويو س ق و ا سلئے باتی زاوے وس ق اور وس ق آپس میں برا بر میس- اور مناسف س وق اور س ق و متناب ں۔ نقائر نقطہ و میں سے ایک خط مورکے متوازی ممینجا ا جائے تو یہ خط اور وس ماسوں کے ساتھہ مبادی زاد کے بنا ٹینگے مشقی مثالوں کے لئے دیکھومفردوس)

مسئلها

اگرمکانی کے ماسات کا ایک زوج وق اور وق ہو اور محور کے متوازی خط وص کھینجا جائے جو ق تی سے نقطہ ص پر کمیے تو ٹابٹ کروکہ ق ٹی کی تنصیف ص پر ہوتی ہے



زمن کردکه و ص مرتب کو نقطه ر پر کا لما ہے
ق اور ی سے مرتب پر عود ق م اور ی م نکالو
دم و م و م و س ، س ق ، س ی کو لاؤ
تب مشتات س ق و اور م ی و میں
س ی و = م ی ، ق و
اور ناویہ س ی و = ناویہ م ی و [مسئوم]

اسی طرح سے وم =

اور چونکہ ور مثلث متناوی انساقین و م م کے کے قاعدہ کی تنصیف کرا

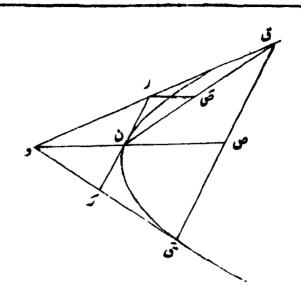
ن مر = مر

لیکن نی ص: ص ق یہ ہمد: رم نقص یص ق مینی ق ق کی منصیف ص

بر میں تی ہے۔ منقی مثالوں کے لئے دکیھو صفح (۴۷)

مسئله ۱۵

اگر ایک مکافی کے متوازی ونروں کا ایک نظام دیا ہوتھ نا بت کرو کہ و تروں کے وسطی نقاط کا ظریق ایک ایسا ستقر خط ہوگا جو محور کے متوازی ہو اور اُس ماس کے انقطہ تماس میں سے گزرے جو وترون کے متوازي بهو-فرض کروگہ کاس رن کہ وترون کے متوازی ہے



ن نقطہ تماس سے اور ق ق مذکورہ و تروں میں سے ایک و تر سے ۔

نقطہ ک میں سے ایک ایسا خط ون ص کھینچو جو ق ق سے ص پر اور ماس ق روسے و پر کے ن ق لوطاو اور رص کو محور کے متوازی کھینیو، بیان ق

و ملاؤ اور رمض کو محور کے متوازی تھینیچو ' بیر ن ق کی منصیف صُ پر کرنگا۔ (مسئلہہ،)

ب ور = رق کیونگه رُض ' دن کے متوازی سیے

یامیدش م است ۱۱ اور دن = ن ص کیونکه رن م ص ق کے متوازی ہے اس سر میں ہم کر مال سے کہ بر کر اور کھیفہ

اسی سے اگر ہم ایک ماس فی رو ایسا کھینجیں جو ا ون ص سے نقطہ و بر ملے تو ون = ن ص اس سے معلوم ہوا کہ و اور و ایک دوسرے پرمطبق ہوتے ہیں۔ چو مکہ رق اور دق ماس ہیں اور وص محور کے متوازی بہت اس کئے ص وترق تی کی منصیف کراہی [سکریا] اسلئے اُن تمام و تروں کے وسطی نقاط جو رن کہ کے متوازی ہیں ایک ایسے سنقی خط پر واقع ہیں جو نقطہ ن میں سے گزرتا ہے اور محوراً کے متوازی ہیں۔ تعرفیت ۔ اگر کسی منحنی کے متوازی و تروں کا ایک نظام کھینیا جاسئے تو و تروں کے وسطی نقاط کے طریق کو قط کہتے ہیں۔

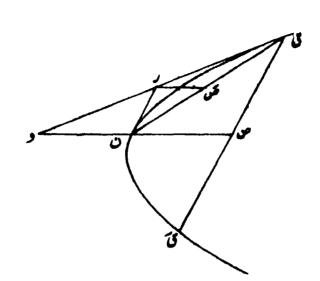
نوسطے۔ ضروری نہیں کرسب منحنی خطوں کے لئے یہ قط ایک منتقم خط ہو گرمندرجہ بالاسے ظاہر سبے کہ مکافی کی صورت میں قطر ایک ستقیم خط ہے۔

مضقی مثالوں کے لئے دیکھوسفی (۳۸)

تعربیت ۔ نصف قطر (ق ص) جو منحنی ادر قطرکے درمیان واقع ہے قطر کا معین کہلاتا ہے ۔

مسسكلها

اگر تطرن ص کا سین ق ص ہو اور ق برکا ماسس ص ن مدودہ سے و بر لمے تو تا بت کروکہ ون = ن ص



مكافى كے نقطه ن پر ماس بن ر كمينچو جو و ق س کے افتطہ رمیں سے رص کو مور سے متوازی کمینو۔

چوکہ رن اور رق دوماس ہیں اسلئے ن ق کی تنصیف ص پر ہوتی ہے [سندما] اور ن د متوازی ہے ق ص کے [سندها]

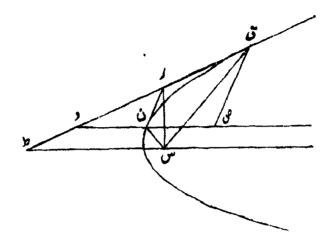
« ون: نص = ور: رق

ء ن ص: صُق

ليكن ن ص = ص ق ، ون = ن ص مسئله ١٤

الرقط ن ص کا مین ق ص ہو تو نا بت کرو کہ

ئ صْ الله على الله عن ص



فرض کرو کہ قطر ن ص سکا فی سے نقطہ ن پر ملا ہے نقط ت پر ماس مینیو جو قطرسے و پر اور محورسے ط

نقط ن پرماس کھینچو جو وق سے ریر کے س ن سراس ق كوملاؤ اب چونکه لان ، رق دوماس بین

ن سُلُف س دن اور س ق رمتنابهی [سند۱۱]

ن زاوی سرن = زادی سقر

= زادی سطر [مندی]

= زاوی ن ور [اللیسماش۲۹]

اور زاویه س ن د ناویه و ن ر گیونکه ن برکا ماس زاویه س ن د کی تنصیف

كرتا ہے [سئدہ]

ن منلف سرن اور ن ور متنابهی

* ن ز س ن × ن و

اب وص کی تنصیف ن پر ہوتی ہے (سند ۱۹)

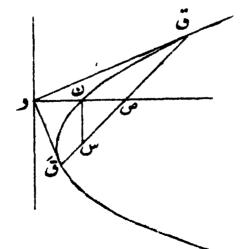
: قص=٢نر : قص=٣نز

- プラジ×ヴe=アラジ×ヴの

مشقی مثالوں کے گئے دیکھو صفحات میں اور میں

مستلدم

اگر قط ن ص منحنی سے نقطہ ن پر ملے اور ماسکی و تر می مس ق کی تضیف کرے تو ناست کرد کہ ق ق ہے ہس ن



ماسات وق اور وق کھینچو 'یہ ایک دوسرے کو مرتب پر قطع کریں گے اور ایک دوسرے سے زادیہ تسائمہ بنائیں گئے۔ (مسئلا)

قطروص کمینچو اور مس ن کو ملاؤ۔ اب چونکہ وص ایک مثلث قائم الزاوی ق و ق کے قاعدے کی تنصیف کرتا ہے۔

ن قص = وص [الليسم المنساس]

ه ن ق = ۲ وص

المین ون = س ن [سناجی کی تربیت] ن وص = ۲س ن [سنله ۱۱]

ا الرام على المرام على المرام الم المرام المرام

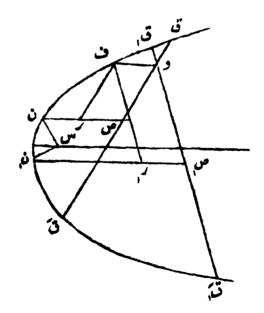
مشقی مثالوں کے لئے دیکیوصفہ وس

منانوں سے سے دہیموصفہ 4م

مسئلها

اگرایک شلجی کے وتر ق ق ای آپ ایک دوسرے کو قطع کریں توان کے حصول کے خاصل طربوں کو آپس میں دہی تنبت ہوگی جوان کے متوازی ماسکی و تروں کو آپس میں ہے

ىنى ق وىنى و: ق و × ق و = ۴ سن ١٠٠ س ك



قطرن ص کمینیو جوت تی کی تنصیف ص پر کر ہے ون کو تورکے متوازی کھینچہ اور فرض کرو کہ یہ شلجی سے نقطہ ف پر ملیا ہے ' فعارت ص کا معین ف لا کمینچو' مس ن کو ملاؤ۔ ت ق و × قُ و = ق ص - وص [الايس م به سن] = ق ص - ن ز [الايس م است ۱۳۷] = ۲ س ن × ن ص - ۲ س ن × ن در سود ۲ س ن عن در سود ۲ س ن ۲ س ن ۲ س ن ۲ س ن ۲ س ن ۲ س ن ۲ س ن ۲ س ن ۲ س ن ۲ س ن ۲

یمسن دون اسی طرح سے ق و × ق و = ۲ س ن × وف

ن ق و من ق و ن ق و من ق و ع س ن : م س ن اس من ق مناور کے سے دیمھوسنے اُس

مشقىمتاليس

مسئلهاا

ا۔ اگرنقطہ دمرتب بہ ہو تو اس مسئلہ کے عل سے نابت کروکہ ماس ایک دوسرے کو زاویہ تا نمہ پر قطع کرتے ہیں ۲- اگر شکل وق مس ق متوازی الاصلاع ہو تو نقطہ و کامتفام دریا نت کرد۔

مسسئله ١

ا۔ اگر مصلحی کا ایک تیسر ماس کھینجا جائے جو وق اور دی سے

نقاط ر اور ط پر ملے تو نابت کر و کہ سنگ و رط کے گردجودائرہ کھینیا جا ہے گا وہ س سے گزریگا

٧- ايك ظلجى بين منقيم خطول كو مس كرا ہے، اس كے اسكه كا طريق دريافت كرو-

معود جارمتقیم خطوں کے مقام معلوم ہیں ادر ایک خلیجی ان میں سے ہرایک کومس کرا ہے ، ہندسی عل کے ذریعہ سے امسس کا ملکہ دریا فت کرو،

مم - نابت کردکہ وق اور وق کے درمیان وس دسط تناسب میں۔ بہلا کونسا مسئلہ اس کی خاص صورت ہے ؟

۵۔ ایک خلجی کے دو ماس اور ان میں سے ایک کا نقط تاس معلوم ہے ایک کا نقط تاس معلوم ہے ایک کا نقط تاس معلوم ہے ایک کا نقط تا ہے جو ذکورہ نقطہ تقاطع میں سے گزرتا ہے دکورہ نقطہ تقاطع میں سے گزرتا ہے

اور ایک عاس کو مس کرتا ہے۔

اگر ماسات وق اور دق کے درمیانی زاوی ق وق
 کا مفتف محور سے ر برلے تو تا بت کروس و = س ر

مشقى مثالين سئليها

ا۔ اگرایک اسکی وتر کو قطر ان گرایک دائرہ تھینجا جائے تو ثابت کرو کہ وہ مرّب کوس کر تگیا۔ الم یہ تابت کرو کہ ایک اسکی و تر کے سرون پر کے عاد ایک دوسرے کو اُس قطر پر قطع کرتے ہیں جو و ترکی تنصیف کرتا ہے ۔

مع دوماس اور ایکے نقاط تاس دے ہوئے ہیں ا سکہ اور مرتب

وريافت كرو ـ

مشقى مثالين مسئله ۱۵

شلجی کے متوازی و تروں کا ایک سلسلہ معلوم ہے، آبت كروكم برايك وترك مرول برك عاس ايك دوسرے كو ايك ہی منتقم مغط پر قطع کرنے ہیں -

۲ - ایک شلجی کا خاکہ کا غذیر کھینجا گیا ہے ، اس کا محدر اور مرتب

سے اگر دتر محور سے ۵۴ کا زاویہ بنائیں بوان کے وسطی نقاط میں گزرسے والا خطوتر فاص کے ایک سرے سی سے گزرے گا۔

مشقى مثاليس مسئلهء

ا۔ اگروس پر عود ق د کھینیا عا سے تو ٹا بت کرو کہ ت د" = م إس x ن ص ۲- ن بر کا قطر ط ن ص ہے اور ق برکامین ق ص اور ق م

كا ماس ق ط هے ، اگر ق ص = ط ص تو ناست كروكم ط

مرتب برواق ہے۔

الله الفظم ص ميست كوكى وترل ص لَ كمينيا كيا سي اور تطر

ن ص کے سین لم، لَمَ نقاط ل اور لَ سے کمینی سے

بیں تابت کروکر ل م × ل م = ق ص

مہر سنگی کے کئی ماس کے نقطہ تاس میں سے ایک و تر کھینجا گیا ہے اگر محور کے متوازی ایک اور حط کھینجا حا کے جو

ماس منحنی اور و ترسے تین نقطوں پر ملے تو تابت کر وکہ سے نقطے خط کو ایسے دو حصوں میں تقیم کریں گے جن کی باہمی نبیت وہی ہوگی جود ترکے دو حصوں کی ہے۔

ہ من برور کے میر سول کی مج ۵۔ ایک نقطہ معلومہ میں سے تبلحی کا ایک ایسا وتر کھینچو جو اسس نقطہ پر ایک نسبت معلومہ میں تقسیم ہو جائے۔

مشقى مثالين مشكره

ا- ایک اسکی وتر ن س ق ایسا کھینچو کہ س ن = ۱ س ق ایسا کھینچو کہ س ن = ۱ س ق ایسا کھینچو کہ س ن = ۱ س ق ایس اگر ایک تطر مرتب سے نقطہ و بر ملے تو د س اس اس اس و تروں برعود ہوگا جن کی قطر تنصیف کرتا ہے ۔

مشقى مثالين مسئله ١٩

ا۔ ستہی کا ماسکہ کئی ماسکی و ترکو دو حصوں میں تقسیم کرتا ہے، نابت کرو کہ ان دو حصوں کا اوسط موسیقی مضف وترفاص کے برابر ہے ۔

كا مسين ق ص بو ادر ن ق كا مزدوج	ر ن ص	۲ اگرت
سے ص ہر ملے تو نامت کرد کہ	موبون ق	قطر ن ص
	ہے ن ص	= \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \

بمنتيى مخروطاست

تعریفات ۱- آرکسی نقطہ سے ایک نا عمود کالا جائے تو عمود کے بائیں کو اس تقطیم کا

ظلوں کا مجموعہ ہوتا ہے ' بینی اگر خط مذکور سے سب نقطوں سے سطح تنظلیل پر عمود نکا لیے جائیں توعمودوں

کے نقاط زیرین کا جو طریق ہو گا اس کو اس خطاکا

رں ہے۔ سوب اگر ایک خط یا ایک سے زیادہ خطوط کسی دعے ہوئے رقبہ کا اطار کریں تو اس رقبہ کا ظل وہ رقبہ ہو گا جو اش خط یا خطوط کے قطلوں سے

مهم اگر ایک دیا ہوا منی کسی خاص سطے پر واقع ہو اور وہ سطے ، سطح تظایل کو ایک مستقیم خط پر قط

قائم تطليس

اس سے معلوم ہواکہ ب ن کا ظل ایس م خط ب ن کے اور یہ دونوں خط ایک دومر سمواکی نقطه ب پر تطع کرتے ہیں جو بنیادی خطیر

ایک محدود مستقیم خط کے حصون کی نسبت تطلیسل سے نہیں بدلتی ۔

فرض کرو که ن ق ر س ب ایک دیا هوانقیم خط ہے اور ن ق رس ب اس کا کل ہے۔ ن ن ک تی ق ، ر ر ، س مس سب متوازی ہیں

کیونکہ وہ سب کے سب ایک ہی سطح ستوی ن ب ن میں واقع ہیں اور سطح تطلیل پر عمود ہیں۔ بس معلوم

ہواکہ حصوں ن تی ' ق ر ' رس کی آپس میں وہی سبت ہے جو ن ق ، ق ر ، م س کوایس میں ہو (اقليدس م ١ مسس ٢)

مئدج

نابت کرو کہ متوازی اور مستقیم خطوں کے ظِل متوازی اور مشقیم خط ہوتے ہیں اور تظامیال کے بعد ان کے

مندسی مخ وطانت مم مم

طولوں کی باہمی نسبت وہی رہتی ہے جو پہلے تھی۔

تفائم تطليب ل

فرض کروکه ن ق ب اور رس (دو متوازی اور اس در دو متوازی اور اور اور متقیم خط بین جو بنیادی خط کو نقاط ب اور دبر طلح بین اور فرض کرو که ن ق ب اور رس در ان سے خل ہیں۔

ن متوازی ہے ہر لہ کے [اقلیدسم اس ۲]

ن قی سوازی ہے ہر س کے مقوض

بسط ب ن ن سوازی ہے سطح قرر لرکے [اقلیدسم ااش ۱۹]

اسلنے ن ق ب متوازی ہے رس دکے [اقلیدسم ااش ۱۹]

نیز مثلث ت ن ب ب ن اور ر در متعاوی الزوایا

ہیں [اقلیدسس م ااست ۱]

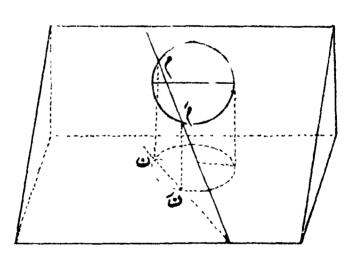
ن ن ن ن ت = ت ب : ن ن ب

= رد : ۱د

ے رس : رس اسلئے ن ق: رسس = ن ق : رس مشاہدہ نبت ن ب: ن ب = جمن ب ن

سئلدد

ٹابت کروکہ کسی منحنی کے عاس کا ظل اس منحنی سے فل کا حاس ہوتا ہے یا اختصاراً عاس کا ظل عاس ہوتا ہے ہوتا ہے ایک ہی خط سے ایک ہی نقطہ پر طبتے ہیں ا



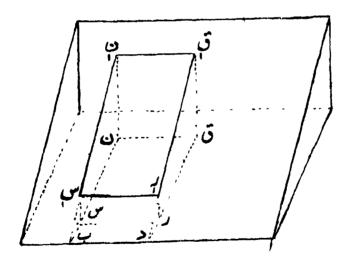
ذمن کروکہ کسی منحی پر دو نقطے م اور مَ ایک دوسے کے قریب ہیں ' کاہر ہے کہ ان نقطوں سے ظل ن اور ن اس منحی کے ظل پر واقع ہوں گئے۔ فرض کردکہ مُ حرکت کر سے م سے اتنا قریب ساجاتا ہے که آخرالامر اس بر منطبق ہو جاتا ہے یعنی م م منی کا کا ماس بن جاتا ہے

جب ایا ہوتا ہے تون حرکت کر کے ن کے سب ایا ہوتا ہے تون حرکت کر کے ن کے

اتنا قربیب آجاتا ہے کہ آخر کار وہ اس پر منطبق ہوجاتا ہے اور ن ن مُغنی معلوم سے خلا کا ماس بن جاتا

ہے نیز ظاہر ہے کہ یہ ستقیم خط بنیادی خط کو ایک ہی نقطہ پر قطع کر تے ہیں (سٹلہ ل)

مسلملہ لر البت کروکہ رقبوں کی شبت تطلیل سے نہیں برنتی



صورت اول فرض کروکه ن ق رس ایک متلیل

جس سے دو اضلاع ن ق اور رس بنیادی خط سے متوازی بیں اور فرض کرو کہ ن ق برس اس سکا خل ہے کا

ہیں اور فرص کرو کہ ن می رکش اس کا کل ہے۔ ن س اور ق ر کو اتنا خارج کرو کہ وہ مبیادی خط کو بالتر نتیب نقاط ہے اور در بر ملیں

جن بن

اب اس نسبت کی قیمت مستطیل سے کلول اور عرض پر منحصر نہیں ہے (کیونکہ یہ جم عہ سے برابر ہے بہان اصلی سطح ادر سطح تظلیل کا در میانی زاویہ عہ

ہے) بیں معلوم ہواکہ تظلیل سے آیے تمام متطیلوں کا رقبہ ایک ہی نسبت سے کم ہوتاہے اور اگر اصلی سطح میں سئی ایک آیے ستطیل ہوں

اور اگر اصلی منطح میں لئی ایک آییے مسلمیل ہوں تو ان کی باہمی نسبت وہی ہوگ ہو اِن سے ظلوں ک

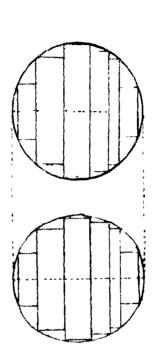
صورت دوم زض کرد که بهیں کوئی بندسی شل دی ہوئی بندسی شل دی ہوئی ہندسی شل دی ہوئی ہندسی شل دی ہوئی ہندسی شل دی ہو ہم اس سے اندر ایسے متوازی خط کھینچ سکتے ہیں جو بنیادی خط بم

امرر ایک سواری سط ہی سے اس کو بہت سے بایک عمود ہوں اور اس طرح سے اس کو بہت سے بایک گرموں میں تقییم کر سکتے ہیں ۔ اب اگر ایسا کیا جائے

تو ہر ایک مروا مستطیل شکل کا ہوگا اور اس کے

دو نوں سروں پر دو چھوٹے چھوٹے رقبے بھنگے





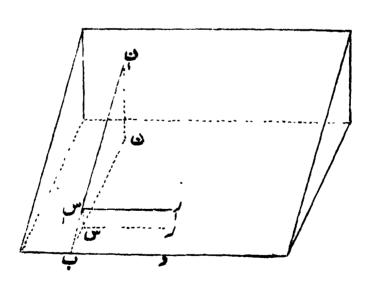
ہم صورت اول میں ٹابت سر کچے ہیں کہ اپنے ہراکی مستطیل کی نسبت اپنے ظِل سے ستقل ہوتی ہے پس معلوم ہواکہ ایسے مستطیلوں سے مجموعہ کو اپنے ظلول سے مجموعہ سے ساتھ مستقل نسبت ہوگی۔ ظلول سے مجموعہ سے ساتھ مستقل نسبت ہوگی۔ اب اگر ان مستطیلوں سے عرضوں کو بے حد کم کروا جائے اور اس طرح سے ان کی تعداد کو بڑا دیا جائے تو ان (مستطیلون) کے مجموعہ اور د شے ہوئے رقبہ کے تفاوت کوہم ب مدکم کر سکتے ہیں

قائم تطلب

اس کے معلوم ہواکہ تظلیل سے کسی شکل کا رقبہ
ایک ہی نبت (۱ :جمعہ) سے کم ہوتا ہے اور
اصلی سطح پر سے تمام رقبوں کو آپس ہیں وہی
نسبت ہوئی ہے جو ان سے ظلوں کو آپس ہیں ہو

مسئلس

اگر دو مستقیم خط ایک دوسرے سے زاویہ قائمہ بنائیں تو ان کے فل بھی ایک دوسرے سے زاق کا گئہ قائمہ قائمہ قائمہ قائمہ بنائیں سے بشرطیکہ اصلی خطوں میں سے ایک خط بنیادی خط سے متوازی ہو۔



فرض کروکه دو مستقیم خط ن س اور س ر ایدوست سے زاویہ قائمہ نیاتے ہیں اور ان میں سے ایک

خط س ر بنیادی خط ب لا کے متوازی ہے فرض سروکہ ان سے ظل ن س اورس ر ہیں اب چونکہ س رئیب د سے متوازی ہے اس نئے یہ خط سطح تفلیل نی س ب در کو ہمیں منا اس کئے س ر اینے ظل س ر کو ہمیں متا نیز س ر اور س ر ایک ہی سطح میں واقع ہیں اس کئے وہ ایک دوسرے سے متوازی ہیں۔ اسك سب را س س س أداويه قائمه بنامات الليس ماش ١١٩ نیرس دان ناس سے زاویہ قاملہ بناتا ہے [مفروض] من سلم ن سلم ن س بس ن س زادیه قائم بناته اقیرس النام بن س له سطح ن من سب س ن سنة زاويه قارُا بناتا ہے آافلیدس م ااس م اور ن س ر ناویہ قائمہ ہے۔ لوط - قائم الزاويه كاظِل قائم الزاديه نهيس بهوما جبتك کہ اصلی زاویہ کی ایک ساق بنیادی خط کے متوازی نہو

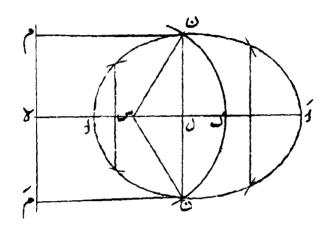
قطع ناقص بالبيلجي

تعربیف ا- ہلیمی (یا تطع ناقص) ایک ایسے نقطہ
(ن) کا طریق ہے جس کے فاصلے ایک نابت نقطہ
میں اور ایک نابت مستقیم خط کا م سے ایسی
مستقل سنبت رکھتے ہوں جو ہمیشہ ایک سے کم
ہوتی ہے
رکھتے ہوں جو ہمیشہ ایک سے کم

(س ن = ربان م) ۱- ثابت نقطه (س) کو ماسکه کہتے ہیں ۱- ثابت خط متقیم (کام) کو مرتب کہتے ہیں ۱- متقل نبت (ر) کو خروج المرکز کہتے ہیں

مسئلہ ا ہیلی پر سے نقطے دریافت سرنے کا عل۔ اگر اسکہ سے مرتب پر عمود نکائیں تو وہ منی کا

مور تشاکل ہوگا راس آ اور آکا دریانت سرنا



اسكه س سے مرتب ير عمود س كا نكالو كا س كو البراس طرح تفتيم سروسكه *1 × 1 = 1 U

نیز کا س مرد ده بر ایبا نقطه از لوکه س و = ر × و الم

مب اور آور و نقط منحنی پر بین بموجب تعرفین خط مستقیم او آبر کوئی نقطه ل تو اس سو مرکز مانکه ایک دائره شمینچو حبن کا نصفت قطر و مدکل

ہو ، نقلہ ل یں سے خط او کر پر عمود ن ل ن كلينيو جو دائره كو نقاط ن اور ن ير مع ، تب

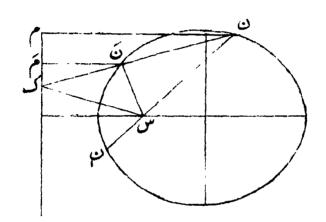
نقاط ن اور ن رالمیلی یه موں سے ، مرتب پر عمود ن م اور ن م هينجو

UXJ=UXXJ=UW س نَ = ل بد كا ل = ل بد نَ مَا پس معلوم مواكه أكر وؤ بركوني نقطه ل موتو اس نے مائل اعل بالا سے ہم کو دو ایسے نقط ن اور ن منحنی پر عاصل ہو تے ہیں جو او کی مقابل جانبوں میں واقع ہیں اور جن کے فاصلے الوكر سے مساوى ہيں ، اس سے ظاہر ہے كہ الملمى بنی فا او کے متث کل ہے یعنی وار محور ہے آور تفاط اوراؤ اس کے راس ہیں۔ انوٹ یہ نابت ہو سکتا ہے کہ اگر نقطه ل واورو کے درمیان محر 11 کے کسی مقام پر واقع ہوتو دائرہ عمود ل ن کو تطع کرنیگا لیکن جس ضورت میں نقطه مذكوره الله ك باسر مو تو دائره اس عمود كو قطع بنيس مرتكا. اس سے معلوم ہواکہ اگر اور اور کو پر ایسے خط کھنچے جاتی جو محور پر عمود ہوں تو ہلیلی بالکل ان سے ورمیان واقع ہوگا۔ دکھیو سہیے

ر دیفوں کے نے وکمیو صفحہ (۵۸و۸۸)

اگر وتر ن ن مرتب کو نقطہ ک پر قطع کر سے تو

ف بت کروکہ س ک ، س ن اور س ن کے فارجی زاوئے کی تنصیف سرتا ہے



س ن س ن س ک کو طاؤ ۔ ن س کو ن بک

اور مرتب پر عمود ن م اور ن م نکالو تب سن = ر × ن م سن = ر × ن م

اور ن ک م منشابہ ہیں اس نے س ک زاویہ ان س ک زاویہ ان س ن کی منتصیف کرا ہے [املیدس م اش ا

منقى مثاليس ئله

ا۔ ن س ن ایک ماسکی وٹر ہے 'نابت کروکہ لان اور

کان محور سے مساوی زاوئ بناتے ہیں ۔

٧- ن س ن ايك ماكى وترب ، اگر ن ا اور ن الكو خارج كيا جائ تو وه مرتب كو نقاط ك اورك پر متى مِن

ع بین بات کروکہ ک س کب زاویہ قائمہ ہے

سوت دو وتر ن ق اور ن ق مرتب نمو بالترتيب ع اورع

پر منتے ہیں نابت سروکہ زاویہ ع س ع زاویہ ن س ن

بہ سے ب_یں ، ۔ یہ بیان میں ہے۔ کا نصف سے ۔

سم ۔ اگر ہیلمی کا ماسکہ دیا ہوا ہو اور منحیٰ بر سے وو نقالم

دئے ہوں تو نابت سردکہ مرتب ایک نابت نقط میں

ہے گذرے گا۔

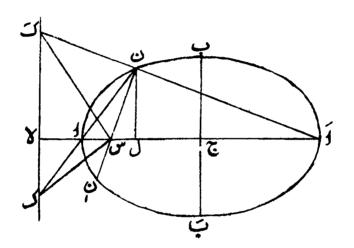
تعریف اگر ماسکہ (س) میں سے گذر نے والا مور بلینی کو اور آئیر مے تو لؤکو محوراعظم

ہتے ہیں تعریف اگر اوکی تنصیف ج پری جائے تو تعریف اگر اوکی تنصیف ج پری جائے تو

ج کو ہلیبی کا مرکز کہتے ہیں۔ العراف ۔ دگنے سین ب ج ب کو ہو مرکز ج

یں سے کینیا جائے منی کا محوراصغر کہتے ہیں

اگر ہلیجی کے کسی نقطہ ن کا معین ن ل ہوتو ن ن : اول × اول = جبار : ج او اور ج ب طول میں ج آ سے کم ہے



ن لو ، كن كو لاؤ اور ان كو اتنا خارج كرو كه وه مرتب کو ک اور ک پر میں س ن سک ک س کے کو طاؤ اور ن س کو ن کک خارج سرو متت بہ شاشوں ن ول 'ک و کو سے

ا ن ل : الله على الله متث بہ شنتوں ن اَوَل 'کُ اَوٰ کا سے ن ل وَل = ك لا : وَلا

لیکن س ک ناویہ اس ن کی تنصیف کرا ہے[سلم]

اور س ک ناویہ اس ن کی تنصیف کرا ہے[سلم]

د ک س ک قائمہ ہے

یک کا برک کا = س کا [اقیدس م ش م]

د ن ل ال ال برال = س کا الا براک کا اسی طرح سے چونکہ ن اب پر منطبق ہو سکتا ہے اس کئے ۔

اسی طرح سے چونکہ ن اب پر منطبق ہو سکتا ہے ۔
اس کے ۔

> ن بج∠ابج نوست

مشقى مثالين سئلها

ا۔ اگر ایک سٹیمی اور ایک ہلیمی کا ماسکہ ایک ہی ہو اور نتیم میں میں اور نتیم میں میں میں اور نتیم میں میں میں اور نتیم میں مشتیر ہو تو نابت سروکہ شلیمی کے بالکل باہر واقع ہوتا ہے۔

الله فابت سروكه أي نقطه ن بيلي كے ادر واقع ہوگا

اگر نسبت س ن : ن م خروج المرکز سے چھوٹی ہو اور منی پر واقع ہو گا آگر یہ نسبت خروج المرکز سے برابر ہو اور سنی سے بہر واقع ہوگا اگر یہ نسبت خروج المرکز سے بہر واقع ہوگا اگر یہ نسبت خروج المرکز سے بڑی ہو' اس یں ن م نتظم پر عود کھینچا گیا ہے۔ بابر من اس کی و تر ان تی مرتب کو ر پر ماتا ہے' تابت

بن : نار = سن : قر

ہم۔ ایک متقیم خط ہیلی کو ن پر اور مرتب کو ر پر اور مرتب کو ر پر کوئی نقطہ ک ہے اور ک سے اور ک سے سن ر کے متوازی ک ی کھینچا گیا ہے جو س ن کوی یہ لمتاہے ؟

نینرک سے مرتب بر عمود ک سے نکالا گیا ہے ^{ہن}ابت کروکہ س ی = ر یک ہے

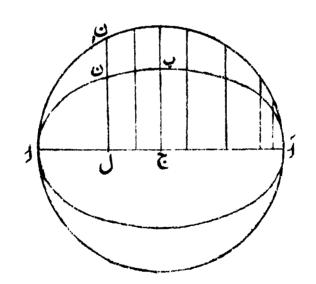
مشقى مثالين سئله ا

ا۔ آگر ب ج ب بر عود ن م نکالا جائے تو ناب کرہ ن م : ب م × ب م = ج ر : ج ب ۲- المیلی بر دو نقط ن اور ق ایں ، اق اور آئی ، دن ل یا ن ل مدودہ کوبالترتیب م اور م پر قطع سرتے ہیں خابت سروکہ

دن = م ل × مرل

مسئلہ ہم اگر اور قطر مان کر ایک دائرہ کینچا جائے اور اس دائرہ سے معینوں کو نسبت ج او: ج ب میں کم کردیا جائے تو ان سے سروں کا طریق تطعناقص ہوگا

(ا ن ن ل = جب: ج ال

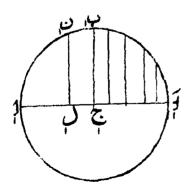


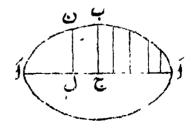
فرض کروکہ لواؤ کے تصف قطرید دائرہ اون او بایا گیا ہے اور ن کا معین ن ن ن ل ہے جو بلیلی کو ن پر ماما ہے۔

قطغاقص

۳- المیلمی کے ایک وٹر اور امادی وائرہ کے ایک وٹر دو نوں کو نظیری وٹر سمینگے اگر ان سے سے نظسیہ می نقطے ہوں -

> مسئلہ ۵ دائرہ کا ظل قطع اتص ہوتا ہے

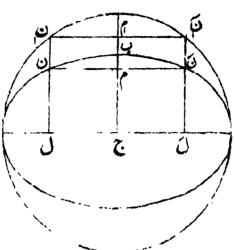




فرض کرد که دائرہ معلومہ إن أ ہے جسس السسر لو آئو بنیادی خط کے منتوازی ہے اور جس میں نصف قطرح ب ' ال پر عمود ہے ، یز فرض کروکه کسی نقطه ن سے و کو یہ عمود ن ل تكالا كيا ہے۔ فرض كروكه دائره إن ب أو كا ظل ون ب أو ہے اور نقاط اوا کو اب ج من ک ل کے ظل اواکو ب،ج،ن،ل س ن ل = إل × ل إ آتليدسم سشس وروس عن =جب = ال ×ل أ: ج ال سكين ١٠ ن ع ب = ك ل : ج ب [سندج] اور إلى × ل إ: ج إ = ال × ل و: ج و ن ن ن ال اج ب = ال x ل أ اج ز نیز ن ل اورج ب خط او کر عمود بین [مسئلات] اس نے نابت مواکہ ن کا طریق ایک ہلیلی ہے جس کے محور ج اور ج ب ہیں [سٹلم] نوٹ دائرہ اب آ امادی دائرہ کے ساوی ہے سبت ج ب ؛ ج ر = جم عه جهان عه زاويه تطليل ب الملي كارتب = T x وج x ب

مسئلہ ا اُ بت سروکھن اقص بلحاظ محدر اصغر کے تشاکل ہے قطع ماقص

اور اس کا ایک اور ماسکہ (س) ہے اور ایک اور مرتب بھی ہے۔



فرض کروکم ن م ن امرادی دائرے کا ونز ہے جو محور اصغر کو نقطہ م پر قطع کرتا ہے اور اس سے زاویہ قائمہ بتاتا ہے۔ المیلجی بیر ن اور ن کے نظیری

نقاط ن اور ن لو اور مشترک معین أن ن ل اور من كرك اور فرض كردك

یہ محور اصغر سمو م پر تطع سریا ہے تب ہول = ن کِ لِ [اتلیدس م اسف ۴۳]

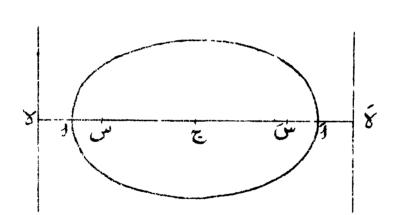
ن ل = ت لُ ل استدام اس سے ن ن ، ل ل کے متوازی ہے اور جب

سے زاوایہ قائمہ بناتا ہے

نیز به م = ب م اتلیدس م سسس ۱

ن م = ن م [اقبیدس م اش ۳۳]

اس نے اگر قطع ناقص پر کوئی نقطہ ن ہو تو اس کے مقابل لازا ایک اور نقطہ ن ہیں لیلی پر ایسا ہے کہ ن اور ن کو طانے دالا خط مور اصغر سے زادیہ قائمہ بنا آ ہے اور اس پر دو مساوی حصول ہیں تقیم ہوبا آ ہے اور اس بر دو مساوی حصول ہیں تقیم ہوبا ہے یعنی معلوم ہواکہ ناقیس بلیاط مور اصغرے متشاکل ہے۔



پس ج س کو ج س اور ج کا کو ج کا کے ماری کے ماری کھنچو ماری قطع کرو اور کا بیں سے ایک خط ایا کھنچو جو لائے ہو جو لائے بر عمود ہو ' ظاہر نے کہ اگر یہ خط مرتب ہو اور خروج المرکز کی وہی قیست ہو جو المرکز کی وہی قیست ہو جو بہتے تھی تو بھی قطع ناص مرتشم ہو سکتا ہے

مشقى مثاليرمسئلهم

ا۔ ایک متقیم خط ہلیجی سو دو سے زیادہ 'نقطوں پر قطع ہلیجی سو ہو سے زیادہ 'نقطوں پر قطع ہلیجی سو ہو سے

۲- اُن سب خطوط میں سے جو مرکز کو منحی سے کسی نقط سے ملاتے ہیں ج 1 سب سے بڑا ہے اور ج ب سب

سے جبورًا ہے۔ ۷۔ دو نظیب ری نقط ن اور ق بالترتیب ہلیلی اور

امرادی دائرہ پر واقع ہیں، نقطہ ن میں سے ایک خط ک ن ل ایسا کمینا کیا ہے جو موروں کو نقاط کر اور ل

بر ملتا ہے اور ان سے دہی زادے بنانا ہے جو خط

ج ق بناتا ہے ' نابت سروکہ ک ل کا طول متقل ہے مم ۔ مور اصغر کو قطر انکر ایب دائرہ کھینچا گیا ہے اور

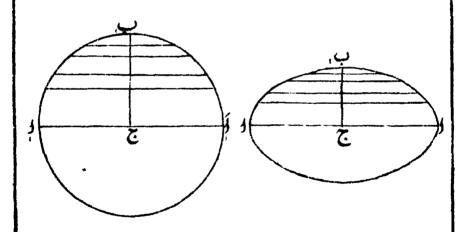
الملی برسے کسی نقطہ ن سے ب ب ب بر عمود ن م نکال گیا ہے ' اگریہ عمود دائرہ ندکورہ کو نقطہ ن برملے تو نابت کروکہ

يام: ١٩٥ = جواد: جب

۵- اگر آیک سلاخ اسطرح حرکت سرے کہ اس سے مسرے ہیشہ دو عابت مستقیم خطوں پر رہیں اور یہ خط ایک دوسرے سے زاویہ قائمہ بنائیں تو تابت سرو کر سلاخ

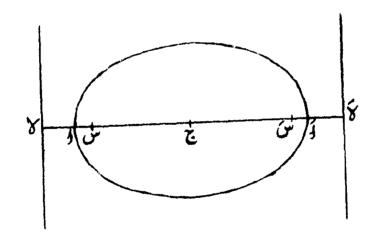
پر کا کوئی نقطہ ایک قطع آنص مرتبع سریگا۔
مشعی مثالیہ میں اللہ میں

معظمه (متبادل تنبوت) فرض کروکه ادب از ایک دائره ہے اور ادب اور ایک فبتل ہے



ج ب دائرہ سے اُن سب وتروں کی تنصیف کرا ہے جو اِلاً سے متوازی ہیں [اقلیدس م سشس] اس لئے ج ب ہلیجی سے اُن سب وترون کی تصف کرتا ہے جو لوگ سے متوازی ہیں [مسئلہ ج] اور ج ب اُن سب وترون پر عمود ہے جکی یہ تنصیف کرتا ہے [سلم س]
اس کے ہلیلی بلحاظ مور اصغر کے متشاکل ہے اور
مرکز کے دوسری طرف اس کا دوسرا ماسکہ اور
دوسرا مرتب دونوں واقع ہیں جن کی مرد سے ہلیلی
مرتشم ہو سکتا ہے۔

مسئلہ کے ج ج او = ر ×ج کا 'ج س = ر ×ج ا'ج س ×ج کا = ج اُ



س ا = ر × الا [بوجب تعربیت] س ا = ر × الا [بوجب تعربیت] جمع ر س

جمع کرنے سے

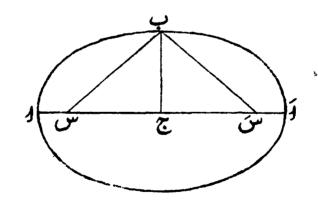
をおより=(をまそり)=(ときもなり)=(xをまる)=(xexa)=(

۲- ایک دائرہ دوسرے دائرہ سے باکل اندر کھینجا گیا ہے انتہ کردکہ ایک ایسے نقطہ کا مقام جو دونوں دائروں سے معطوں سے مساوی فاصلہ ہر ہو ایک المیلی

سے ۔۔

سر دو بلیمی خطول کا ماسکه مشترک ہے اور ان کے اعظم محور مساوی ہیں خابت کرد کہ وہ ایک دوسرے کو دو سے نیادہ نقطوں پر قطع ہنیں کر سکتے۔
م ب خابت کرد کہ جو مشقیم خط ن س اور ن سَ کے فارجی ذاو کے کی تنصیف سرتا ہے وہ قطع ناص کو دو بارہ بنیں قطع کر سکتا۔

مئلہ ہ ج ب = ج ز - ج س = س د ×س و



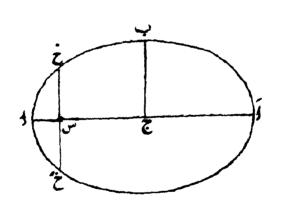
ج ب = س ب - ج س [اتليدس م اش يم]

قطع ماقص

= ج أ - ج س الله على المنسوه] = سوا من س أو [الليدس م المنسوه] المنسوك المنس معین محمو ہم وتر خاص (خ نتم) کہیں گے۔

مسئله ۱۰

نابت کرو کہ نیم وتر خاص کس خ 'ج اور جب کا تیسلر متناسب ہے مینی س نے ×ج ا = ج ب



س خ ، اس × اس = جب : ج از [مسئله] لکن اس × اس = جب [مسئله] ن س خ و جور استاه]

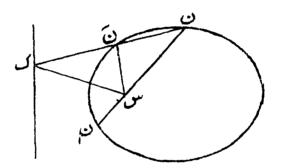
سخ بجب عب بجر

سخ :جب=جب :جر

سخ ×ج إ = جب

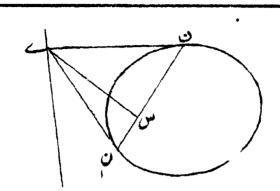
مستنلهلا

مستلمہ ۱۱ اگر ن پر کا عاس مرتب کو ہے پر ملے تو نابت کرو کہ ذاویہ ن س سے قائمہ ہے۔ نیز نابت کرد کہ ایک ماسکی وتر سے سروں برسے عاس ایک دوسرے کو مرتب پر قطع کر نے ہیں



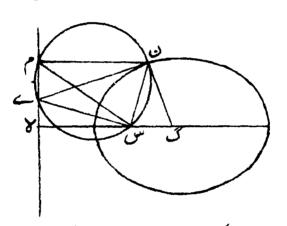
ہلیلی پر سے نقطہ ن کے قریب ایک نقلہ ن کو اور فرض کروکہ وتر ن ن مرتب کو ک پر مات ہے کا اور فرض کروکہ ویک نارج کرو ایک سے کا ویہ ن س کو کی تضیف

كتاب [سئله]



جب ن ' ن پر منطبق ہوتا ہے جس وقت ن ن ک ک ماس ن سے بن جاتا ہے اسوقت زاویہ ک س ن دو قائموں سے برابر ہوتا ہے اس کئے زاویہ 'ن س سے قائمہ ہے اسلتے ہے س ن زاویہ قائمہ ہے اور سے ن نقطہ ن پرکا ماس ہے بینی ن اور ن پرکے عاس اليب دوسرت مو مرتب بد قطع مرتب بي ا۔ وتر فاص کے سروں پر کے عاس ایکدوسرے کو نقطہ کا پر قطے کرتے ہیں ٧- اگر الملی سے کسی نقطہ ن میں سے محدر پر عمود ق ن ل نکالا جائے اور یہ عمود خ پر سے ماس کو ق پر اور مور کو ل پر کے تو نابت کرو کہ ق ل = س ن سریا ہے اس کی میں انقطہ ن پر کا عاس کھینو م۔ نقطہ ب پر عاس کھنینے سے عابت کرو کہ جس ×ج کا =ج اِ

مبٹلہ ۱۲ اگر ن پرکا عاد محور اعظم کوگ پرملے تو ٹابت کردکہ س گ = ر برس ن



ماس ن سے کھینچو ، س سے کو لاؤ ، مرتب
پر عمود ن م کھینچو اور س م کو لاؤ
سےم ن اور سے س ن ناوے قائمے ہیں [مسلا]
اس لئے اگر سے ن سے قطر پر ایک دائرہ کھینچا
بوائے تو یہم اور س میں سے گذریگا [اقیدسم ۳ شور ۳]
پونکہ سے ن ک زاویہ قائمہ ہے اس نے ن ک
وائرہ کو مسس کرتا ہے
وائرہ کو مسس کرتا ہے
القیدس م سفس ا

دائرہ کے ستبادل قطعہ میں واقع ہے[اقلیس مہاشم] نیز ناویہ ن س گ = ناویہ س ن م [اقلیس ماش ۲۹] اس کے مثلث س ن گ اور ن م س مشابہ ہیں ن س گ : س ن سے س ن ؛ ن م

ن سک = ر ×سن

مشقى مثالين سنله ١٢

ا۔ ہلیکی پر کوئی نقطہ ن ہے اور محور اعظم پر ایک تابہ نقطہ م ہے کا آگر م سے ن پر سے ماس پر ایک عمود تعینجا جائے تو جس نقطہ پر یہ عمدہ سمتن قط بدن رکھا

نیخ بائے تو جس نقطہ پریہ عمود سمتی قطر س ن کو ملت اس کا طریق دریافت کرو۔

٢- اگر ک د ، س ن پر عمود نکالا جائے تو ناہب

کرو کہ نسبت ن ل : گ د مشقل ہے اور ن د = نموز ما سا- اگر ن گل مدودہ ممور اصغر کو گئے ہے تو کس

مدودہ مرتب کو م پر لمیگا جہاں م پائن اس عمود کا ہے جو نقطہ ن سے مرتب پر تکالا جائے

المیلمی کے کسی نقطہ ن پر سے ماس اور عاد ملی فاصلوں کے درمیانی زاویہ سے بالترتیب خارجی

اور داخل منصف بهوت بير-

2 000

I

فرض کروکہ طان کے عاس ہے اور ن گ عاد ' س گ = له برس ن [مسئلہما] س گ = له برس ن

اس کے سگ: مَن کے سن ؛ مَن ن اس نے نابت ہواکہ ن ک زاویہ س ن مس کی

المن المنظم المن

اس کئے ان ناویوں کے متم زاوئی س ن ط اور س ن نے ساوی ہیں لیکن زادیہ س ن ک=

زاویه عن ط اس کنے نط خارجی زاویہ س ن ع کی شفید م

45

مثقى شاليس مسئلةا

ا۔ اگرن پرے ماس پر عمود س ما نکالا جائے اور یہ

قطعنا قص

عمود ' س ن مدوده کوس بر لے تو نابت کردکہ (۱) س مایس ' (۲) س ن د ن س (۳) س س = ال اگر ن قط ناقص برحرکت کرے تو س کا طریق دریافت کرد نوٹ - ربط (۱) کی وجہ سے س کو ماسکہ کا عکس بلحاظ ماں

وت کے ربط (۱) کی وجبہ سے علی کو مانسلہ کا عالمیں بھا کا عام کے کہتے ہیں ۲- ماس اور عاد محور اصنہ کو با لترشیب نقاط کا اور گ پر

سنتے ہیں تابت کرد کہ اگر گا م کے قطر پر ایک دائرہ کھنجا جائے تو وہ نقطہ ن اور دونوں ماسکوں میں سے گذریگا سا۔ اگرن پر کا عاد محور اعظم کو گ پر اور اصفر کو گ پر ملے تو تابت کرد کہ متلف میں نگ اور گا ن س مشابہ ہیں

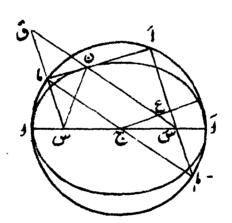
۲ - ایک دائرہ تلع ناقس کے ماسکوں میں سے گذرتا ہے ،
دائرہ اور محور اصغر کے ایک نقطہ تفاطع میں سے ایک
ستقم خط کمینجا گا سے جو اس نقط کر دائیں تا ما

مستقیم خط کمینچا گیا ہے جو اس نقطہ کو دائرہ اور قطع ناقس کے نقطہ تقاطع سے وصل کرتا ہے۔ نابت کروکہ یہ خط قطع ناقص کوسس کرتا ہے۔

الرقطع ناقص کے ماسکون سے ن پرکے عاس پر عمود رس ما ا س ما) کینے جائیں تو ان سے پائین

ا ملادی دائرہ پر واقع ہوں گئے

نیز اگر ج ع ، ن پر سے ماس سے متوازی لینیا جائے اورس ن کو نقطہ ع پر قطع کرے تو ن ع = ج ک نیز سما × سَ ما = ج با



سَ ن اور س ما کو اتنا خارج کرد که وه نقطه ق پر مین ، ج ما کو ملاؤ مِثلثات مان س اور مان قی میں مان مشترک ہے ، ن ماس اور ن ما ق زاوئ قائمے ہیں ، زاویہ مان س یوزی [مسئله ۱۳] مان ق

ن س ن = ن ق س ما = ماق [آميدس اش اس

ہندی مزوفات ۱۸ مطیناتص اور س ج یہ ج س اس کئے سُ ق متوازی سے ج ما کے [آفلیدس ۱۰ ش]

البيد المرادي دائره بر واقع سب

اس کے ما امرادی دائرہ پر واقع ہے اسی طرح سے مُا بھی امرادی دائرہ پر واقع ہے نیز ماج ع ن ایک متوازی الاصلاع ہے اسکئے نیز ماج ع ن ایک ماہ ج 1

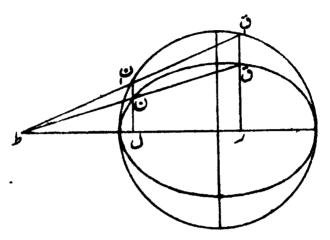
ن ع = ج ما = ج ا ماس كو اتنا خارج كروكه وه دائره كو لم ير لى ا ما لاكو لاذ اب چونكه مامال زاديه قائمه به اس ك مال مركز ج من سي كذرتاب [الكيديم مثل] س ما = س ل

ع ج ب [سئله] مثنوں کے لئے دیمیو صفہ (۸۱)

مستملہ10 ثابت کرو کہ قطع ناقص اور امادی دائر کے نظیب ری دتم

ایک دوسرے کو محور اعظم پر قطع کرتے ہیں ۔

نیز آگر نظسیدی نقطون پر عاس مینی جانین تو وه بمی ايكدوسرے كو مور اعظم پر قطع كريں سے -



فرض کرو که قطع ناقص کا وتر ن ق محور اعظم کونقطه

فرض کروکه اما دمی دائره پر ن کا نظیسمی نقطه ن

۔ ط ن کو ملاؤ اور اس کو اتنا خارج کرو کہ وہ معیں رق مدودہ کو ق یہ کے

تب ی ر: ن ل = رط: ل ط [اليسم اش] = ق ر : ن ل [اقيدس ١٩ ش١]

ن قرر: قرر = دول: كال

اس نے ق اور ق نفیسی نقطے ہیں اور اسلے

معلیم مهوا که تعلیری وتر ن ق ای ق محور کو ایک

می نقطہ طر پر ملتے ہیں۔ اگر ق حرکت کرکے ن پر منطبق ہو جائے تو ق حرکت کرکے ن پر منطبق ہو جائے گا۔ اس وقت ن ط اور ن ط بالتر تبب نظع نافض اور دائرہ کے ماس ہجائیں گئے۔ بیس معلوم ہواکہ اگر نظسیسری نقطون پر ماس کھنچے جائیں تو وہ ایک دوسرے کو محود اعظم پر قطع کرنےگئے۔

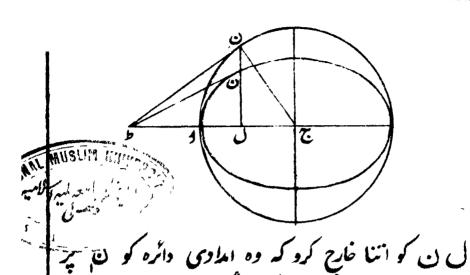
مشقى مثالين سئله ١٥

ا۔ ن اور ن نظیری نقطے ہیں ' ن برکا ماس جب مدددہ کوک پر ملتا ہے ' نابت کروکہ ج کہ یک الج بدہ با۔

۷۔ وق اور وق قطع ناقص کے دو ماس ہیں اور ول محور بر عمود ہے ' نابت کرو کہ اگر نظیہ دی نقاط قی اور ق پر امدادی وائرہ کے ماس کینی جائیں تو وہ ایک دوسرے کو ول پر ملیں گئے نیز نابت کرو کہ اگر ق ق محدودہ محور اعظم کو ط پر ملے تو محور اعظم کو ط پر ملے تو ملے حد الا

プェータスメラモック

اگر ن پرکا ماس محور اعظم مدوده کو ط پر ملے تو جل بدج ط= ج ۲۶



مے اور ن ط ' ن ج کو طاؤ ۔ ن ط دائرہ کو مس کرا ہے [سسلام]

اس سے ج ن ط زاویہ قائمہ ہے [اقلیدس مسلم]

ج ل × ج ط = ج ن [اقلیدیم ۱ ش ۱ م

مشقى مثالين مسئلهما

ا۔ ایک دئے ہوے متقیم خط سے متوازی نطع ناقص کا ماس کھینیو۔

الله الربع من سے ایک مستقیم خط عاس کے متوازی کھینیا جائے اور وہ س ن اور س ن کو بالتر تیب عاور ع

پر قطع ترے تو نابت کروکہ

ك ع = ن عُ

سا۔ ثابت سروکہ س ع = س ع س ۔ اگر س ن سو قطرِ مانکر ایک دائرہ کینیا جائے تو ثابت

کرو که وه امدادی وانره کو مس کرتا ہے۔

۵ - س ک ، سُن ک ک متوازی ہے اور ماک ، سک یر عمود ہے ، تابت کروکہ جس مکانی کا ماسکہ س ہو

اور راس ک ، وہ قطع ناقص کو مسس کرتا ہے۔

۷۔ قطع ناقص کے ماسکہ اور نماس سے مقام معلوم ہیں اور نماس سے مقام معلوم ہیں اور محور اصغر کا طوال بھی ویا ہوا ہے کا دوسرے ماسکہ کا

طریق دریانت کرو ؟ کے ۔ اگر ایک دائرہ کے ایک وتر کے محاذی ایک نقطہ

علام الر ایک دارہ کے ایک وٹرے محادی ایک تفظہ معینہ پر زاویہ قائمہ بنے تو نابت کروکہ یہ وتر ایک ایسی

مخروطی تراش کو لف کرتا ہے جس کا ایک ماسکہ نقطہ معینہ ہے اور دوسرا ماسکہ دائرہ کا مرکز ہے۔

٨ - الر تطع ناقص كا أكيب اور عاس ، ما ن ما كو زاويه

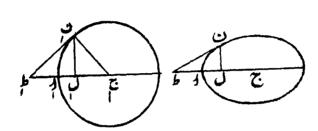
بقائمه به قطع کرے اور نقطِ تقاطع و ہو تو تابت کرو کہ

وما بر و مأ = ب ج

اس نے نابت کردکہ ج وا ہے ج لاً +ج ب [نطع ناقص کے جو عاس ایک دوسرے کو زاویہ قائمہیر

قطع کریں ان کے نقطہ تقاطع کا طریق ایک دائرہ ہوتا ہے جس کو مرتب وائرہ کہتے ہیں۔

مسئله ۱۹ (متبادل تبوت)



وہ دائرہ تحییرہ جس کا ظل بنانے سے قطع ناقص حاصل ہوا ہے اور فرض کرو کہ

ج، ن، ﴿، ل، و ك على ج، ن ، ط، ل، و

اب ن ط دائرہ کو مس کرتا ہے [سنلد] ا سلئے ج ن م الاویہ قائمہ ہے [اقلیدسم سف ما

ا ورج ک ن زاویہ قائمہ ہے [سندیس] ن جرل × جرم = جرن اتعیسم وشم

ジャーシャンス ウェンド· [سندب] ラマートマメレス ·

مشقى مثالير بمسئلة وا

1- امدادی دائرہ پر ن کا نظیری نقط ن ہے، ن پر سے ماس پر عمود س المینجا گیا ہے ، نابت کردکہ

اس ا = س ن

سس م = س ن ۱۷۔ ٹابت کرو کہ کوئی واٹرہ جو ل اور ط میں سے گذر کا ہے

24

امادی دانرہ کو زاویہ قائمہ پر قطع کرتا ہے۔

۱۷۰ اگر قطع ناقص سے کسی نقطہ ن پر ماس کھینیا جائے

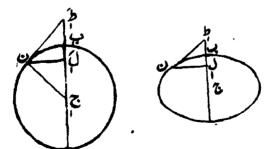
اور اس پر مرکز اور محور اعظم کے ایک سرے سے عمود ج ما اور اوے نکانے جائیں تو نابت کرد کہ

ج ا x ا د د د = ج ما x ال

مسئلها

اگر ن پر کا ماس مور اصغر ممدودہ کو ط پر لیے اور نقطہ ن سے محور اصغر پر عمود ن ل نکالا جائے تو ثابت کروکہ

テキマ×ママ



وہ دائرہ کھینچو جس کا ظل قطع ناقص ہو۔ اور فرض کرد کہ نقاط ج ان م م ' ب ا ل سے ظل ج ان الم اب ال بس ۔ ج ن کو طاف تب ن م انرہ کو مس کرتا ہے[سلا

اس کے ج ن ط زاویہ قائمہ ہے[اقیدیںم اشما

نیز ج ل ن زاویہ قائمہ ہے [سئلیں] ن ج ل × ج ط = ج ن [آفیدس ۲ ش م]

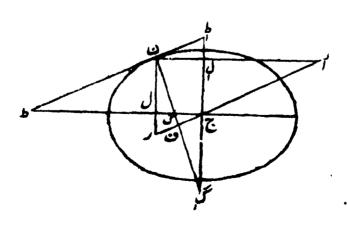
ا ع ب

٠٠ ج ل ×ج ط = ج ب الساليا ال

المراد ال

اگر قطع ناقص کے مرکز ج میں سے ن پر کے مال کے متوازی ایک خط کھینیا جائے اور ن پر کا عاد

اس خط کو نقطہ ف پر اور مور اصغر کو تک پر لمے تو ثابت کرو کہ



هندسی محزوطات

اس طح سے ن ن × ن گ = ن ل × ن ہ اش اس مرح سے ن ن × ن ک = ن ل ×ج ط[آلیس اش ۲۲]

45=

مشقى مثاليب سئلهما

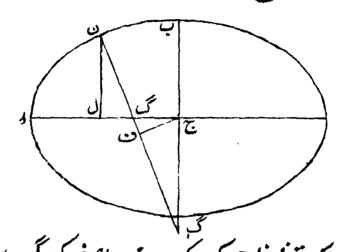
ا۔ آگر گہ سے س ن یا سُن ن ممدودہ پر ایک عمود گہ ک نکالا جائے تو نابت کردکہ ن ک = ج اِ ۷۔ آگر ن بر کا ماس محدر اعظم کو نقطہ ط بر ملے تو

ج ف یون ط اک عمودوں کے حاصل ضرب سے سائی موسکا جو ماسکوں سے ن پر کے عاد پر نکانے جائیں۔

_____(*)_____

مسبئله ١٩

گ ل : ج ل = ج ب : ج لا ج گ = لا × ج ل



نگ کو آنیا خارج کرو کہ وہ محور اصغر کو گ پر ملے اور ج ف کو ن پر کے ماس سے متوازی کھینپو اور

فرض کروکہ یہ ن گا کو بن پر مناہے۔

تب کل : جل = ن گ : ن گ [آتيدس ٢٠٠٠]

= دن x دنگ: دن بر کرا

[سنده] ج با : ج ل [سنده] المنده المناه المن

ن ج ل :ج ل =جس، :ج لا [سنوه] .

نج ک = را ×جل [سند]

مشقی مثالین مسئله ۱۹

ا - اگرن برکا ماس اور عاد مور اعظم اور محور اصفر کو بالترتیب نقاط ۵، ۵، گ ، گ بر میں تو تابت کروکہ

(۱) ج گ × ج ط = ج س ۲۱) ج گ × ج ط = ج س

رس طر اور طرک ایک دوسرے سے زاویہ قائمہ بناتے ہیں

۲۔ ٹابت سرو کہ ل گ ×ج ط = ج ب س سو۔ اس مسئلہ سے قطع مکافی کے لئے ایک متعاثل معان میں میں میں میں کا کا میں میں اس

سنلہ ستنبط کرد بینی ٹابت سرد کہ لگ = 11 س سے قطع ناقص پر ایک ایسا نقطہ ن دریافت کرو کہ ن گ خطوط ج ن اور ن ل کے درسیانی زاویہ کی

تنضیف کرے ۔

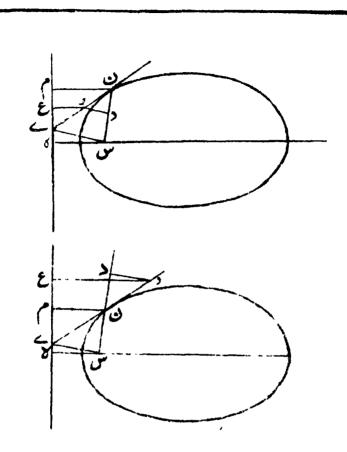
مسكله۲۰

اگر قطع ناقص کے ایک نقطہ ن پر عاس کھینیا جائے اور عاس برے کسی نقطہ و سے مرتب پر عمود وع اور س ن پر عمود و د نکالا

بائے تو ابت کرو کہ س د = ر × وع

اس خاصیت کو انگریزی فہند آدم سے منسوب کرتے ہیں





س ے کو لاؤ اور مرتب پر عمود ن م کھینیو زاویہ ہے س ن قائمہ ہے اسٹلداا]

م س س ن رد کے متوازی ہے

م س د : س ن = ے و : ے ن [الیس م بش م]

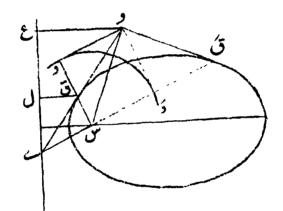
= رع: ن م [اقيدسم اشم]

ن س د = له وع اگر ن برکا ماس مرتبول کو سے اور سے بر مے اور تقاط

ے ادر کے سے س ن پر عمود نکانے جائں تو الجم إِنْيِن كَا در سِياني فاصله وَ وَ سَاوى مُوكًا-

سخلدا۲

ایک نقلہ بیردنی و سے قطع ناتص کے دو ماس وق ادر و ق کھینچو



رتب پر عمود و ع نکالو

س کو مرکز اور کرید وع کو نصف قطر مان کر ایک دائرہ بناؤ اور اس کے عاس ود اور ود

لینیجو س ﴿ پر عمود س ہے قائم کرو جو مرتب کو ہے ہم م مے اسے و کو ملاؤ اور فرض کرو کہ یہ س دکون

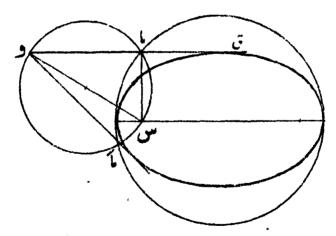
پر لمآ ہے

مرتب پر عمود ق ل تکالو تب س ق : س < = ق ے: وے اتعید مهر شما **=** ق ل : وع

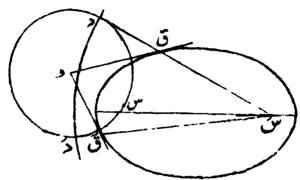
« سق : ق ل = س د : وع

ے رہ ا اس نے نقطہ ق قطع ناقص برر واقع ہے۔

اور چونکہ زاویہ ق س سے قائمہ ہے اسلنے وق قطع تناقص کو مس کرتا ہے [مسئلہ ۱۱] اسی طرح سے دوسار ماس دق کھینچا جاسکتا ہے۔



وسراطرنقیه وس کو قطران کر ایک دائره کینے جو امدادی دائرہ کو نقاط ساً اور ما پر لے ک نب زاویہ س ماو قائمہ ہے [اقلیدس موش ام اور و ما قطع ناقص مو مس مراب استادی ا اسی طرح سے و مَا ناقص کو مس کرتا ہے



تغیبسرا طریقید د کو مرکز اور وس کو نصف قطر مان کر ایک دائرہ کھینچ اور س کو مرکز اور 11 کو نصف قطر مان کر ایک اور دائرہ کھینچ جو پہلے دائرہ کو

تعلق طر مان کر ایک ارز دامرو بر یو بو بیب رازه مو نقاط ۵ اور ۵ پر قطع کرے ۴ ش۵ اور مس ۵

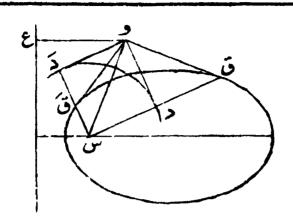
کو ملاؤ اور فرض تخرو که وه قطع ناقص کو نقاط ق اورق به ملته به تند اد و ه د د ناد د ه بعن اقامه مشرها

بر منتے ہیں تب زادیہ وق د = زادیہ وق س[اقیدم آئ] اس نے وق قطع ناقص کو مس کرا ہے [سئایہ]] اسی طرح سے وق ناقص کو مس کرتا ہے

مستلی

ٹا بت کردکہ ماسات وق اور وق کے محاذ^ی ماسکہ س پر سادی زاوے بنتے ہیں





س ق ، س قُ اور مرتب پر بالترتیب عمود ود ، و کم اور وع کمینچو - وس کو ملاؤ

تب س د = ر × وع [مئله۲۰] = س دَ [مئله۲۰]

اسكے و د = و د [اقليدسم الش ١٠٠] . ناويه وس د = ناويه وس د [اقليدسم الش ١٠] يا ناويه وس ق

مشقى مثالير بسئله

ا- ق ق مدودہ مرتب کوک پر من ہے ، ٹابت کردکہ وس ک زاویہ قائمہ ہے۔

اس ک زاویہ قائمہ ہے۔

ایک ماسکی ونڑ کے سرون پر ماس کھنچے گئے ہیں اور

وه راس پرک عاس کو ط ، ط بر ملتے ہیں ، تابت کردکہ

مبندسي مخروطات 90 سو۔ وق أور وق تطع ناقص كے ود ثابت ماس ہن اکی شغیر ماس اکو ق ، ق پر قطع کرتا ہے ، فابت كروكه زاويه ق س ق متقل ب -سم ایک مسکی وتر کے سروں بر عاد اور ماس کھنے گئے بس و عاد ایک دومرے کو ہی پر اور عاس سے پر منتے ہیں نابت کروکہ ے ی دوسرے ماسکہ میں سے گذر تاہے۔ ٥- نقطه و سے قطع ناقص کے دو ماس وق اور دق کھنے گئے ہیں ، وس ، ق ق کو نقطہ ریر ملتا ہے ، مورکے متوازی خط رے کھینیا گیا ہے جو مرتب کو ے پر ملتا ہے کا نتابت کرو کمہ تن ہے اور ت ہے مور سے مساوی زاوئے بناتے ہیں۔ HH L ایک قطع ناقس کے دو عاس و ق اور وق ہیں تابت کرد که زاویه س رق = زاویه س و ق جهان س اور س ما سکے ہیں س ق ' س ق ' س ق ' سَ ق کو ملاؤ اور س ق کو می تک خارج کرد اور فرض کرد که س ق ک س ق کو ک بر ملتا ہے۔ تب کے س رق ہے کے دق کی ۔ کے دس ق [اقیدیم شسم]

= المناسبة المناسبة

اسی طرح سے کس وق یے پاکس ک ق

ن کس وق = کسس وق [اقلیس ماش ه] منت منا می منا

مشقى مثالين سئلة

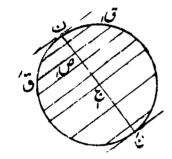
۱- قطع ناقص کا ایک ماسکه اور دو حاس دی ہوئے ہیں، مرکز کا طریق دریافت سرو۔ ۲- ماسات وق ، وق پر طول ور ، ولا بالترتیب

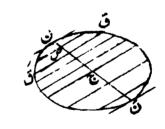
ہم مساوی وس ، وس کے قطع کئے گئے ہیں ، ثابت مساوی وس ، وس کے قطع کئے گئے ہیں ، ثابت کروکہ رز قطع 'اقس سے مور اعظم سے مساوی

. - 4

Try Le

ایک قطع ناقص کے متوازی وٹرون کا ایک نطاع دیا ہوا ہے ' نابت کرو کہ وٹروں کے وسلی نقاط کا طریق ایک ایسا مشقیم خط ہے جو مرکز میں سے گزرتا ہے ' نیٹر نابت کرو کہ اگر اس مشقیم خط گزرتا ہے ' نیٹر نابت کرو کہ اگر اس مشقیم خط کردتا ہے متوازی ہوگا



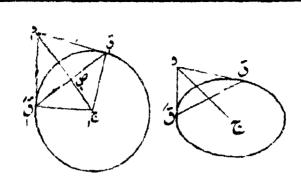


وہ دائرہ کھینچ جس کا ظل قط ناقص ہے ' ناقص کے متوازی وترو کیے متوازی وترو کیے ایک نظام کا ظل ہے اور ناقص کے جو متوازی وتر ایک ہیں ان سے وسطی نقاط دائرہ کے متوازی وترو کیے وسطی نقاط کے نقل ہیں ۔

دارُه کی صورت میں یہ وسفی نقاط ایک ایسے سنقیم

خط ج ص پر واقع ہیں جو مرکز ج میں سے [ا تليدس م ۱۱ ش ۱۳ ج من کا فل ایک ستقیم خط ج ص ہے جو قلع ناقص کے مرکز ج میں سے گذریا ہے[منلا] دائرہ کی صورت میں آگر جے ص کے کسی ایک ے بر اس کھینی جائے تو وہ وترون کے متوازی مهو گا کیونکه سب وتر ج م ص پر عمو د [اقليدس م ١٦ ش ١٤ وردا بیں قطع ناقص کی صورت میں بھی یہ نظا صیت ہے اگر متوازی وتروں کا کوئی نظام دیا ہوا ہو تو اگر متوازی وتروں کا کوئی نظام میں میں رون کے وسلی نقاط کے طربق کو قطر رون سے وسی ۔ ط۔الفاظ قطر اور مور بالعموم قطریا حور ۔ ط۔الفاظ صر تر بس جو منحنی سے اندر واقع ہو اگر قطر (جن) وتر (ق ق) کی تو وتر کے تفعت (ق ص) کو عين ڪتے ہيں

مسٹملہ ۲۵ اگر کسی وتر کے سرون پر ماس کھینے جائیں تو وہ ائس قطریر ملیں کے جو وتر کی تنظیف کرتا ہے



فرض کرو کہ وق اور وق ماس ہیں ، ج و کو الوَ اور ذِضِ کروکہ یہ ق ق کو ص ہر ماتاہے وہ دائرہ کینچو جس کا ظل قطع ناقص ہو اور زض کرو کہ نقاط و ، ق ، ج ، ص بالتربتیب نظا و ، ق ، ق ، ج ، ص سے ظل ہیں ، ج ، ق

ی و ماد و ق ، و ق دائرہ کو مس کرتے ہیں [مسلج] د ق = د گ [اللیدسم عش و س] زاویہ د ج ق = زاویہ د ج گ [اللیدسم اش] ناویہ ق ص = گ ص [اللیدس م اش م] نامیدس م اش م]

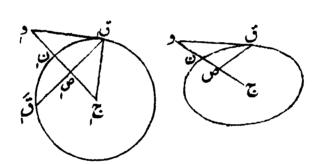
قُ صُ = قُ صُ [سلاب]

مشقى مثالين ٢٥

ا۔ قطع ناتص سے آیا۔ نقطہ ن پرکا ماس 1 پرکے ماس کو ما بر ملنا ہے ، نامیت کروکہ ج ما متوازی ہم آن کے۔ ۲۔ اگر ج ن مرتب کو سے پر ملے تو سے سی ق ق یہ عود ہوگا

1411 h

قطر ج ن کا معین ق ص ہے ' اُگر ق پر کا ماس قطر ج ن محدودہ کو و پر ملے تو ٹابت کردم ج ص ×ج و=ج نا



وہ دائرہ کھینچو جس کا ظِلّ قطع نافض ہے، فرض کو ا نقاط ج، ق، و، ن، ص بالترتیب نقاط ج، ق، د، ن، ص سے ظِلّ ہیں۔ ج تی کو طاؤ اور تی ص کو اتنا خارج کرو کہ وہ دائرہ کو نقطہ تی برملے۔

قطع ناقص

ن ج ص ق ایک زاویه قائمه ب آقلیس مسش اورج ق و ناویه قائمہ سے [آقلیس مهشما]

ن ج ص × ج و= ج ق [اقليدسمهشم]

ن ج ص ×ج و = ج ن [مسئلاب] ه بع ص ×ج و = بع ن

مشقى مثاليرم عله ٢٦

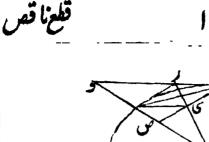
ا۔ ص ر ان ق کے متوازی کھینجا کیا ہے اور ج ق کو رید ملتا ہے ، نابت کروکہ ن ر، ق یر سے ماس سے

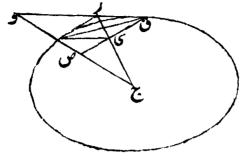
متوازی ہے۔ ٧- قطع ناقص کے نقطہ ن برکا عاس مساوی مزوج

تطرون [ديكمو صفحه ١٠٢] كو ط اور ط ير ملتا ب ثابت کروکه مِثلثات طبح ن طبح ن کی باہمی نبت ج ط : ج ط ہے۔

مسئله ۲۷ [متبادل تبوت]

نقله ن پر ماس کمینی جو ق و کو ر پر ہے، وق مے متوازی ن ی کینی اور فرض کردکہ یہ ق ص کو ی بر ملتا ہے ان ق اربی کو ملاؤ ۔





تب یونکه ن رفنی متوازی الا صلاع ہے ن زی ان ق کی تفیق کرا ہے

ری مرکز ہیں سے گذرتا ہے [مسله۲۵

متشابه مثلتون سے

ج ص : ج ن = ج ى : ج ر = 7017

* チの ×チe =チひ

مکافی کی صورت میں متاثل سٹلہ کیا ہوگا 'اس

ترکیب بنوت کو اس صورت میں استعال کروی سنیٹ جون کالج کہرج سے مسٹرنے اس

کو اس طرح سے ثابت سیا۔

اگر ہے ﴿ کُ متوازی وتروں کی ج ن تنصیعن

قطع ناقص هندسي مخروطات 1.2 کرے ِ تو ج ن سے متوازی و ترون کی ج **د** تنف وق کو ج د کے سنوازی کھینچو۔ اور فرض کروکہ یہ ج ن کو تیں پر ملتا ہے تب دی کی تصیف ص پر ہوگی۔ ق کو ملاؤ۔ اور فرض سمرو کہ یہ ج کم کو ی پر فطع شمرًا ہے۔ اب چونکہ اق کی تضیف ص پر ہوتی ہے۔ اور الوَّنی ج پر،اس کئے اُن ' ج ن سمے متوازی ہے -اور چونکہ ج نہ ' ل ق سے متوازی ہے اور لائے کہ آر کر کتضیف ا از کا نقطه وسلمی ج ہے اس کئے اُق کی تصیف ہی پر ہوتی ہے۔ اس نئے ج د ایک ایس وتر اُق کی تنفیف ارا ہے جو ج ن کے متوازی ہے۔ اسلئے ج د اک سب و ترون کی تنصیف کرتا ہے جو ج ن سے

متوازی ہیں-تغریف - اگر دو قطروں میں سے ہر ا

دوسرے سے سب متوازی و تروں کی تنصیف

كريء - تو ان كو مزدوج قطر كت بي +

ا ننتباہ۔ ن پر کا عاس جدر سے متوازی ہے اور کہ پر کا عاس ج ن سے متوازی ہے [سندیہ]

مشقى مثالين سئله

ا۔ قطع ناقص سے مسادی مزددج قطر کھینچو ۷۔ ایک مرتب اور دو مزدوج قطر کھینچ سے ایک

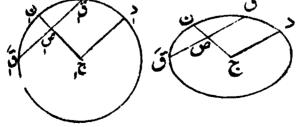
مثلث بنایا گیا ہے اگر اس مثلث سے راسوں میں

سے مقابل کے اخلاع بر عمود تھنچے جائیں تو نابت مرو

کہ وہ ایک دوسرے سے ماسکہ پر ملیں گئے۔ مسئلہ ۲۸

قطع ناقص سے مزدوج قطر دائرہ سے قائم الزوایہ فطود سے نات

سے غلل ہو تے ہیں ق



قطع ناقص

فرض کرو کہ ج ن ، ج که مزد فیج تطر ہیں ، وتم ق ص ق سوج د مع متوانی کھینچو اور فرض کرو کہ اس کی تنصیف ص پر ہوتی ہے ، وہ دائرہ کھینچو جس کا ظل قطع ناقص ہو اور فرض کُروکہ نقالہ د، ق، ق، ق، ق، ص، ج کے ظلّ د کر کہ نقالہ د، ق، ن کی ص، ج ہیں

ج م متوازی ہے ق ق کے [مسئلہج] اور ق ق کی تنصیف ص بہ ہوتی ہے[مسئلاب] ن ج می ، ق ق بر عود ہے اللیدسم سش ا

ج ن ، ج د ، پر عود ہے

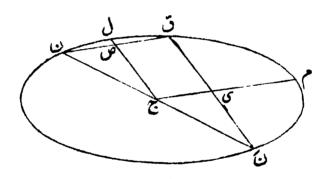
نوط مردوج فطرون سے طولوں سے متعلق کئی

خواص اس مئلہ سے متنبط ہو سکتے ہیں (دیمو طریق عل مسئله ۳۰) مثلاً

۱- ك ج ك ، ج د دو مزدوج قطريس اور ركك تقطہ قطع ناقص پر ہے۔ ن را ن کر قطر جد یا ج د مدوده کو ط اور ط پر ملتے ہیں نا بہت کرو کہ プセスターラス d = テム

٢- اگر ج ن عجد اورج قي عجر مزدوج قطرون کے دو زوج ہوں اور اگر ن پر کا عاس ج تی کا ج ر مدودہ کو ط اور ط پر ملے تو ٹابت کرہ کہ ن ط × ن ط = ج خر تعرفت و تر (ق ن ن ق ن) جو قطع اقص پر سے عمی نقلہ (ق) کو قطر ن ج ن سے سوں سے لائے ہیں تکمیلی و تر کہلائے ہیں

مستعملہ ۲۹ تکمیلی وتر مزدوج قطروں کے متوازی ہوتے ہیں



اقطار جل اجمع کو تکمیلی و تروں نُ ق اُ ق نُ ق اُ سے متوازی کھینچو اور فرض کرد کہ وہ ان کو ص اور بی پر قطع کرتے ہیں تب ن ص بی ہاں ج : ج نَ [اقلیدس م اُسًا] تب ن ص بی سے ن ج : ج نَ [اقلیدس م اُسًا]

: ن *س = س*ق

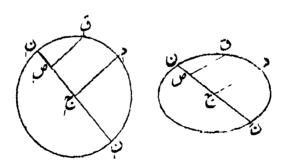
ن جل ان سب وترون کی تنصیف کرتا ہے

قطعناقص جون ق سے متوازی ہوں [مسئلہ٢١] یعنے جو ج م کے متوازی ہون اسی طرح سے ج م اُن سب وٹروں کی تنصیف

ہ ج ل ، ج م مزدوج قطر ہیں ۔ اگر ایک شکل متوازی الانعلاع قطع ناقص سے گرد کھینچی جائے تو اس سے قطر مزدوج ہوں سے۔

مستلده

اگر قطر ن ج نَ کا معین ق ص ہو اور قط ج 🖈 نق ص کے متوازی ہو تو تابت کردکہ ت عن × نص = جد : ج ن



وه دانره كمينيو جس كا ظِل قطع ناقص بو ادر فرض كروكه نقاط ن ، م ،ج ،ن ، ت ، د سے ظل ن ، ص ،ج ،ن ، ق ا

ہیں

چونکہ ج ن ، ج د مزوج قطر ہیں اسلئے

ن ج م (اویه قائمہ ہے[سنله ۱۳]. لکین ق می متوازی ہے ج م کے [سنلج] اس نئے ق ص ، ج ن پر عمود ہے

ن قرص = ن ص × ن ص [الليسم شاورة] ن ق ص: ن ص × ن ص =ج ذر: ج ن

لكن قرص: جرد = قص: جدد [سندج] اور نرص بدن ص: جرن = نصدن صنحن [مير]

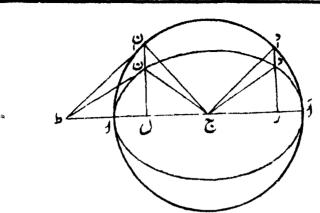
۵۰ نی من × نی عدد: جن

قص یاق ص مدوده برای ایسانقطه ر نوکه ص د؛ ص ق یجی بیجه ا ثابت کروکه رساطریق قطع ناقص ہے اور اسکے محورون سے مقام دریافت سرو۔

مسئلها المسئلها المسئلة المسئلة المسئلة المستروكة المستروكة

جر: ن ل = جرد: جب اورج ن: در = جرد: جب





قطع ناقص کا امدادی دائرہ کھینچو 'ل ن اور رد کو

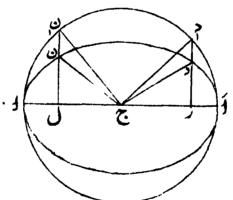
اور زاویه طل این از اویه جرام نه مثلث طل این جرام متن به س [قیدس،

ن ن ط متوازی ہے ج د کے ۔ ن و ط متوازی ہے ج د کے ۔ ن و ط متوازی ہے ج د کے ۔ ن اویہ قائمہ اللہ ن اویہ ن ط = نراویہ قائمہ اللہ ن ن اویہ ن کیونکہ اللہ ن کیونکہ انسی سے ہرا یک نراویہ ن ج ل کا متمم ہے ۔

ن شات درل ج عرام بسطاح بس ایک دوسرے کے ساوی ہیں [اقلیدسم اش ۲۱] シャー しゅ *

سکین درل: دل = ج ا : جب ن جر الال = جرا : جب اسطح سجل: در= ج ا: ج ب

سئل ٢ **・キャーカー コード シャーシャー**



قطع ناقص کا املای دائرہ تھینجو۔ ل ن اور لید کو اتنا خارج کرو کہ وہ املای دائوہ کو ن اور د بر لمیں۔ ج ن' ج د کو ملاؤ شب در : جل = جب : ج لا [مسئلہاس]

اور ن ل: ج لا = جب اج أ [سئدام] なくしい:チャピーティン・チャン・チャン・チャン・チャン・

نكين جل +ج لا =ج ل + ف ل =ج لا [سئلام] *< (* という : チリン : ・

= 78+5-

شقى مثالير مسئلاس

اگر ن پر کا عاس محور اعظم کو ط پر ہے اور تی اس عمود کا یائین ہو جو ج سے ماس پر کھینیا باک تو نابت کوکہ ラマ:シン×ひゃ:カゼ:ラジ×びで

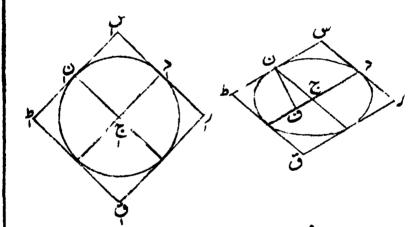
أبت كُوكه (ل) ن ك :ج د =ج ب :ج ل رب ن الم اجد = ج ا اجب

(۲) ناگ ×نگ=جد

ا- مردوج تطرون سے ایک زوج کی حاصل جمع کی بڑی سے بڑی اور چول سے چول قیتیں دریافت سمرو۔ ۲- ج ن مجد مزدوج قطر بین اگرن اور دیر سے عاد ن گ اور دع موں - تو نابت کرو- که عاصل جمع ن گ + دع مشقل ہے -

mm 15

ثابت کرو کہ اس متوازی الاضلاع کا رقبہ ہو مردوج قطرون سے سرون بر ماس کھینیے سے ہے متعل ہوتا ہے بینی ن ن × جد= ج 1 × ج ب



فرض کرد کہ شکل متوازی الاضلاع تی رس طاقط نافص سے گرد بنی ہوئی ہے 'اسکے اضلاع جن یاجد کے متوازی ہیں وہ دائرہ کھینچو جس کا طِل قطع ناقص ہو اور فرض کرد کہ نقاط ن 'ج 'د ' ق ' ر وغیرہ سے طِل نقاط ن 'ج 'د ' ق ' ر ' وغیرہ ہیں ہندسی مخروطات

نب زاویہ ن ج د قائمہ ہے کیونکہ جن اج د ایک دوسرے سے مزدوج ہیں [مسئلہ٢]

اور شکل تی رس ط دائرہ سے مرد بنی ہوئی ہے[معلد] اور اسکے اضلاع جے ن یاج د سے متوازی ہیں [مشلج] اس منٹے تی رس ط ایک مربع ہے اور سے مساوی ہے جو دائرہ سے قطر پر بنایا

اور فاہر ہے کہ ایس کا رقبہ مستقل ہے

اس کئے ق رس طاکا رقبہ بھی ایک مستقل مقار

نیز اس متوازی الاضلاع کا رقبہ = م ن ت ×ج د ليكن اگر ج 1 'ج ب مور بون تورقبه= ١٣ ج اليجب

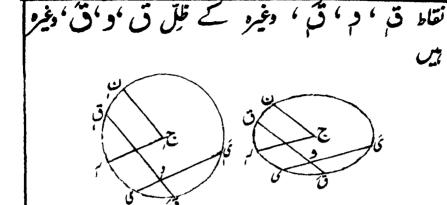
ن ن ×جد = جار ×ج ب

مستليهم

اگر قطع ناقص کے دو وتر ایکدوسرے کو قطع تو ان کے حصوں کے حاصل ضربوں کو آمیمیں وہی نسبت ہوگی جو ان کے متوازنی نصفت فطروں کے مربعوں کو آئیں میں ہے۔

فرض کروکه ق وق [،] ی وی و تر ہیں ج ن و ج ر ان سے متوازی نصف قطر ہیں

كلينجو هب كا ظِلّ قطع ناقص بو اور فرض مروكر



دائرہ میں ق د × د ق = ی د × دی [آفلیس م سش می]

ن ق د × وق: ی د × و ی = ج ن: ج را

سکن ق د × دق :ج ن = ق د × وق: ج ن [منج]

اورې د م دې ج را = ی د د وی ج را [سلیم] ع ق و × د ق : ی و × وی = ج ن ا : ج را

مشقى مثالين سئلة

۱- نگ× ن گ = ج خ (د کیمومئله ۱۸) ۲- س ن× س ن=ج ذ ۳- ج د × س ما= ب ج × س ن ہمن ہے۔ ہے ہے ، جو ہردوج قطر ہیں اکر دق ، س ن کے متوازی کھینیا جانے اورج قل کرق بر عمود ہو تو نابت کروگہ ج قی محور اصغر سے نصف سے مساوی ہے ۔ فور اصغر کو قطر ان کر ایک دائرہ کمینیا گیا ہے اور نقطہ کہ سے اس دائرہ سے نو ماس کھنیج سے ہیں ، نقطہ کہ سے اس دائرہ سے دو ماس کھنیج سے ہیں ، نابت کروکہ یہ ماس ن سے ماسکی فاصلوں کے متوازی

ہیں۔ مشقی مثالیر ہے الہرس

ا- کسی نقطہ بیرونی سے قطع ناقص کے عاس کھنچے گئے ہیں ٹابٹ کرد کہ یہ متوازی نصف قطرون سے متناسب ہیں

۲- اگر آیک دائرہ قطع ناقص کو چار نقطون بر قطع
 کرے تو ثابت کرہ کہ اُن کو ملانے والے وتر محورے
 مساوی زاوٹ بناتے ہیں۔

مصادی راوی جائے ہیں۔ ۳۔ اگر ایک دائرہ قطع آقص کو نفاط ن اور تی پر سس سرے تو ثابت کرو کہ ن ق ایک محور کے

متوازی ہے: س- مسئلہ ۳ اور مسئلہ ۳۰ کو مسئلہ ۲۳ سے عال م

۵- اگر ن ق من ق محور سے مساوی زاوئ بنائیں

تو ثابت کرو که ن ق ق کا بیرونی دائرہ (یفے وہ دائرہ جو مثلث ن ق ق کے گرد بنایا جائے مخوطی تراکش کو ن پر مس کرے گا۔

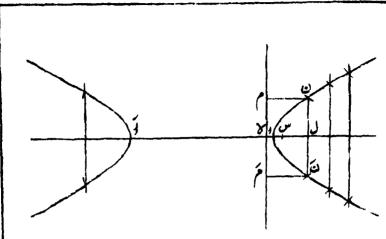
قطع زائد یا ہدلولی

تعربیت قطع زائد یا ہدلولی ایک الیسے نقطہ (ن) کا طریق ہے حس کے فاصلے ایک ناہف نقطہ (س) سے اور ایک مناہت منتیم خط (کا ہم)سے اہم ایسی نسبت (ر) رظیم جوایک سے زیادہ ہوا۔

> (میں ن = ر × ن م) نابت نقطه (من) کو ماسکه کہتے ہیں۔ نابت منتیم خطور کا م کو مرتب کہتے۔ ہیں ۔ منتقل نسبی (ر) کو حزوج الم کز کہتے ہیں۔

مسئله ا

قطع زائد پر کے نقاط دربافت کرنے کاعل اگر ماسکہ سے مرتب پرعود نخالا جا سے نؤوہ منحنی کا محور تشاکل ہوگا راس 1 ادر الاً دریافت کرو



ماسکہ س سے مرتب پر عمود س کا کھینچو۔
کا س کو ال پر اس طرح تقیم کرو کہ
س کو ال پر اس طرح تقیم کرو کہ
س ا = ا × ال کا

نیز س کا مدووه پر ایک ایسا نقطه از لوکه س آ = ر × آ کا

نب لا اور لا بهوجب تتربیت منحنی پرواقع ہیں

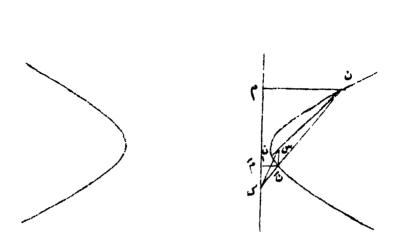
متنقیم خط 1 1 پر کوئی نقطه ل نو ، مس کو مرکز اور اسلام کا کا کو نصف قطه ل ایک دائرہ کھینچو۔ نقطه ل میں سے ایک عمود ن ل ن خط او او پر کھینچو جو دائرہ کو ن اور ن قطع زائد

پر ہوں سے۔ مرتب برعموو ن م ، ن هم کلینچو سن= د× ل لا= د× ن م سن= د× ل لا= د× ن م

دا قع موکا لیکن دو نون طرحت لا تنا هی مک چیمیلا جوا بو کا -(ضمیم طاحظام)

مسئله۲

اگر ور ن ن مرت کوک بر قطع کرے تو س ک سس ن اور س ن کے درمیانی زاوئے کی تنصیف کرے گا۔



سن، س نَ ، س ک کو لاؤ ، ن س کو ن ، کک خارج کرو اور مرتب پرعمو د ن م ان م کالو-

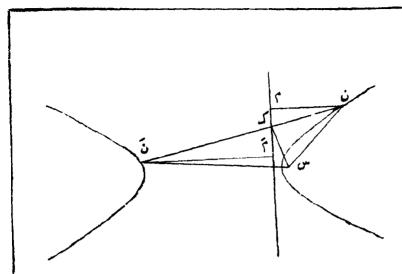
ئب سن = ر × ن م اور سن = ر × ن م ن سن = سن = ن م

= ن ك : ن ك [تشايينلتون

ن کم ن ک م سے

ا سلئے سک زاویہ ن س ن کی تنصیف کرتا ہے۔

[ا قليدسم ١٩ ش ١١]



اسی طرح سے اگر ن اور ن قطع زائد کی مختلف نتا خوں پر واقع ہوں تو س ک زاویہ ن س ن کی تنصیف کرے گا۔

تابت کرو که ایک متقیم خط نطع زائد کو صرت دو نقطوں پر قطع کرتا ہے •

مشقى مثالين مئله ا

اگر کسی ترامض مخرد طی میں ن م کو مرتب یک ایک ٹا بت اور مستقیم خط کے متوازی کھینی جائے تو ٹا بن کر د کہ گئیسی جائے تو ٹا بن کر د کہ گئیسی جائے ہوں سن ن : ن م مستقل ہے۔

۲- اگر ایک نافض ، ایک مکانی اور ایک زائد کا ما سکه اور مرتب دو بو س مکانی کے باسکو ایک دوبوں مثترک ہوں تو تا بت کرد کہ نافض مکانی کے باسکو ایک طرف واقع ہوگا اور زالمہ دوسری طرف ۔

۔ نابت کرو کہ کسی مخروطی تراش کیں اسکہ میں سے گزرنے والا

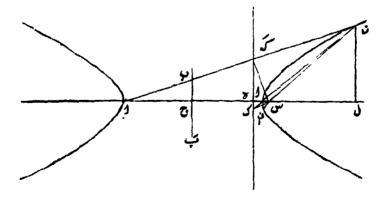
ور ماسکہ اور مرتب پر ہوسیقی تنبیت میں تعتبم ہوتا ہے مشتقی منما لیر مسئلہ م

ا۔ نابت کرد کہ ایک متقیم خط ایک محزوطی تراش کو صرت دو لفظوں بر کا مل سکتا ہے۔

ما۔ اگرایک مخروطی ترامشس میں منحنی کے دو نقطوں ن ، ن کو ایک سنخیر نقطہ ق سے ملایا جائے اور ن ق ، ن ک ق مرتب کوہا، کی بر ملیس تو نابت کروکہ زادیہ دیم س دئی مستقل ہے

مسئليها

اگر قطع زائد کے کسی نقطہ (ن) کا معین ن ل ہو تو نابت کروکہ سبت ن ل: إل × ال ل متقل ہے۔



ن لا ان لا كو لما و اور فرص كروكه بشرط صرورت وه خاج

قطع زائد

کرنے برمرتب کو ک اورک پر ملتے ہیں۔ س ن س ک س ک کو ملاؤ اور ن س کو ن کک خارج کو متثابه مثلثوں ن ال اورک الاسے ¥1: YJ= 11: JU متنابه مثلتون ن أل ادرك ألاسه ن ل: أل = ك لا: ألا * ن ل: ال × ال = ك لا × ك لا: الل × اللا × الله × اله × الله × ا لیکن س ک زاویه اس ن کی تنصیف کرتاہے [مسئلہ] اور س ک زاویہ اس ن کی تنصیف کر تا ہے [سندہ آ ن ک س ک ایک زاویه گائٹہ ہے * ن ل : ال × آل = س لا ، الا × آلا جوامک متقل نسبت ہے۔ تعریفات ج ب': ج لا کو اس متقل نسبت کے مساوی لو اور 🛭 🐧 پرعمو د ج ب گائم کرو ١- تب ١٨ كو قاطع مور كيم بي ٧- ج كومنى كامركز كيت بين ٣- ج ب كونيم مزدوج محور كنني بي يس ن ل: الل × أل =ج ب ن : تج الا

مشقى مثاليرمسئله

ا۔ ن ل ن تعطی انتص کا دگنا سمین ہے ، لان اور آن کے تقاطع کا طریق دریا نت کرو

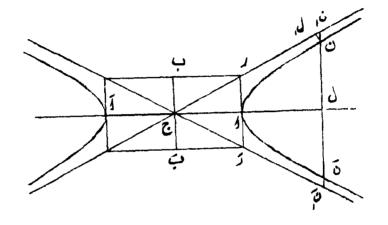
۲- تایم تطع زائد (صفی ۱۲۷) کی صورت یس نا بعد کرد که ا

سا۔ ایک قایم قطع زائد کا ڈگئا معین ن ل ن ہے ' ناست کروکہ زادیوں ن لائ ہے ہوئے دوقا مُوں کے برابرہے ما ۔ ایک دائرہ کے کسی نقطہ ن برکا اس ایک ناست قطر او ب مدود کو طبر ملتاہے ، ناست کروکہ وہ متقیم خط جوط میں سے گزرے اور اس قطر برعمود ہو لان اور ب ن محدودہ کو ایسے نقطوں پرسلے گا جو ایک قائم نہ لولی برواقع ہو سگے ۔

مسكلهم

محاور الرج الأن ب ج ب کے سروں پر عود قائم کرنے سے ایک مستطیل بنا یا گیا ہے ، اگر اس کے قطروں کو لا انتہا خارج کیا جائے اور معین ل ن کو بھی دونوں طوف اتنا خارج کیا جائے کہ وہ قطروں کے نقاط ان کر بر ملے تو ناہت کروکہ سطح ن ن بر ملے تو ناہت کروکہ سطح ن ن بر ایک ج ب ب

آتا جاتا ہے لیکن ٹی الحقیقت اس کو ملتا تہنیں اور آخرالام قطر اور منحنی کے در میان فاصلہ اتنا کم رہجاتا ہے کہ وہ ہرایک محدود طول سے کم ہوتا ہے۔



فرض کروکہ اور ب بیں سے جو خط محوروں کے متوازی کیننچ جانے ہیں وہ ایک دوسرے کو نقطہ رپر قطع کرتے ہیں اور فرص کرو کہ ن کامنحنی کو ن پر

منا ہے۔ تب ک' ن ن اور ن ن دونوں کی تنصیف کراہی امسلاما

الكن ن م ن م ن = ل ن - ن ل [الايسم اس ه] الكن ن م ن م ن = ف ل ا - ن ل الايسم اس ه]

77 で、ジョーひで、ひゃ ー

ي ج با : ج لا

نيزن ل: ال × ال = جب : ج الا [سئله]

یا ن ل : ج ل - ج را ا ج ب : ج را الليس م الله] تفريق كرف سے

> رن - نن: ج الا = ج بن : ج الا د ال - ن ال = ج بنا

رن × درن = ع ب

چو کر حاصل منرب دن × ن ن میشد متقل رستا

ہے اور اس کا ایک جزو ننر بی ن ن متواتر بڑھتا ہے اس کئے ن ن متواتر گھٹتا ہے اور آخرا لا مر

ہر ایک محدود مقدار سے کم ہو سکتا ہے ' نیز اگر ہے کہ پر عمود ن ل نکا لاجائے تو جو مکہ نشبت ن ل: ن ن بر عمود ن ل نکا لاجائے تو جو مکہ نشبت ن ل: ن ن

متقل ہے اس کئے ن ک متوا تر گفتنا ہے اور آخرالام کسی محدود طول سے کم ہرجا تا ہے

تعربیف- جب ایک منطی ایک نابت مستقیم خط کے متواثر قریب آتا جاتا ہے اور ہا وجود ا س کے اسکو اکبھی نہیں ملتا ایس کا فاصلہ ایس خط سے اسخرالا مرکسی محدود طول

سے کم ہوجاتا ہے تو اس متقیم خط کو منحنی کا مستقیم متقارب نمیتے ہیں -متقارب نمیتے ہیں -

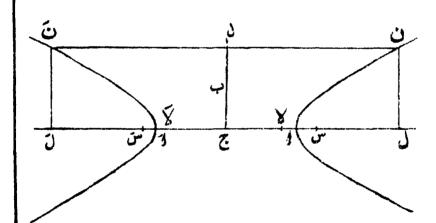
تعربیت ۔جب ایک ہدلولی کے متقارب ایک دوسرے

قطع زائد

سے زادیہ قائمہ بنائیں تو منحنی کو قائم بزلولی یا مسائم قطع زائد کہتے ہیں، مسائم بزلولی کے محور مساوی او تے ہیں اس گئے اس کو بعض او قاع متساوی الاصلاع بنلولی بھی کہتے ہیں -

مسكله

قطع زائد لمجاظ مزدوج 'ور کے متشاکل ہے اور اس کا ایک اور ماسکہ اور مرتب ہے ۔ نیز منحنی کے سب د ترو ں کی تنصیف مرکز پر ہوتی ہے نیز منحنی کے سب د ترو ں کی تنصیف مرکز پر ہوتی ہے



سین ن ل کینیو اورج ل کو ج ل کے مساوی لو چونکه ن قطع زائد پرواقع ہے اسلئے ج ل کے ج 1 ، ج ل کے ج 1

وتطعزائد اس کئے اگر نقطبہ ل پر ایک عمود قائم کیا جائے تو وہ قطع زائد کو قطع کرے گا۔ فرض کرو کہ یہ عمود قطع زائد کو ت پر کاطبا ہے ليكن أل = ال اور ال = أل ن ال × أل = ال × أل 10 = 10 ن ل = ن ل ن نَ كُو يِلا وُ اور فرض كروكه يه ج ب يا ج ب مرود کو ل پرملتا ہے۔ اس آنئے ک ل ن محور کے متوازی ہے اور اس کھے ب ج پرغمود سے۔ اور ن ل = ق ل اس سے معلوم ہوا کہ کسی نقطہ ن کے مقابل

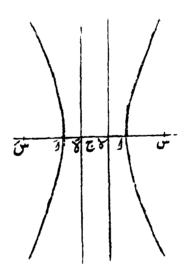
ج ب کے دو سرنی طرف مقطع زائد پر ایک اور نقطه نَ ایسا ہے کہ ج ب اور ن ن کا نقطہ تقاطع ن ن کی تنصیف زاویه قائم پر کرتا ہے بینی مذلولی

بلحاظ مزووج محور کے متشاکل ہے۔ اگر ہم ج من کو ج س کے مساوی بنا کیں اور

ج لا كو ج لا كے اور لا ميں سے ايك ايسا خط کھینی جو آآ کہ برعمود ہو تو اس خطاکو مرتب اور مس کو است کہ مان کر ہم قطع زائد کو مرسم کر سکتے ہیں جہاں خروج المرکز کی قبہت وہی ہے جو پہلے تھی

مسکله ۲

ツーマンラー(*ラリー、マンカンラー(*ラリン) m (*ラン) アンショー(*ラン) できまれて (*ラン) できまれて (* 10 31 = 5m × 5 X



چونکه نقاط ۱ اور آ بذلولی پر ہیں [تعریب] * ml=1×1X

[تعربينه]

 $\sqrt{\hat{j}} \times j = \hat{j} \times \hat{j} \times \hat{j}$ [مغربيت] X1 × 1 = عل تفرین سے 1 کہ= ر× لاکا * 51=1× 38 (1) عل جمع ہے۔ س سَ = 🗴 از ا 1: 3m=1×36 (7) · すど= ずし×ずと (14) توط - اس شکل میں خروج المرکز تقریباً ۱۱۲ سبے " مسئا، ۵ کی شکل میں خروج المرکز صرف ۱۱۱ ہے ، تنعبت کی تبدیلی کا اثر نقاط س ا ا کا کے اصافی مقامت برا نیز منحنی کی عام شکل بر ان سائل کی اشکال کو باہم مقابلہ کرنے سے خوب دانیج ہوتا ہے ، اس شکل میں ج ب= + × + ج ا اور وفعه گز سفت کی شق میں ج ا + ۲ × ج مید، مشقى مثالين مسئله ٢ اگرایک ستفارب مرتب کو ع بر ملے نو خابت کرو کہ ج ع = ج او

اور زادیہ ج ع س تا ہڑ ہے۔

۲- اگر ن فوکو ایک متقارب کے متوازی کھینیا جا سے اور وہ

مرتب کو ن بر ملے تو تابت کروک ن ن ہ = س ن

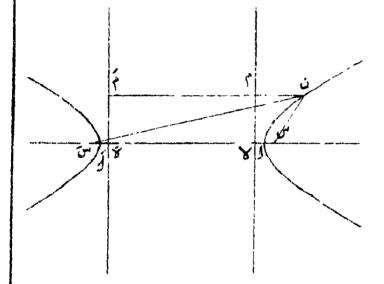
مرتب کو ن مردوج محورد سئے ہوئے ہیں ، ما سکہ اور مرتب

وریا فت کرو۔

مہ ۔ اگر 1 1 کر قطر ان کر ایک دائرہ کھینیا جا سے نہ نا بت کروکہ یہ دائرہ مرتبوں کو امنہیں نقاط ہر قطع کرسے گا جہاں سخنی کے شقار '' قطع کرتے ہیں ۔

مسكمله

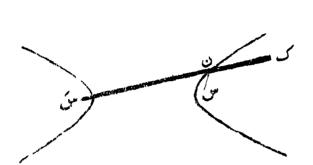
س ن س س ن = 11 قطع زائد کی آنی ترکیب



مرتبوں پرعوو ن م مم نخالو-تب س ن = ر × ن م اور س ن = ر × ن م ن س ن = ر × د م

ن شن س سن سار بر هم م سر بر برایا

11=



اس سے قطع زائد کو مرشم کرنے کی آئی ترکیب معلوم ہوتی ہے س ک ایک کلڑی کی سلاخ ہے ہو س پر قبضہ کے زریعہ وصل کر دی گئی ہے، اور ایک رسی س ن ک نقاط س اور ک پر بندھی ہے اس کو نقطہ ن پر ایک بینل کے ذریعہ تانے رکھتے ہیں ۔ س ن+ ن ک = ایک مشقل مقدار س ن+ ن ک = ایک مشقل مقدار

س ن+ ن ن ≈ ایک مقدار ن س ن- س ن ≈ ایک ستقل مقدار مشقی مثالیر مسئله ک

ا۔ ایک دائرہ دو تابت دائروں کو مس کرتا ہے ، نابت کرد کہ اس کے مرکز کا طریق یا تو تطع نا قص ہے یا بدلولی۔

٢ - قطع ناقص كا ايك ما سكه اور منحني پركے دو نقاط د نے ہوئے

مِس فابت کرد که دوسرے ماسکه کا طریق ایک قطع زا کہ ہے ۔

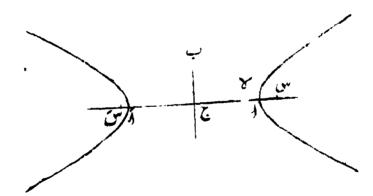
اؤس ، اگر ایک لکردی ئے تحزوط کو ایک ایسی سطح میں کا اما جائے

جو قاعده ير عمود مو تو تراش قطع زائد يا بدلولي مبولي ، ان تراسفول كو استعال کرنے سے اس باب کی کل شکلوں کو کھینجا کیا ہے ، تراش اے

مخروطی کے لئے دیکھو اسٹلے باپ کا مسئلہ ہو۔

مسكرايه م

ラー・ラグーラリー・カル×かん



ع س: ع ا = س ۱: الا [سند]

*31:81+0v=17:17:40x:18

81:80 = ى س: جى دە ئى كى تى

とうころうころにうないのでしない

= سلا: ألا ·

اس کئے (۱) اور (۲) کو باہم مزب وینے سے

ラットラグ: カニック: リマージマージマージマージマージマージャー

= ج با: ج 1 [مئلام] نج من - ج 1 = ج ب = و س × و س [تعديم اش م]

مشقی مثالیں مسئلہ ۸

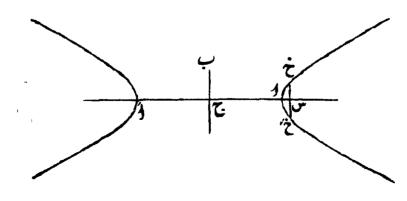
۱- قائم قطع زائرس (۱۲۰ ج ساء ۱ اج اورج س = ۲ ج پا ۱- اگر متقارب مرتب کوع اور راس پر کے ماس کو د پر سلے تو

س ع = ب ج اورس د متوازی سے اوع کے

تعربین ۔ اسکہ میں سے جو دگنا معین گذرتا ہے اس کو ہم وتر خاص (خ خ) کہیں گے۔

مسئلهه

س خ × ج ۱ = ج ب



س خ : اس × أس = ج ب: ج الا [مئلة]

لَيْن اس× أنس = ج مبا [سئد،]

リテ: ツァニーラッド: ラル

ن سخ: جب = جب: جا

ن سيخ × ج ا = ج ب

مشقى مثالين مئله

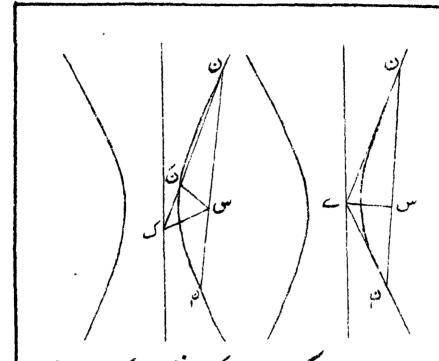
ا۔ اس مسئلہ کو میال ۱۱ اور ۸ کی مدوسے نابت کرو ۲ مد نائم قطع زائر کی صورت میں نابت کرو کہ س خ = ج ۸

1. 2

اگرٹ پر کا عامل مرشب کو سکے بر ملے تو نابت کرو کر ن میں سکے زاویہ قائمہ ہے۔

نیز نابت کرو که اگرایک ما علی و تر کے سروں

بر ما ان المسيم عا ين ال وه اليك وو سرك كومرتب بر فطع كرال كے -



قطع زاید پر ن کے قربب ایک نقطه ن لو اور فرض کرو که و تر ن ن مرتب کو ک پر ملنا ہے، ن س کو ن من کو ن من کو ن من کو ن کا من کا کا من ک

کی تنصیف کرسے کا [سند] حب ب ب بر منطبق ہوتا ہے (جیباکہ شکل مرمیس) تو

ن نَ کَ عَاسَ نَ نَ مِ بِنَ جَا اَسْبِ اور سَ کَ بِنَ جَا اَسْبِ اور سَ کُ بُ س کے برابر ہو حیاتا ہے ' اُسُ و قت ن س کے ایک کے برابر ہو حیاتا ہے ' اُسُ و قت ن س کے ایک

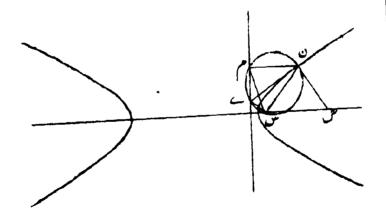
ت برابر ہو جانا جب من موتا ہے۔ تا کمر کے مساوی ہوتا ہے۔

ا سلئے زاؤیہ کے مس ن قائمہ ہے اور سے ن ن بر کا ماس سے بینی ن اور ن بر کے ماس ایکس قطع زائد

دوسرے کوم تب پر قطع کرتے ہیں۔ مشقى مثالير مسئله ا

اگر ہے ن اور سے ن مرودہ و نر خاص کو حہ اور ۵ پر ملیں تو نایت کروکسد = سد

اگرن پر کا عاد[،] قاطع محور کوگ پر ہے تو مس گ =ر×سن



ماس ن سے کھینجو، س سے کو ملاؤ اور مرتب پرعود ن م نخالو، سسم کو ملاؤ۔ زوایا ہے من اور سے مس ان تاکے ہیں [مسئد،] اس ملئے اگر سے ن کو قطر مان کر ایک دائرہ کھنچا

اور

تُعَمَّضُ کُروکہ طن کاس اور ن کُ عاد ہے اور یہ قاطع محور کو ط اور گ پر ملتے ہیں ۔

س گ = ر × س ن [سند ۱۱] سَ گ = ر × سَ ن

ب س گ : سَ گ نَهِ سِ ن : سَ ن اس کئے ن گ زاویہ س ن سَ کی خارجاً تنصیف

ہ ن سے ن ک راویہ میں ن می کا جا تھیں گا کرتا ہے ۔ چونکہ س ن ط' سَ ن ط بسسے ہرایک خارجی

ہدیں ہے۔ راویہ کے نصف کا متم ہے۔ اس کئے ن ط زاویہ س ن سَس کی داخلاً منصیف

ا من سے ن طاراویہ میں ن میں می داخلا مصیف کرتا ہے ۔ معالم میں میں مداری میں میں میں میں میں میں میں میں میں ا

نوط - اس مسئلہ کا ہلیجی کے مطلہ ۱۱ کے ساتھ مقابلہ کرو۔

مشقى مثالين مسكروا

۱- بدلولی کا ایک ماسکہ معلوم ہے نیز منحنی برکا ایک نقطہ اور اس نقطہ برکا عاس دیا ہوا ہوا ہے ، درسرے ماسکہ کا طریق دریافت کوقے ۲- اگر ایک ہلیلی اور ایک بنرلولی کے ماسکے ایک ہی ہوں مق

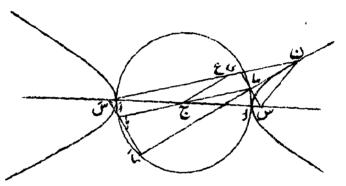
نابت کروکده ایک دوسرے کو زادی قائم پر قطع کرتے ہیں۔

للمسئلها

اگر ہلیلجی سکے کسی نقطہ ن بر ماس کھینجا جائے

اور ماسكوں سے ماس برعود (مس ها اس ما) اللہ دائرہ كے اللہ حا كي اللہ اللہ دائرہ كے معط پر واقع ہوں كے جس كا قطر أولاً ہوگا - معط پر واقع ہوں كے جس كا قطر أولاً ہوگا - نيز اگر ہے عوم ن بر سے ماس كے متوازى ہو اور اس ن كو ع پر قطع كرے تو ناہت كروكه ن ع = ج أو

رو سزر سما× سَمّاء ج ب



س ماکو آنا ظارج کردکه ده س ن کوی بر مے مثلثات مان س ادر مان ی س ن ما مشرک ہے، زاوئے ن ماس اور ن ما ی قائمے ہیں اور زاویہ مان س = زاویہ مان ی استدار

نہ سن ما ہمای سن نے ن می [ائلیس ماش] اسلئے نس می متوازی ہے جما کے [ائلیس مامن]

اس کئے جماء یا سُ ی = + (س ن- س ن) + = [مسئله] 11 == اس کئے ما اٹس دائرہ پر واقع ہے حب کا قطر او اَر ہے اسی سے مکا امادی دائرہ پر واقع سے

نیزماج عن ایک ستوازی الاضلاع سے اسلے ن ع = جما = جو رض کرو کیہ مگانس دائرہ کو ماریر ملتا ہے، حا ما کو

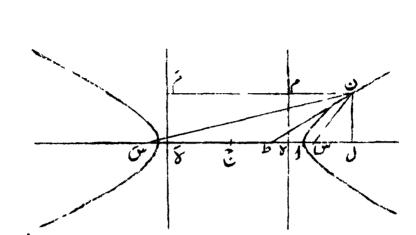
الأو أب يونكم راويه صاممًا ما، عالمنيه بها اس كلة ماما، وارُه کے مرکز ج میں سے گزرتا ہے۔ [الليسم ١٣ مشس ٣]

سماءس ا [اتليس م استس م] سماء سَمَاء سَ المِسَ مَا = ال مَن × مَن أَلَ [الحيس م است ٢٥]

۽ ج ب [مسئله۸]

1 prolima

اگر ن بری ماس قاطع محور کو ط پر ملے تو تابت کرو カラマンローラックラ



مرتبوں پر عمود ن هم هُم کھینچو س ن س ن کو ملاؤ

تب چونکه ن ط زاور س ن س کی تنصیف کرا ہے[سدّا

ن سط: سط=سن: سن [اتليم بش1]

= نم: نَم

*U: YU=

: سط+ سَط~ سط= لَ لا+ لَ لاَ : کا کاسلا

ととしてトニカミノ・コラ

* ラン×ラーラック **

= ح لا [منود]

مشقى مثاليس مسئلة ١٢

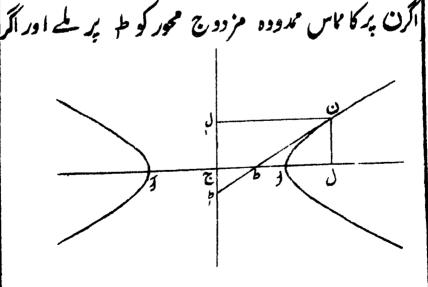
جو مشقی مثالیں تطع انص کے بارے میں صفی (۱۰ و۱۸) پر دی گئی ہیں وہ قطع ذا کی صورت میں بھی درست ہیں سوائے تمبنر ہ کے

مشتى مثالين مسلمهما

اس طریقہ سے قطع ناقص کے مشلہ ۱۹ کو تابت کرو
 اگر محود برعمود ط ن تا یم کیا جائے جوا مداوی دائرہ کو ن بچ

۱۰- اگر تحور بر عمود ط ن تایم کیا جائے جوا مدادی دائرہ کو ن بر کے تو تاہت کروکہ ل ن دائرہ کا ماس ہے۔ ۱۷- ناہت کرد کہ ج ل × ل ط= 1 ل × ل ا

مسئله ۱۵



نقطہ ن سے مزدوج محور برعمود ن ل نخا لا جائے تر نابت کروکہ

ランスラーランド

معین ن ل کھینچو تب متنا یہ مثلنوں سے

طل: عط = ن ل: جط منطل معل: عطم عل = ن لي: جطم ن ل

ن طل × جل: ج الا = ن لا: جط × جل [سند ١٠] الكن طل × جل = جل - جط × جل

[- 5] - 5 d × 5 [~ 2 min]

اس کیے تبدیل نسبت سے

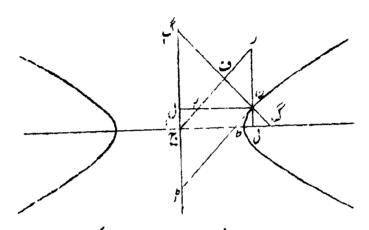
ال × اَل : ن لَ = ج الا: جط × ج ل لكن ال × اَل : ن ل = ج الا: ج ب [سندم]

ن ج د × ج ل = ج ب

مستلم ۱۹ اگر مرکز ج میں سے ن پرکے ماس کے متوازی

ایک خط کھینچا جائے اور ن سے اس خط پر عوو

ن ن کا لا جائے اور اگر ن پر کا عاد مزووج محور کو کم برلے تون ف × نگ = ج ب اور نن × ن گ = ج الا



محوروں پر عمود رن ل اور ن ر ل کھینچو اور فرض لرو که وه نبج ف کو ر اور مه پر ملتے ہیں انیز فرض کروا

کہ ن پر کا ماس محوروں کو ط اور ط پر ملتا ہے۔

تب چونکم ل اور ف پر کے زاورئے ٹانٹے ہیں اسلئے ایک دائرہ رِگ ل ف ر کے گرد تھنج سکتا ہے[ائلیتم اشہرا

ا تعلیے نگ × ن ف = ن ل × ن ر [اقلیس م سط ۱۰۰]

ع المع ع و = ج ب [مندها]

نیزچونکه ف اورل پر کے زاوے قائے ہیں اس مے گا گ ف م ل رکے گرو ایک وائرہ کھنچ سکتا ہے۔

ن ن ن بر القليس موشن الم الله عن در [القليس موشن ٢٠١]

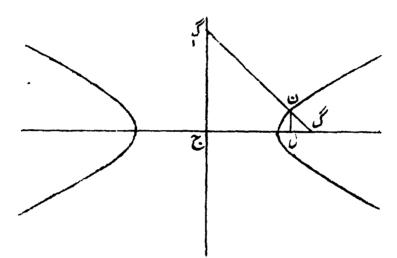
= ع ل × عط = تع الا [سنديما]

ہندی مخروطات

نوط ۔ یہ بعدازان معلوم مؤگا کہ خط ندکورہ ج ف د قطرج د ہے ج ج ن کا مزددج ہے

سئله ١٤

ل ک : جل = جب : جا اور خ ک = را محل



گ ن کو اتنا خارج کرو که وه مزدوج محورکوگ پر ملے

ت لگ: جل= ن گ: ن گ [انلیس ۱۳ ش]

ءنگ× نن: ن گر ×نت

= ج ب : ج ال السلاما]

نیز چزئد لگ: جل = جب : جالا ن جل دارگ: جل = جلا + ج

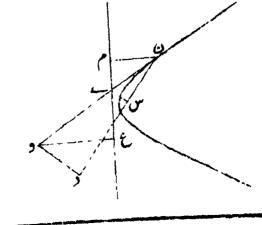
当て: ツァーツァー して: ししょうに ここに こうしょう こうしょう こうしょう こうしょう こうしょう こうしょう いっちょう こうしょう いっちょう いちょう いっちょう いちょう いちょう いちょう いちょう いちょう いちょう いっちょう いっちょう いっちょう いっちょう いっちょう いっちょう いっちょう いっちょう いちょう いちょうり いちょう いちょうり いちょうり いちょうり いちょうり いちょうり いちょうり いちょうり いちょう いちょう いちょう いちょう いちょう いちょう いちょうり いちょうり いちょうり いちょうり いちょうり いちょうり いちょうり いちょうり いちょう いちょうり いちょう いきん いちょう いちょう いちょう いきんり いちょう いちょう いちょう いちょう いちょうり いちょう いちょう いんり いちょう いちょう いちょう いちょう いんり いちょう いちょう いちょう いんり いちょう いちょう いちょう いちょう いちょう いちょう いんり いちょう いちょう いちょう いんり いちょう いちょう いちょう いちょう いちょう いちん いちょう いちょう いちんり いちんり いちん いちんり いちんり いちんり いんり いちん いちんり いち

ج ك : ج ل = ج س : ج لا استدم]

ئر : ۱ ، جگ ئر×جل مشقی مثالین مسئله ۱۵

مسئله ۱۸

اگر بہلولی کے کسی نقطہ (ن پر کا ماس کھینیا جائے اور ماس پر کے ایک نقطہ و سے مرتب برعمود وع اور مس ن پرعمود وح اور مس ن پرعمود وح نکا لے جائیں تو تابت کرو کہ مس د = ر ی وع [اس فاصیت بہندس ادم سے منوب کرتے ہیں]



س ہے کو ملاؤ اور مرتب پر عمود ن م کا لو تب چونکه زاویر کے س ن قائم کے اسلے کے س ود کے متوازی ہے۔

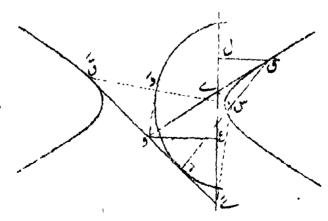
.: سد:سن= <u>م</u>و: مه ت = وع: من

.. سد: وع = سن: من

اسکئے س د = ر × وع

اگر ماس برکوئی نفتلہ و ایسا ہوکہ اس میں سے گزر نے دالا ایک خط وق ی قاطع مور برعمود مو اور خنی کو ق اور ق پر ملے تو نابت کروکرس دیوس ق اور و د نه وق ۲ وق ، د کیمولیلی کامسکله ۲۰ شکل ۲

ایک بیرو نی نقطہ و سے ہداولی کے دو ماس وق اور و في تحيينيو



مرتب پر عمود و ع نخالو، مس کو مرکز اور مد وع کونصف قطر ا ن کرایب دائرہ کھینیو اور نقطہ و سے اس دائرہ کے دو ماس ود اور ود كفينيو-

س د پرعود س سے قایم کرو جومت کوسے پر سے ہے و کو ماؤ اور اس کو اتنا خارج کرو کہ بدس د کو ق پر ملے ' مرتب پرعمو د ق ل کالو۔

ت سق: سد = ق نے : و نے = ق ل : وع

سق:قل=سد: وع=ر:١ اس کئے نقطہ ق ہدلولی پر ہے۔

اور چونکہ ق س سے قائمہ ہے اس کئے وق تطع نائد کے نقطہ ق بر کا عاس ہے۔

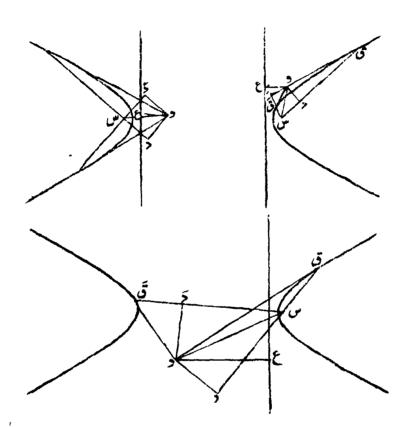
J 1. Jin]

اسی طرح سے اگرہم س کے برعمود س سفے قائم کریں، وے کو ملائیں اور اس کو اتنا خارج کریں کہ دہ س کے کوئ پر کے تو وق دوسرا ماس ہوگا نوط ۔ او پر کا عل مسئلہ ١٨ کی مدد سے حاسل ہوا ليكن مسائل

۱۲ اور ۱۱۷ کی بنا ر پر نعبی ماس کیسنیے جا سکتے ہیں۔

مسئلد۲۰

اگر نقطے نی اور ق زائد کی ایک ہی بٹاخ پر واقع ہوں تو ایس کروکہ ماسات وق ، وق کے محاوی اسکہ پر مسادی زاوئے و س ق ، و س ی بنتے ہیں لین اگریہ نقطے مقابل کی شاخون پر واقع ہوں تو اوپر کے زادیوں میں سے ہرایک زاویہ دو سرے کا تکملہ ،ہوگا۔



مرتب برعمود وع تخالو

وس، س ق، س ق کو الا و اور س ق، س ق برعود و د، و کمینی تب س د = ر × وغ = س ک [سند ۱۸] اسلئے مثلت وس د، وس که برطرح سے مسادی

من -المن - المنت من المنت ال

اس کئے زاریہ و س د = زاریہ وس قے اسلئے شکل میں، زاریہ وس ق = زاریہ وس ق ادر میں میں میں میں قرار وہوں قارر میں سے مراکب

شکل میں زوایا وس ق، وس فی میں سے ہرایک زاویہ دوسرے کا مکملہ ہے۔

نوط ۔ اگر و مرتبوں کے در میان داقع ہو تو شکل اک بائیں طرف کا حصہ استعال کرہ -

مشقى مثالين مسئله ٢٠

ا۔ اگر ایک زائد کے راسوں پر ماس کھینچے جائیں تو جو حصہ دہ کسی تبیرے ماس سے کا ٹیں گے اس کے محاذی ہر ایک

ما سکه پر زا دیبه تا نمُه بنے گا۔ ریس دیس کی سری کی کار

ہ۔ نابت کردکہ مثلث س ن س کے اندرونی دائرہ کے مرکز کاطریق ایک متنقیم خط ہے۔

40- نابت کرد که کخط س و ادر مرتب دو بزں ملکہ دتر تنامسس تی تی کو موسیقی ننبت میں تقیم کرتے ہیں

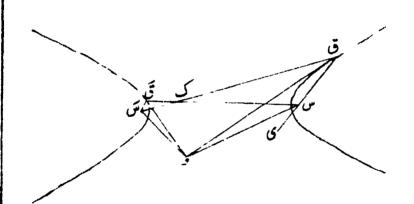
مسئلها

نا بت کرد کہ وق اور وق خطوط و س اور وس کے ساتھ بالترتیب مساوی زاوئے بنا نمیں کے اگر فی اور ق مقابل کی شاخوں پر واقع ہوں سکین قطع زائد

ہندسی مخروطات

آگرق اور ی ایک ہی شاخ پر واقع ہوں تو خطوط مٰکورہ ہا لترتیب ایک دوسرے سے ایسے زاوے بنائیں کے جن میں سے ہرایک دوسرے کامکملہ ہوگا

صورت اوَّل - س ق، س ق، سَ ق، سَ ق، سَ قَ، سَ قَ كو ملاؤ اور ق مس كو ي مك خارج كرو اور فرض كرو کہ س ق ، س ق کوک پر ملتا ہے۔



تبزاویہ س وق = کے و س ی ۔ کے و ق س [اقليدس م است ٣٠]

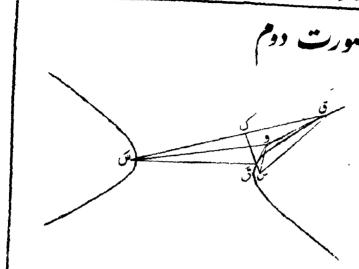
<u>- إ حقسى ـ بد حسقس</u>

[منائل ۲۰ اور ۱۲]

ي إنفيس ك ق [انفيس م اشكل ٢٠٠] اسى طرص سے ك ش وق = الى ك ق

« کے سوق = بہ کے شوق

بندسى مخروطلات



رس وق به را به روس ق رك وق س [تعييم اش ٢٣] - ۱۰۰۰ من کے کے سقت

[سال ۲۰ اور ۱۲]

قطع *زائد*

= ۱۸۰۰ - الله س كس (اقليدرم اش ١٦٠)

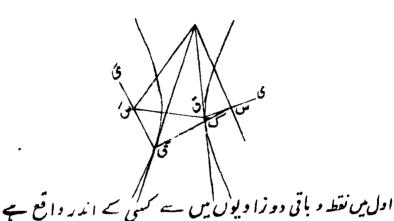
نيز حس وق = ١٨١ - وق س - وس ق [الليسم الس ١٦٠]

= + حسقس - + حتى ق إسان الم

= ل حسكس [قبيس ماش٣٠]

دس وق = ۱۸۰ - س وق

صورست دوم ہیں نقطہ و اُن دو زادیوں میں سے ایک کے اندر واقع ہے جو متقاربوں کے باہی تت طع سے بنتے ہیں اور جن کے اندر قطع زائد کی شاخیں واقع ہیں۔صرب



نیز نبوت کی نوعیت کچھ اس امر پر بھی مبنی ہے کہ آیا نقط و مرتبوں سے در میان واقع ہے یا ان سے باہر - صورت

اوّل مندرجہ بالا میں نقطہ و مرتبون سے درسیان داقع ہے، شکل بالا میں یہ اِن کے باہر ہے اور اسس کئے

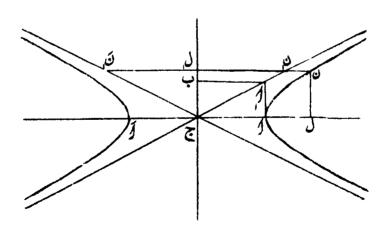
ک' سُ ق مروده پر وقع ہے۔ نیز نقطہ و کے دو مقام جو سلہ ۲۰ کی شکل ا میں

میر تنظیم کو سے صورت ووم مذکورہ بالا کی دو مقابل کی صور تین حاصل ہوگئی۔ معاد میں ماسل ہوگئی۔

تعرفیف میں ہوں۔ تعرفیف ۔ جس تطع زائد کے قاطع اور مزدوج محور الترتیب ج ب اورج 1 ہوں اس کو مزدوج قطع زائد کہتے ہیں ۔ 100

مسئله۲۲

اگر منحنی پر کوئی نقطہ ن لیا جائے اور اس نقطہ میں سے جو جا ج ب کے متوازی ایک خط کھینچا جا ہے جو متقاربوں کو ن ن بیر ملے تو نابت کرو کہ سطح ن ن × ن ن = بالٹر تیب ج لا یا ج ب کے مربع کے اگر ن مزدوج قطع زائد پر ہو تو بھی اسی قیم کا ربط ورست بھرگا یہ



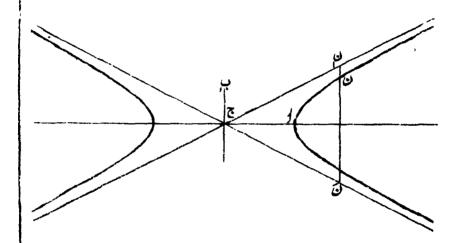
صورت او ک ن ن ن کو جل کے متوازی کھینچو اور فرض کرو کہ ج ب کو ل بر متا ہے تب ن ل: ج ل -ج لاء ج ب: ج لا [مئدیم] リア: シャラーコン: ひて:

نيز ج ل: ١٠ = ج ب: ب ٢ = ج ب: ج ١٦

[] = 1/5 - 10 ···

リテーリローりい :

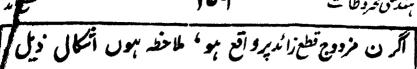
リマ=ひじ×ひひ !

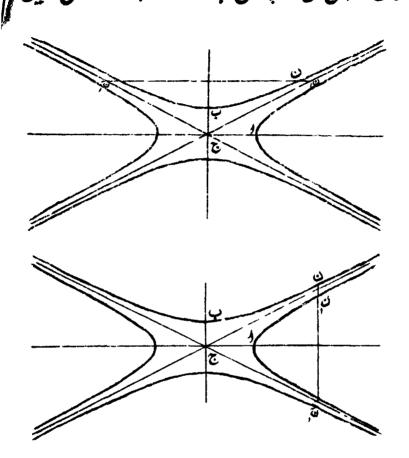


صورت دوم نن ن کوج ب کے متوازی کھینچو تب نن × نن کے ج با [سٹلم]

صورت سوم وجہارم چونکہ یہ بات زائد کے دونوں محاوروں کے لئے نابت ہو جبی ہے کہ ساوروں کے اپنے نابت ہو جبی ہے کہ

ن نې × ن ن = ج الا يا ج با بالترتيب، اس لئے يه اس صورت ميں بھی درست ہوگی



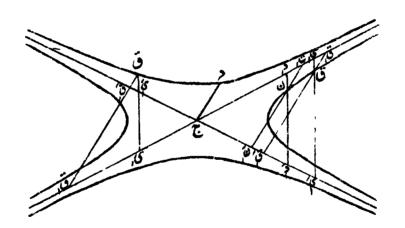


شقى مثالير مسئله

ق قی الک ایک در ہے جو ن پر کے عاس کے متوازی ہے، ن الله ف ق م الك متقارب كے متوازى كيني كئے ہيں اور دوسرے متقارب بر جاکر ختم ہوتے ہیں۔ تابت کروکہ ج ق× ج ق = ج رہا

مسئله۲

اگر منحنی یا اس کے مزدوج بر کے دو نقطوں ن اور ی میں سے دو متوازی ادر منتقبر خط کھینیجے جا ہیں جو متقار بوں کو بالترتیب ن کم ادر کت ، ی بر ملبن تو نابت کرو کہ عاصل صرب (سطح) کرو کہ عاصل صرب (سطح)



سب سے پہلے فرض کرہ کہ ن ادر ق قطع زامد کی ایک ہی شاخ پر واقع ہیں ن ادر می میں سے مزدوج محور سے ب کے متوازی حط کھینچو جو شقار ہوں کو م ، م ادر میں می ، می پر میں متشا بر مثلثوں سے

ك ن، ن د = ق ق ؛ ق ي اور ك نُه : ك مُ = ق قُ : ق ي

اس نے ضرب دینے سے

ن × ن ن : ن د × ن د = ق ن × ق ق : قى × ت ق

الين ن د × ن دَ = ج ب = قى × قى [مئله ۲]

(σ΄ κ σ΄ σ΄ = σ΄ σ × σ σ΄

اگر فی الله یا اس کے مزدوج پر واقع ہو تو یہی

اسی قسم کا اشدلال صادق آئے گا ، دونوں صورین شکل میں دکھائی گئی ہیں

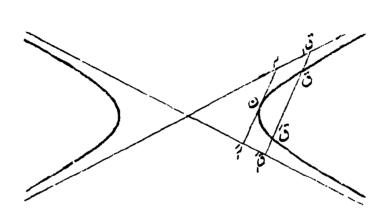
انوٹ - مزکر میں سے ج د کو ق ق یا ن ن کے متوازی کھینو اور فرض کردکہ یہ منی یااس سے مزدوج کو د پر متا ہے تب

نقاط د اور ق سے نے یہ سئلہ ہو جائے گا۔

ق نې × ق ق ٖ = < ج × < ج = ج د٢

تقیم خط منحی کو ق اور تن میر اور متقاربو اور اگر عاس ب ن ر متقاربوں کو م اور زیر مے تو

10=10



ق ق×ق ق≠ق ق× ق ق [مسكله ۲۳]

٠٠ ڬ٥×ٯ٥٠ +ق٠٥×ق٠٥ ق ت٠٤ ق ع +ق ق٠٤ ق م

٠٠ ت ت ت ت ت ع × ت ت م × ت ت

ہ تی تی ہے تی تئ فرض کرو کہ تی تی اس طرح حرکت کرتا ہے کہ وہ ہمیٹ اسینے متوازی رہے اور آخرا لا مر نقطہ ن پر پنہخیا ہے جہاں وہ منحنی کا ماس بنجاتا ہے ۔

> بِوْكُو بَهِينَهُ قُ قُ = قُ قُ اس لئے ن ہ = ن ر

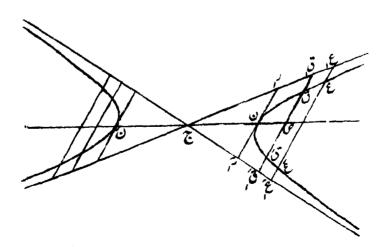
فوسط م اگر ق ، ق نبرل کی مقابل کی شاخوں پر واقع ہوں تو اس صورت میں ق ت کے متوازی سخنی کا کوئی عاس مر ہو گا۔

مضقى مثالين مسئله

ا۔ اگر قب اُقَ مزدوج ہولی پر دافع ہوں تو بھی ق ق ق ق ق ۷۔ اگر ن برکا عاد محوروں کو گ اگر پر ملے تو ٹابت کرو کہ نفت ط گ اگر اُ ہرا کر ایک ایسے دائرہ پر دافع ہیں جو مرکز میں سے گزرتا

مسئله ۲۵

ہدلولی کے متوازی وتروں کا ایک نظام دیا ہوا ہے نابت کرو کہ وتروں کے وسطی نقاط کا طری ایک انبا مستقیم خط ہے جومرکز میں سے گزرتا ہے ۔ نیزانابت کرو کہ اگر ستقیم خط کے کسی ایک سرے پرماس کھینیا جائے تو وہ وتروں کے متوازی ہوگا پرماس کھینیا جائے تو وہ وتروں کے متوازی ہوگا



فرض کرد کم تی تی ، ع ع ، وغیرہ متوازی و تروں کا نظام ہے متقار بوں کو ق ، ئی ، غ ، غ ، وغیرہ پرملتا ہے۔ ج ص کو اس طرح تعینچو کہ وہ تی تی کی تنسیف ص پر

تب ج ص، ق ق كى سى تنصيف كرا سے كيونكه ت ق ق ق [مسئله ۲۲]

ا سلئے متنابہ متلتوں کے ذریعہ یہ ناست ہوتا ہے کہ ج ص، ع ع كى تنصيف كرتا ہے -ا سلئے یہ ع ع کی تنصیف کرتا ہے کیونکم ع ع ع ع ع

[مسئلهم] سلنے ج ص ان سب و تروں کی تنصیف کرا ہے جو

فرض کرد کہ ج ص سنحنی کو نقطہ ن پر ملتا ہے

فرضُ کرو کہ تی تُ من کیطرف حرکت کرتا ہے آور

، یو بکہ جن ص بہینہ تی تی کی تنصیف کرتا ہے سلئے ی اور ی آخرالا مر نقطه ن پر منطبق ہوتے ہیں اسکئے ن پر کا ماس متوازی و تروں کے اُس نظام ا کے متوازی ہے جن کا مفتف ج ن ص ہے تعرایت اگر آک متفر خط (ج ن) متوازی و ترون مے ایک نظام کے واسطی نقاط بیں سے گزرے نو

بزویی کا قطر کہتے ہیں

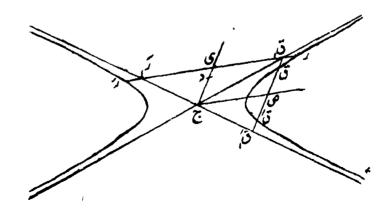
و ہُر کوئی کا قطر ہے ہیں ہن۔ گر قطر (ن ج ن) کے ایک سرے پر ماس یا جائے ادر منحنی کے کسی ایک نقطہ سے ایک ہم خط (ق ص) ماس کے منواز می کھینچا جائے تو ہم خرط (ق ص) ماس کے منواز می کھینچا جائے تو

س خطا کو قطر کا معین کہتے ہیں انتباہ اگر فطر مذکور نا فض کا نا طع محور ہو تو معیر کے دہی معنی ہو نگے جو عام طور پر سمجھے جائیں۔ نوٹ تط کے اُس حصہ کے طول کو جو بدلولی یا اُس کے مزددج

کی شاخوں کے در میان ہو بعض او تات قطر کہتے ہیں

مسئله ۲۲

اگر ایک قطراُن سب و تروں کی تنصیف کرے جوایک ووسرے قطرکے متوازی ہوں تو دوسرا قطران س



و تروں کی تنصیف کرے گا جو پہلے کے متوازی ہوں فرص کرو کہ ہے ن ن ق فی کی تنصیف ص پرکرتا ہے ہے ح ن فی کی تنصیف ص پرکرتا ہے ہے ح کو ن فی کے متوازی کھینچو۔

ق فی کو اتنا خارج کرو کہ وہ شقار ہوں کو ق افی بر لیے ۔

بر لیے ۔

گھینچو جو منحنی کو ر اور کر پر ، اور متقار ہوں کو ق ، کہ بر اور متقار ہوں کو ق ، کہ بر اور متقار ہوں کو ق ، کہ بر اور ج د کو می پر قطع کرے ۔

تب بونکر ق ق = ق ق ا سلئے ق ق کی تنصیف ص بر ہوتی ہے، اور ج ص، ق آب کے متوازی ہے۔

الله المسلم الم

ہ رکی = ی ق [اتلیس ماسش] اور رق، کرر کے ساوی ہے

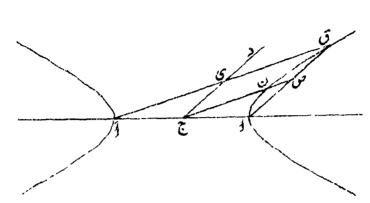
ه زی = ری [سند۳۳]

اس سے ٹامب ہوا کہ ہے۔ اُن سب و تروں کی تنصیف کرتا ہے جو جن کے سوازی ہوں۔

مسئله ۲۷ (متبادل ثبوت)

اگرایک قطر ایک دو سرے قطر کے سوّازی و تروں کی متعازی و تروں کی متعازی و تروں میں متعازی و تروں

کی تنصیف کرے گا-



ا تی کو ج د کے متوازی کھینچو اور فرض کروکہ یہ جن کو ص پر ملتا ہے ۔ اَ ِ ق کو ملاوُ فرض کرد - کہ یہ خط ج < کو می پر قطع کرتا ہے

ار فی کو ملاؤ فرنس کرد۔ کہ یہ خطاج < کو تی پر مطع کریا ہے چونکہ ارق کی تنصیف ص پراور اراآ کی سج پر ہوتی ہے اسلئے اگ ق ' سج ن کے متوازی ہے اور چونکہ ج د ' اسلئے اگ ق ' سج ن کے متوازی ہے اور چونکہ ج د ' اق کے متوازی ہے اسلئے اگ ق کی تنصیف ہی پیہ

ہو تی ہے۔ اس کئے ج < ایک ایسے وتر اُر ق کی تصنیف کراہے جو ج ن کے متوازی ہے

جو جن کے متوازی ہے اسلئے ج د اُن سب وٹروں کی تنصیف کرتا ہے جو ج ن کے متوازی ہیں-تعربین اگر دو قطروں کا با نہی تعلق ایسا ہوکہان میں سے ہرایک دوسرے کے متوازی وتروں کی تنصیف کرے

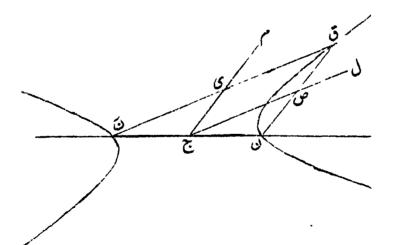
توانکو مُزدوج قطر کہتے ہیں۔

نوط اگر دو قطرایک دوسرے کے مزدوج ہوں تو ان میں سے ایک قطع زائد کو ملیکا اور دوسرا مزدوج قطع زائد کو کسی نقطم ق تعرایت جو وتر (ق ن ق ن ق ن قطع زائد کے کسی نقطم ق

تعرفیف جو ونز (مین مین فطع زائد کے سی تفظم ف کوایک قط (ن ج ن) کے سروں سے ملائیں ان کو تکمیلی ونز کہتے ہیں

المستلك الم

تکمیلی دتر مزدوج قطروں کے متوازی ہوتے ہیں

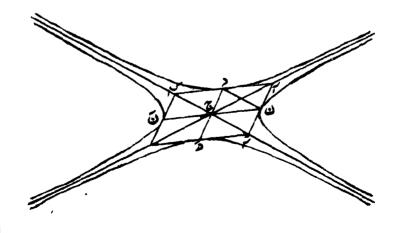


قطر ہے ل 'ہے م کو تکمیلی اوّار ت ق ' ن ق کے متوازی کھینچو اور فرض کرو کہ وہ ا نکو می اور ص پر قطع کرتھے ٠: ن ص = ص ق

ن ج ل ن في كي اور نيز ان تام وروس كي تنصيف

کڑا ہے ہوج م کے متوازی ہیں [سندہ] اسی طُرح ہم اُن تام و تروں کی تنصیف کرتا ہے جو ہے ل کے متوازی ہیں اسلنے ج ل سم مردوج تطربی

ر قطع زایڈ اور اسکے مزدوج کے امن مفامات پر ما س بينے عائيں جہاں مزدوئج قطرانكو علقے ہيں توبه ماس ايك نُ عُكُلُ متوازی آلا صلاع بنائيں کيے تحب ل رؤس الزوايا مِتقاربوں پروافع ہو بگے نیز نابت کروکه ن د ایک شقارب کے متوازی ہے اور دو سرا متقارب اس کی تنصیف کرتا ہے ۔



ماسس م ن رُ گھسینچو جو متقاربون کو مر اور رُ کو ملے ۔

ج د کو الماؤ

تب چونکہ ج د 'جن کا مزدوج ہے نہ ج د ' ر آر کے متوازی ہے

ا و ر چونکه هج دونوں شقار بوں کو ج پرملتا ہے بدیعہ

استله ۱۳۳۳ سائے حج = ن ر × ن ر = ن ر [مند ۲۳]

ن دج = ن م اور یہ ایکدوسرے کے متوازی ہیں

ن ہدا جن کے متوازی کے [اکلیس ماسس ۳۳]

ند ارد نقط د پر ماس ہے [سند ٢٥]

اسی طرح سے < اور ن پرنے ماسات متقاربون پر ملتے ہیں اور جاروں ماس ملکر ایک متوازی الاصلاع با

ہیں جس کئے روٹس الزوایا شقار بوں پر واقع ہیں۔ ن د کو ملاؤ اور فرض کرو کہ رد دوسرے متقار ب

ن د لو ملاؤ اور فرض کرد نه م د دو سرے سمار ب د کم بر ملتا ہے۔ تب بن عان تہ

اور آم د = دگر د د د د ک ک آم می او می میسا

ن د کر کر کر کر کے ستوازی ہے۔

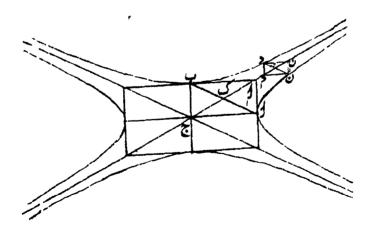
اور ج ن ہ د ایک متوازی الاصلاع ہے۔

ن ن د کی تنفیف اُس نقطہ پر ہو تی ہے جہاں یہ متقار سے ملتا ہے

مشقی مثالوں کے لئے دیکھوصفحہ (۱۷۱ ا،۱)

مئله۲۹

اگر ن اور < بیں سے محاور کے متوازی مستقیم خط کھینجے جائیں توانکے ملنے سے ایک ابسا مستطیل ہے گاجس کے دوزادیوں کے راس ایک متقارب پر واقع ہو نگے



ن ن کو ج ب کے متوازی کھینچو اور فرمن کرو کہ یہ متقارب کو ن پر ملما ہے ، ن ح کو ملاکو .

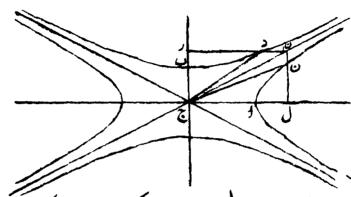
فرض کرد که و ب اور ن د شقارب کو ک ادرو پر بالترتيب قطع كرتے ہيں، متقارب، اب اور ك د دو نون کی منصف کرما ہے اور وہ ایک دوسرے صے متوازی ہیں ۔ [مسلد ۲۸] اسلے ن و ن وک او متابہ شلت ہیں۔ ن ن : البه ن و: الك

= ن د: اب [سندم] اور زاویه ن ن د زاویه أو أب ا سلئے شلت ن ن د ، اوب متنابہ ہیں

[اقليدس م ٢ مسش ٢] اسلئے ن د، وب ینی ج ا کے متوازی ہے۔

اسی طیع سے اگر د م کو ج ب کے متوازی کھنیا جائے تو ن م ج ر کے متوازی ہوگا۔

سئله ۳۰ チャーラマ= ラマーじき



محاور پر معین ن ل اور < له تھینچو اور ان کو امّناً خارج كروكه ده ن برمليس تب ن متقارب بر واقع بهو كا -

[مسئله]

ال - ال = ت ج ب [مسئلهم] = ج ن - جن [الليسم اسس ١٨]

ينر جوا = ن را - در [مسئله۲]

うて-ひて= [اقلیرسسم استس م ۲

こっちょう ニッツー・

مشقى مثالين سئله

ثاب*ت کرو که* قایم قطع زائ_ه میں ا- جن = ج د اور سقارب کسی دد مزدوج قطرون کے درمیانی

زاد سے کی تنصیعت کرتے ہیں

٧- جن اورجد محاورسے مکیلی زادئے باتے میں

w جو تطرایک دوسرے سے زاوی قائمہ بنائیں وہ مساوی

ہوتے ہیں۔

مم ۔ کسی وو قطروں کا درمیائی زاوید ان کے مزدوج تطروں کے درمیانی زادید کے مساوی ہوتا ہے۔

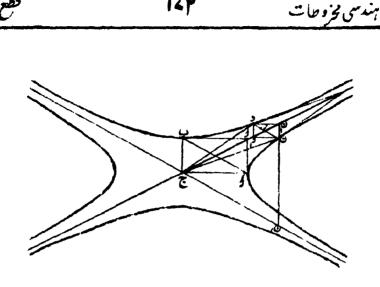
۵۔ کمی وتر کے محاذی قطر ن نَ کے سردں پر جو زادے بنیں وہ یا تو مساوی ہو گئے یا ایک دو سرے کے مکل

اگرایک قائم الزاوی قطع زائد ایک شلث کے گرد بایا جائے
 تواس کا مرکز کا طریق نونقلی دائرہ ہوگا۔

مسئلها۳

اگر قطع زائد کا کوئی ماس به ن که متقاربوس کوبراور آب بر ملے تو خابت کرد که متوازی الا صنلاع ج ن بر د کار قبه مستقل ہے

(بین ن ن × ج د = ا ج × ب ج) نیز مثلث برج رک کارتبهمتقل ہے



الولم 'ب لر كومحاور كے متوازى كھينچو اور فرص كرو كه وہ شقاليا کو او بر ملتے ہیں۔ قطع زائد کے نقطہ ن میں سے مگنا معین کھینچو جو

متقاربوں کو ن کو بر ملے۔ متوازی الا صِنلاع حان ن م بی کمیل کرو، حان کو ملاؤ اور فرص کرو که وه منفار ب کو نقطه و پر ملتا ہے س 1 ب كو الأو

ت ۵ د جن : ۵ د ن ن = جو: و ن

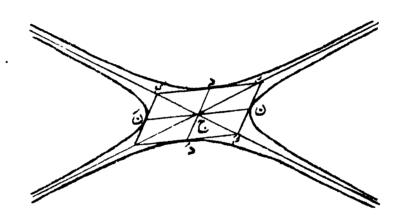
= ئون: ن ن =

[آنلیدس م ۲ مشس ۲] نيز ٢٠٠٠: ١٠٥ د ن ن = ب تج : ن ن [انبير ٢٠٠٠] でい: ざひ×ゃじ=

[٢٢]

= ن ن : ن ن المسلط حجن حجن الاصلاع ج ل مثلث بح إله المسلط عجن رد = سوازي الاصلاع ج إله إب

جس کا رقبہ متقل ہے یا ن ف × ج < = 1 ج × ب ج [دیکھوشکل مسئلہ ۱۱]



نیز مثلث ہے ہے ہے متوازی الاصلاع ہے ن ہد کیو نکہ ان میں سے ہرایک مقدار میں اس متوازی الاع کی ایک چو تھا ئی ہے جو نقاط ن 'ح ن ' ک ' بر ماس کھینچنے سے بنتا ہے اسلئے مثلث رہے ہے کا رقبہ متقل ہے اسلئے مثلث رہے ہے کا رقبہ متقل ہے مشقی مثالی مثل

ا۔ اگرن و ان و ایک متقارب کے متوازی اس طرح کھینچ

حائیں کہ دو سرے متقارب برختم ہوں تو ن وبد ن وَ = ہم جس اللہ اور منحنی پر کے ایک نقط (تیوں) کے مقام معلوم ہوں تو تحور اور ماسکے دریا دنت کرو۔

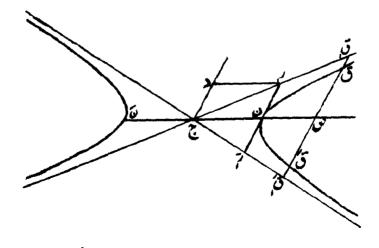
سو۔ ہزلولی کے دو ماس متقاربوں کو رائم ، طا ، ط بر بالتر تیب طنتے ہیں خابت کروکہ رط ، مط کے متوازی ہے

مم ۔ آلیک تائم قطع زا کمیں اگر ن پر کے ماس پرعوہ ج ہے تخالا جائے توٹا بت کرد کہ ج ہے × ج ن = ج 11

مسئلة

ق ص قطر ن ج ن کا معین ہے اور ق ص کے متوازی قطر ج د ہے ٹابت کروکہ قبر ص من ص من کر مصر میں میں میں میں میں

ئەن: ئەس × ئەس = 7 <: 5 ئ



فرض کرو ق ص متقاربوں کو ن، ق بر منا ہے، ن

اور د پر کے ماس کھینچو جو شقارب کو ر پر ملیں-[مئد،۲] تب ج د = ق ق × ق ق

= قصاً - قصاً

: تص = ق_اص - ج دا

نیز ن ص × ن ص = ج ص - ج ن ا متنابه شلنات ج ن راج ص ق سے

٢٠: ٢٠ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ - ١٥٥ -

ちっとうで。 = じっしょう: **

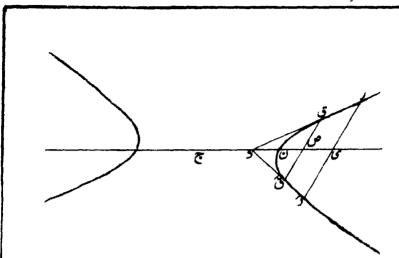
٠٠ نص× تُص: جن ع والله ع دا

تبلِ سبت سے قص: نص×نَص=جد:جن

متائم تطع زائدیں ق ص = ن ص : ک

مسئلهس

کسی و ترکے سروں پر کے ماس اس قطر پر ملتے ہیں جو و ترکی تنہیف کرتا ہے ۔



فرض کروکہ ق تی اور ر ر دو متوازی و ترہیں، رق اور رُق کو ملاؤ اور انکو اتنا خارج کروکہ دہ و پر ملیں۔ ق ق کی تضیف ص پر کرو اور فرض کرو کہ وص مدودہ ررُکو می پر ملتا ہے۔

متنا ہو شکتوں نسے ڈرجہ وہ ہے وہ وہ وہ

قص:رى = وص: و ى = قص: رى

لین قص=قص :ری = رَی

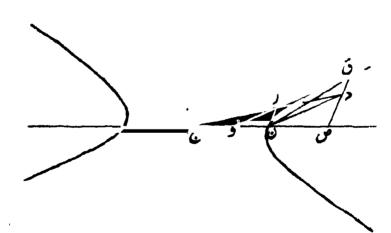
چوکہ ص می متوازی و ترون ق تی ، رر کی تنصیف کرتا ہے۔ اسلئے یہ ایک قطر ہے اور مرکز ج میں سے گزر تا ہے۔

[مئدہ] فرض کروکہ ر، کہ حرکت کرکے انٹر کار ق ، ق پرمنطبق

ہو تے ہیں اس وقت وق رؤ وق رُ الترسيب ق اور فی بر کے عاس بن جائیں کے اور نظر ج ص پر ہی ایک دوسرے کو قطع کریٹگے۔ اگر کسی مخروطی تراسش میں کوئی قطر مرتب کو سے پر لمے تو س سے ان وتروں پر عمود ہوگا جن کی تنصیف قطر مذکور مرتا ہے۔

- الرام

ق ص قطرج ن کامعین ہے اگر ق پر کا ما ج ن کو و پر کے و ثابت کردکہ



ن ح کو وق کے اور ن رکو ص ق کے متوازی مینج ن ق كو لاؤ-

تب ن ر قطع ذا مُدكو مس كرتا ہے [سنده] ر ن د ق ایک متوازی الا صلاع ہے ' اسلئے ر د' ن ق کی تنصیف كرتا ہے اور اسلئے ر د مركز ج میں سے گزرتا ہے -

اب ج و: ج ن = جر: ج د [الليسم المنس،] = جن: ج ص [الليس م المنس،]

اسلئے جن = ج د مج ص

مشقى مثالين مسئله ه

ا۔ اگر ایک تائم قطع زائد شلف کے گرد بنایا جاہے تو ثابت کروکہ وہ مثلث کے مرکز عودی میں سے گزرتا ہے۔

مرور وہ سے سرر سوری ری ہے رہی ہے۔

اگر ور کو ایک متقارب کے متوازی کھینچا جائے اور وہ منحنی

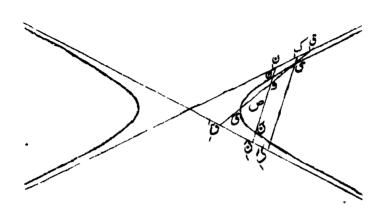
کور پر اور دو سرے متقارب کو مر پر ملے اگر و ن ن کو ایک ٹاس متقیم حظ کے متوازی کھینجا جاسے اور دن ن منحنی کو ن اور ن معلقیم حظ کے متوازی کھینجا جاسے اور

پر کھے تو تابت کردکہ و کے تام مقامت کے لئے حاصل عزب ور مد جور

ون × ونَ امِنی برلتی ہے جیسے ور × ج ر [اورمشقی مثالوں کے لئے دیکھو قطع نا نص کی تحبیف میں مثالوس]

مسئلدهم

اگر قطع زائد کے دو و ترایک دو سرے کو قطع کریں ہو ان کے حصوں کی سطوح (حاصل صروب)کواہس میں وہی سبت ہوگی جو ایکے متوازی نضف قطروں کے مربوں کو ایس میں ہے۔



فرض کروکہ وتر ن و ن کئی ق و ق منقار ہوں کو ن کئی اور ق کئی پر ملتے ہیں ن ن کی تنصیف ص پر کرو کئی گ کو ن ن کے متوازی کھینچو

تب ن و ب و ت = ن ص - وص اندين م اسفه ا

ن و × ون = نص - وص [انلیس ماسش ا

00 × 00 =

[الليدس م اسف ه]

٠٠ ٥ و × و ن - ١٠ ن × ن ١٥ = ن و × و ن اسى طرح سے قرو × و ت - ن ق × ق ق = ق و × و ق -

متنابه مثلثول سے

تُ و: ق و حک ق : ق ق ون: وق= ق≥:ق'ق ۵ ن و × ون ای و × وی ٔ = ک ق × ق ک ای ق × ق ق ک = ن ن×ن : ق ق × ق ق [سئو۲۲] = ان × ن ن ن × ن ن × ق ق ھمتوازی نصف فقرون سے مرتبون کی تنبیت سے ١-ج س = بج لا 'ج س = ٢ ج ٧ ، ر= ١١ ٣- ج ل = لك ۵۔ ابت کرو کہ ایک وائرہ جس کا مرکز معنی پر کا کوئی نقطه ن ہو اور نصف قطرت ج ، وہ عماد کو محاور یر اور ماس کو شفاریون پر قطع کر سکا۔ ن ج = ن گ = ن گر = ن ر ٧- مزدوج قطرِ مساوى موت بي اور متقارب الح ورمیانی زاوید کی منصیف کرتے ہیں۔ ، - مردوج قطر کسی ایک حور سے آیسے زاون بنا ہر جو ایک دُوسرے کے متم ہوتے ہیں۔ ۸۔ قائم الزاویہ قطر مساوی ہوتے ہیں

9۔ کسی دو قطودں کا درمیانی زاویہ ان کے مزدوج قطودں کے درمیانی زاویہ کے مسادی ہوتا ہے

کے درمیانی زاویہ کے مساوی ہوتا ہے

۱۰۔ ایک قطرت ن کے سروں پر کسی وتر کے محاذی
جو زاوئے بنین وہ یا تو مساوی ہوتے ہیں یا ایک دوسرے
کے کمل۔

۱۱۔ آگر ن پر کے عاس پر ج کے عمود نخال جائے آ ج کے × ج ن = ج ا

۱۱- اگر ایک قائم ہدلولی ایک مثلث کے گرد کینیج سکے تو یہ مثلث کے مرکز عمودی میں سے گزریگا۔ ۱۱۰- اگر اکیب قائم ہدلولی ایک مثلث کے گرد بنایا

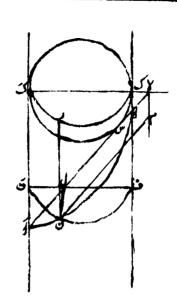
جائے تو اس کے مرکز کا طریق نو تقطی دائرہ ہوگا۔

اسطوانه اور مخروط

اگر ایک متطیل کو اس سے ایک ضلع سے سمرد يمرايا جائ تو مقابل كا ضع ايك ايسي سطح مرتب كرتا ہے جس كو قائم مستدير اسطوال كہتے ہيں۔ مستطیل اور اس سے طول کو دونوں مکرف لا تنابي مك يقيلا موا خيال كريسكت بين جس نابت ضلع سے گرد مستطیل کیر نگاتا ہے اسکو اسلوانہ کا گرد حرکت کرے اور ہمیشہ ایک ایسے نقیم خطرے متوازی رہے جو دائرہ سے سے گزرتا ہو اور سطی دائرہ پر عود سط یہ متحرک مستقم خط مرتبع مریگا متندير اسطوانه کتے ہيں۔ رفيك اس تابت متقيم خطاكو اسطوانه كا

لوط۔ اگر ایک سطح مستوی اسلوانہ کو محور مے متوازی کا کئے تو اس تراش اسطوانہ سے دو مولد خط حائس ہوں سے اگر کاٹنے والی مستوی سطح محور بر عمود مو تو تراش دائره موگی-ن تعربی اگر ایک شطح مستوی ایک اسلوانه لو کا نے تو جو سطح مستوی اسطوانہ کے فحور میں سے كُرْرِتِي مِو اور كاشي والى سطح بير عمود مو اسكو محوری سلم سلم سلم میں لوط محورى سطح اور كاشخ والى سط كا خط تقاطع تراسش رسے منتنی) کا محور ہونا ہے اور محوری سطح اور اسطوانه کا تقاطع دو مؤلِّد خط موتّے ہیں تعریف اگرایک کرہ اسطوانہ کے اندراسطرح بنایا جائے کہ وہ اسطوانہ کو ایک دائرہ کے ہرایک نقطہ پر مس کرے اور کا طنے والی سطح کو ایک نقطہ پیمس كرے تو اس كو ماسكى ككره كہتے ہيں اگر ایک تائم ستدیر اسطوانه کو ایک ایسی

سلح ستوی سے کاٹا جائے جو مور سے کوئی زاويه بناتي هوتو تراش قطع ناقص موگى -فرض مروسکہ تراش کا منحنی اون او ہے'



فرض کرد کہ محوری سطح کاغذ کی سطح ہے اور بہ کا شخے والی سطح کو خط مستقیم کر کر ہے اور اسطانہ کو تو لیدی خطوط ک کرفت کی کٹ وی کر ہاتی

ہے۔ ایک ماسکی کرہ کمینچ جو اسطوان کو دائرہ ک لاک ع ہر ایک نقطہ پر اور کا کئے والی سطح کوس

می ترے فرض کروکہ سلوح مستویہ ک رک اون او یہ دوسرے کو خط مستقیم ملاقم پر قطع کرتی

۔ منی ان کو کے کسی نقلہ ن میں سے ۔ ایسی مستوی سطح ف ن ن ن ل کینچو

ىبندىسى مخرد طات . 100

جو محور اسطوانہ بر عمود ہو کا منے والی سطح نقیم ن ک پر ہے محوری سطح سومستقیم ف ل و کی پر ، اور اسطوانه کو دائرہ ف ن ک

نقطر ن میں سے تولیدی نط ن ر کھنے ماسکی کرہ کو ر پرمس کرے انیزن م کول کا

فرض کروکہ س ن محو ملایا گیا ہے يونكه سطوح مستويه إن أن ن ف ولا موری سطے پر عود ہیں اس سے ن ل موری

سطح پر عمود ہے (افلیدس م اانسٹس ۱۹)اس کئے ن ل الله اور ف ف دوان پر عمود ہے

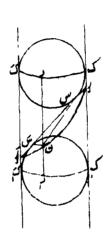
اگرایک ہی نقطہ سے کرہ کے عاس جائیں تو وہ سب ساوی ہوتے ہیں(افلیس ہش ۵۰ سن - ن رو ن ک

اور س ا = الك اور ن م = ل ن س ن ان م = س ا الركا

اب آک ' اکل سے طول میں کمہے اقلیدس اس او اس سے س ا؛ اکا ایک ایسی مستقل ننبت

ہے جو ایک سے کم ہے اور اون کو ایک قطع ناقص ہے

جس کا ماسکہ س ہے اور مرتب کل مسئلہ ا (دوساطیقہ)



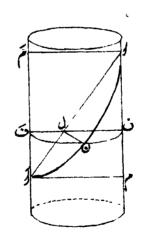
فرض کردکہ ال کے تراش کا منحی ہے ، فرض کرکہ فرص کودی ہے اور اسطوانہ کا علی سطح کو خط متنقیم کر کئی ہوتی ہے اور اسطوانہ کو تو لیک کرکے کرکے کو تو لیک کرکے کی جو اسطوانہ کو دوائر دوائر کرکے کرد اور کا کہنے والی کے دوائر کرکے کہنے کو دوائر کرکے کرد اور کا کہنے والی کرکے کرد اور کا کہنے والی کرکے کرد اور کا کہنے والی ک

سط کو س اور س پر مس کریں۔ منحن الن اؤ کے کسی نقطہ ن میں سے ایک تولیدی خط ر ن ر کھنچو جو ماسکی کرہ کو د کر بر مسس کرے ن س کو ملاؤ ک خطوط بھی ماسکی کرون کو مسس کرینگے تب س ن = ن رکیونکہ یہ کرہ سے ماس اور س ن = ن ر

« سن+ سن = ن ر+ن، = له = ک

ے گئے منحنی ندکور قطع ناقص ہے اسکے ماسکے) سس ہیں اور اس کا محور اعظم ک کہ ہے (مئلہ ۸ قطع ناقص)

مسكلها (تيىلرطريق)



تراٹس کا منحیٰ ہے ی سطح یہ منطبق خیال سرو

ری سطح کو کا غذ کی سطح پر منطبق نیال گرو ر فرض کرو که یه کا طبخ والی سطح کو نطاستیتم

و و اور اسطوان کو تولیدی خطوط و دن م و وقت یر ملتی ہے منعنی سے کسی نقطہ ن میں سے لینچو ہو اسطوات کے محور سلح ت ن ن ل یر عمود ہو 'کا منے والی سط کو خط مشقیم ن ل محوری سط کو خط مشقیم من ل ت ادر اسطوانہ کو دائرہ کن ن فئ کیر ہے اور اُرم کو ک کت کے متوازی سطواح ک ل ک ، ان آو دونون محوری شطخ سطوح ساں سائے دل محدری سطیر عمود ہے ۔ یم عمود ہیں اسلئے دل محدری سطیر عمود ہے ۔ (افلیدسم اشل) اسلتے ن ل ، ف ف ادر او اونوں پر عمود ہے۔ متشابر مثلثوں سے ۔

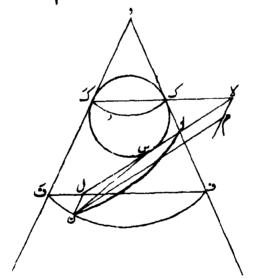
ول: ل ن = وو: وم اور أل: ل ت = أو: ومَ

مور اعلم الله سب اور مور اصغرام [تطعناتص سُلما]

الكر ايك قائم الزوايه شلث آين ايك ضلع كركرد و زاویہ قائمہ کا ایک طرت سے احالمہ کرتا ہو چکر نگائے تو مثلث کا ونز ایک ایسی سطے مرمشم کرتا ہے جس کو ستدر مخروط کتے ہیں ورتے طول کو ہم دونوں طرف جس ثابت ضلع سے گرد مثلث کر لگاتا ہے اسکو فروط کا محور کہتے ہیں۔ مثلث کے اس ناویہ کو جہاں دئر اور ٹابت ضلع ایک دوسرے کو قطع کرتے ہیں مخروط کا راس کہتے اگر وترکو راس سے دو نوں فاج کیا جائ تو اس طرح سے جو کمل مخروط ہے اس کے دو مساوی اور متشابہ اوراق راس ہے اس ب ر۔ مقابل کی جانبوں میں ہوتے ہیں مستقم خط ایک مح تحیط سے حرد حرکت کرے اور ہمیشہ ایک اسے ٹابت متنقیم نظ کے ایک ٹابت نقطہ میں سے گذرے کو دائرہ کے مرکز میں سے ہو اور سلح دائرہ پر عود ہوتو ہوسطے پی تخط مرتشبه كريكا أمسس

13 حمیت ہیں س ثابت متقم خط كو مخروط كا کھٹ محرے نقطۂ نابتہ کو مخروط کا راس أكر مخروط كو اكيب ايسى سطح سے كاٹا جائے ں میں سے گذرتی ہو تو مخروط کی تراش ایک نقطہ یا اس کے دو تولیدی خط ہوں گے اگر بہ سطح محور پر عمود ہو اور راس میں سے نہ گذرے تو مشس دائره ہوگی لعِتْ الر أيك سلم أيك مخوط كو كاتْ سطح مخروط کے مور بیں سے گذرتی ہو افرس عن الله علم بر عود مو اسکومحوری توسط محورى سطح اور كاطنے والى سطح كا خط تقاطع ش کے منحیٰ کا مور ہوتا ہے اور موری سطح اور مخروط کے تقاطع سے مخروط کے دو تولیدی خط ماصل ہوتے ہیں۔ تعرفیت اگر ایک کرہ مخوط کے اندر اب بنایا کائے جو مخروط کو ایک دائرہ سے ہرایک نقطه ببد اور کائنے دالی شطح کو ایک نقطہ بم س کرے تو اس کرہ کو ماسکی کرہ کتے ہیں

اگر ایک مخروط کو ایک ایسی سطح سے کاٹیں بو راس میں سے نہ گذرتی ہو اور مور پر عود نہ ہو تو اس طرح سے جو تراش عاصل ہو گی وہ تراش مخروطی کی تعربیت کو پورا کرے گی (でいと)=(w)



فرض کرو کہ تراش کا منحی ادن ہے موری سطح کو کا غذ کی سطح پر منطبق خیال کرد اور فرض ر سر ر منطبق اسلامی منطبق میال کرد اور فرض کرو کہ یہ کا شخ والی سط کو مستقم خط ل ایک پر اور مخروط کو تولیدی خطوط وک کے او دے،

کره تحیینی جو مخروط کو دائره گرد اور کا منے والی سطے کو ن فرض کمرو که سطوح ک ر کو متقیم نظر کام پر قطع ئی اون کے کسی لینچ ہو مخروط سے محا ير عمود هو اور كا شيخ والي ن ل پر، معوری سطح سو اور مخروط کو دائرہ قن ن ک یہ ملے رض کرد که تولیدی خط ن رد محفینجا کوریرسس سرے گا۔ نیز ن م کو ل کا کے متوازی یونکه سطوح ادن [،] من ن ن دو نوں محوری یر عود ہیں اس نے ن ل محوری م عود ہے (اقلیدس م ااسٹس 19) س ہے ن ک کیل اور ن می دونوں اگر ایک ہی نقطہ سے کرہ ہے ماس تھننے جام تووہ سب مادی ہوتے ہیں آتلیدس مستش اس سے س ن = ن ر = ن ک

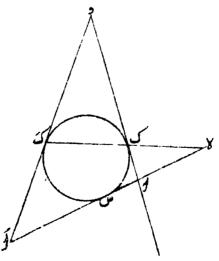
اور س ا = اک اور ن م = ل کا اکا دورک ما کا ایک دارک اور

ایکن دن ک : ل کا = اک : ال کا [اقلیدسم ۱ ش۲] دنه سور در : در مرسوس ۱ د د کا

ن س ن ن ن م = س ا؛ الملا اس کے لان اُو تراش فخرد طی ہے جس کا ماسکہ س ہے اور مرتب کا ہ

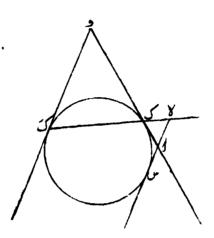
مستعلبها والمستعلق

مخروط کی ایک مستوی تراش قطع ناقص ہوگی اگر اس کا ماسکی مح محوری سطح پر سے دو نون تولیدی خطون کو مخروط سے ایک ہی ورق پر ملے ' یہ ترامسس مکافی ہوگی اگر اس کا ماسکی



مور ان و تولیدی خطون میں سے اکیب کے

متوازی ہو، اور یہ تراش قطع زائد ہو گی اگر اس کا ماسکی محور ان تولیدی خطوں مکو کے مگر مخوط کے مختلف ورون پر۔ ر فرض کرد که محوری سطح کاشنے والی سطح کو الکام ماسکی کرہ کو دائرہ ک کت س پر ، اور مخروط کو تولیدی خطوط وک لا وک یر متی ہے اک ک اور س و کو اتنا خارج کرد کہ وہ مرتب کے یا نئین کا ہیں کمبیں صورت اول اس کو اتنا خارج کرد که دک کو او کار کے دکت کو او پر کے ناویہ وک کا ب زاویہ ک کا آ [اقلیدسم اش ۱۱ سیکن اوید دکت اوید دک ک [اقلیدسماش ۵] = زاویه لک کا [اقلیدسم،ش۱۵] ن اوید اک لا ک زاوید ک لا کر یاک لا ل ن الك ح الله [الليدس م اش ١٩] اس کئے منحی قطع ناقص ہے صورت دوم - اگر اس ، دک کے متوازی ہو



زاویہ اک لا = زاویہ وک ک = زاویہ وک ک

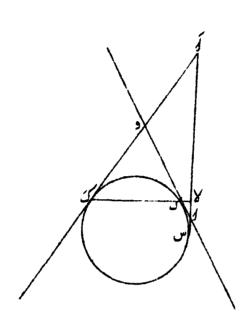
= زاوية ك لا إ [اقليدسم اسس ٢٩]

ن لک = لا [اقلیدس م است ۵] :

 $[r_{y}]^{m} = b$ $[r_{y}]^{m} = b$

اور منحنی قطع مکافی ہے۔

صورت سوم س اکو اتنا خاج کردکہ وہ ک و کردکہ وہ ک و مدددہ کو اکر یے

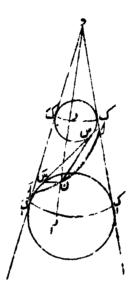


زاویه دک کا حزاویه ک کا [اقلیدسم اسس آآ لیکن زاویه وک کا = زاویه دک ک [اقلیدسم اسش] = زاویه اک کا [اقلیدسم اسش]

ه زاویه اک لاح زاویه ک لا او یاک الا

ہ لک کا کی [اقلیدس م اسٹس ۱۹] ہ س لے کا کی اقلیدس م سسٹس ۲۹] اور منحنی قطع زائر ہے

مستملہ ہم مخروط کی 'انص تراسش کا محور اعظم ماسکی کروں بے اس درمیانی فاصلے سے مساوی سوآ ہے جو مخروط سے ایک مؤلد یہ نایا جائے۔



فرض کردکہ اون او تراش کا منحی ہے ' محوری سطح کو کاغذ کی سطح پر منطبق خیال کرد اور فرخر کرد کہ یہ کا شنے دالی سطح کو خط مستقیم اوار پر اور مخروط کو تولیدی خطوط ک ایک'کٹ اوک پر

لتی ہے دو ماسکی کرننہ تھینچو جو مخروط کو دوائر

ك رك ، كم رك بر اور كا شخ والى سطوح كو

س اور س یر لمیں منحنی اون او سے کسی نقطہ ن میں سے ایک تولیدی خط که ن مرکمینچو جو ماسکی سرون کو لائم

ن س ، ن س کو بلاؤ ، یہ مجی ماسکی

گروں محو مسس کر بینگے۔ تب س ن = ن کر کیونکہ یہ کرہ سے ماس ہیں اور سک ن = ن ر

« س ن + سَن = ن ر + ن ر = ر ر = ک

اس سے معلوم ہوا کہ تراش کا منحی قطع ناقص ہے اس کے ماسکے س مس ہیں اور اس کا

مور اعظمہ ک کہ ہے [قطع ناقص مسئلہ]

مسئله ۵

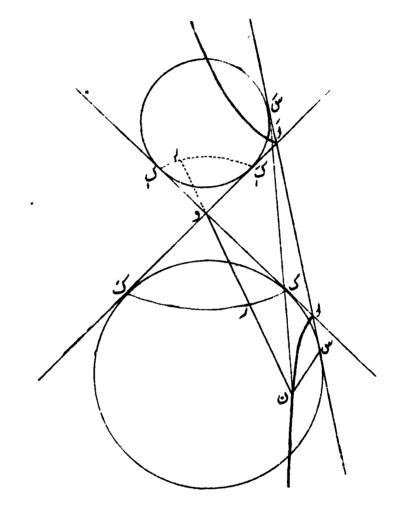
مخروط کی زائد تراش کا شقاطع محور ماسکی کروں سے اس درمیانی فاصلے کے مساوی ہوتا ہے جو مخروط کے ایک تولیدی خطیر نایا جائے

فرض سُرو کہ این اُ تراش کا منفی ہے موری سطح کو کانند کی سطح پر منطبق خیال کرو اور

فرض کردگہ یہ کائنے والی سطح کو مستقیم خط ا کہ بر کہ ادر مخرد ط کو مولد خطوط ک ایک اک کُ کُ کُ کُ بر منتی

ہے دو ماسکی کرے کھینو جو مخروط کو ددار کس رک ک رک پر اور کاشنے دائی سطح کو س اور سک پر

مسسمرين



منحی ای اُ کے کسی نقطہ ن میں سے ایک مؤلد خط ر ن م کھینچ جو ماسکی کروں کو ر کر پر مسل کروں کو ر کر پر مسس کرے

ن س کم ن س کو ملاؤ ' یہ سمی ماسکی کرون کم مسس کرنیگے

تب س ن = ن رکیونکہ یہ کرہ سے عاس ہیں اور س ن = ن ہ

ع شن سے سن ن = رن ر - ن ر

ے لہ ہے کہ کہ اس سے معلوم ہواکہ تراسش کا منحی قطع زائرے اس کے ماسکے بس اور سک ہیں اور اس کا متقاطع محور ک کی ہے (قطع زائد مسئلہ م

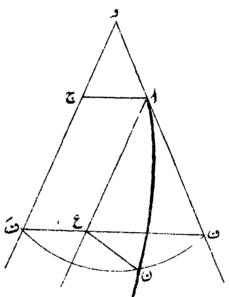
مشقى مثاليرمسائل ١٩٥٥

نابت کروکہ املادی دائرہ اس سوہ کی سطح پر داتع ہے جب صب کا قطر ماسکی سرون سے مرکزوں کا خط وصل ہے۔

مسئليه

مخروط کی سنجی تراش کا وتر خاص مخروط اور سنجی کے راس سے درمیانی فاصلے اور شلجی کے راس میں سے گذر نے والی مدور تراش سے قطر کا تیسل متناسب ہوتا ہے فرض کروکہ اون تراش کا منحی ہے موجو کو کا غذکی سطح پر منطبق خیال کرد اور محوری سطح کو کا غذکی سطح پر منطبق خیال کرد اور

فرض کروکہ یہ کاسٹنے والی سطح کو منتقیم خط اع پر اور مخروط کو تولیدی خطوط والون کو ج ن پر ملتی ہے۔



منی برکے کسی نقظہ ن میں سے ایک سطح فن ن میں سے ایک سطح فن ن ن ع کینیو جو مخروط کے محور بر عبود ہو اور کا شخے دائی سطح کو مستقیم خط ن ع بر محوری سطح کو مستقیم خط ف ع ف بر اور مخروط کو دائرہ ان ف بر قطع کرے

ا ج کو ف ک کے سوانی کھینچو چوکہ سطوح فٹ ن ک اور ادن ع دو نول موکی سطوح فٹ اس کے ن ع محوری مسطح پر عمود ہیں اس کئے ن ع محوری مسطح پر عمود

(الليدنسس المشس١٩) اس نئے ن ع من ت او ا ع دو لؤن پر عمود ہے۔ وِ بِج ، ج و کا تیسار متناسب هو س و مشابه 13:30=0:51

= ライ:カナー 1 アメピ = 3 ピメナイ : = غ ن 🛪 فَ = ن ع ن شلمی ہے اور اس کا وترخا^م

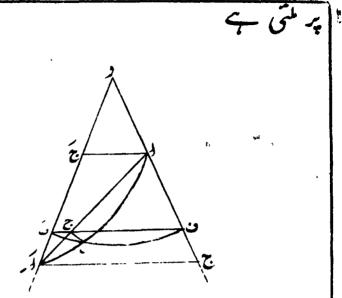
س کو سے (ستیمی سٹلہ س) ا در سہ اس کو جہ اور ج ایک تیسار تمنا

مخووط کی ناقص تراش کا محور اصغر مخروط کی ان مدور تراشوں کے اقطار کا وسط تناسب ہوتا ہے جو محر اعظم سے سرون میں سے گذرتی ہیں فرض کروکہ تراسش کا منحی اون او ہے موری سطح کو کا غذ کی سطح پر منطبق خیال خرد اور فرض كروكه يه كالحنے والى شطح كو مستقيم خط لاؤيم اور مخروط کو تولیدی خطوط وارت ، و آیک بخ پر

*ہندی مخو*لمات

15 W

· أمسطوان أورمخيفٍط



منجی پر کے کسی نقطہ ن میں سے ایک سطح ف ن ن من ع کینچو جو مخروط کے محور پر عمود ہو' کا شخے والی سطح کو مستقیم خط ن ع پر' محوری

سطح کو مستقیم خط ف ع ات پر اور مخروط کو دائرہ ف ب ن ت بر بہا

ا بج ' أبج كو ن ن ك كم متوازى كينيو جونكه سطوح ف ن ف ب ان أون أو دونون محوري سطح بر ع د مد

اس کئے ن ع محوری سطے بر عود ہے[اقلیدسمااشا]

اس سے ن ع ہوت ک اور اور و و اون ہ

متف به مثلثوں سے اور أع : ع ف = ال أ: ال ج اور أع : ع ف = ال از : اج

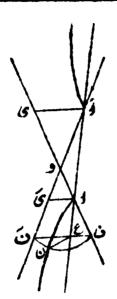
د اع × اَع : عن ×عن • الاَّ: اَج × اجَ د اع ×ع اَ : ن ع'= الاِّ: اَج × اجَ

[اقليدسم ٣ شش ٣٥]

اس کے تراش کا منحی قطع ناقص ہے ' اس کا مور اعظم 1 کئے ہے اور مور اصغر 1 بح ' آج کا دسط تناسب ہے (قطع ناقص مسئلہ س

مسئلهم

مخروط کی ہذاوی تراش کا مزدوج محد اس کی ان دو مدور تراشوں سے قطروں کا وسط تنا سب ہوتا ہے جو قطع زائد کے راسوں میں سے گذین فرض کرو کہ تراش کے منی کی ایک شاخ اون ہے اور دوسری سٹاخ کا راس اُ ہے موری سطے سوکا غذ کی سطح برمنطبق خیال کرو اور ذرض کرو یہ کا شیخ والی سطح کو مستقیم خط الاً پر اور مخروط کو مولد خطوط کی و اون ا کر وال منے والی سطح کو مستقیم خط الاً پر اور مخروط کو مولد خطوط کی و اون ا کر والی میں ملتی ہے مولد خطوط کی و اون ا کر والی میں ملتی ہے



منی کے کمی نقطہ ن میں سے ایک ایسی شطح ف ن ن ع ممنے ہو مروط سے مور پر عود ہو، كالشيئ والى سطح كومستقيم خط ن ع بدا مورى سطح كو

خط ف ع ف بر اور مخواط کو دائرہ ف ن ف بر

ر بی ، وی کو دن دن کے متوازی کمینے چوکرسطیح ف ع ف ، إن أ دونون مورى سط ير عمود بي اس کنے ن ع موری سطح پر عمود ہے (اقلیدسم المثالیا

اس سے ن ل اون ف اور دو نوں پر عود ہے متتاب مثلتون سے

وع:ع ن= الد: الى

اَوْع: ع فَ = وادُ: وي

٠ اع × اُع:عن×ع ف= اِدَا: اِي × اي

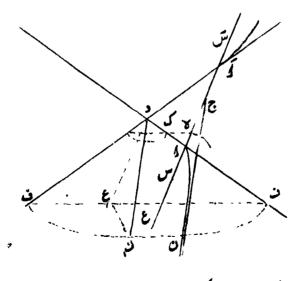
د اع × اع: نع = الاً: الى × اى

ا کلیدس م س ش ۲۵]

ا سلنے تراش کا منحی قطع زائد ہے جب کا متفاطع عمور ال ہے اور مزدوج محور ال کی ' آی کا وسط

تور وو ہے اور سردون کور رسی کی موسط منالہ میں الم مسئلہ آ

مخروط کی ہزلولی تراش کے متقارب اُن دو مؤلّد خطو سے متوازی ہوتے ہیں جو مخروط سے راس میں سے سُکڑر نے والی متوازی سطح میں واقع ہون



موری سطح کو کا غذ کی سطح پر منطبق خیال کرو

سِندسی مخروطات

فرض کروکه ن کوئی نقطه قطع زاند ببرے ⁴ معین ہے ، س اور س ا اس ا سکے ہیں ، اور کو راس ہیں ج مرکز ہے اور کا اس مر كا يائيں ہے جو أسكه س كے مقابل ہے۔ فرض کردکه و ن کوت مؤتد خط محوری سطح میں ہیں اور سطح ف ن ن ن ع محور پر عمود ہے فض کردکہ ماکی کرہ وف کوک پر مسہ لا ' ف ف كي توازي بوكا [مسئلم] س و ، وک سے مساوی ہے [اقلیدس سفریا] فرض مروکه و ن ع ایک سطح ہے جو کا منے والی سطح کے متوازی ہے اور جو مخروط کو مولد خط ون بڑا وری سطح کو وع بر اور سطح ب ن ق کو ناع پر تشلت وع ف، ولاك متابرين کمہ وع ، اولا کے متوازی ہے اورع ف ، کاک وع: وف = الا: اك = 18: pm لکین مؤلّد خط وف ، و ن باهم ساوی س

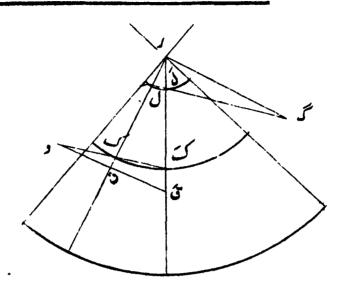
فطع زائد کی شکل مسئلہ ہم میں
 خطع زائد کی شکل مسئلہ ہم میں
 ج ر" = ج ر" + و ر"
 = ج ر" + ج ب"
 = ج س"
 ج س = ر × ج ر
 ب ج ر = ج س = ر × ج ر

ا سکنے ن وعم متقاربون سے درمیانی زاویہ سلا نصف ہے(نہرلوئی مسئلہ م) لیکن وع متقاطع محور کے متوازی ہے اس کئے وین ایک متقارب سے متوازی ہے۔

المستمله ١٠

اگر کسی نقطہ میں سے دو مستقیم خط دو نما بت مستقیم خط دو نما بت مستقیم خطون سے متوازی کھننے جائیں اور وہ مخروط کو قطع کریں تو ان خطوط سے حصون کی حالفروں کی طلفروں کی طلفروں کی طلفروں کی طلفروں کی طلفروں کی سنت اس نقطہ سے تمام مقالات سے گئے مستقل ہوگی۔

فرض کروکہ وق ق^{ک ہ} وع ع دو خط ہیں جو نظم و میں سے دو ثابت مستقم خطوں کے متوازی سیمنے سکئے ہیں اور مخروط کو گق ق مع ع برقطع کرنے ہیں اسطوانه اورمخروط



راس ریں سے رگ ، رح کو نابت متقیم خلون کے متوازی کھینچو اور فرض کروکہ یہ ایک نابت سطے کو جو مخروط کے محور بر عمود ہے گ اور ح بر طقے ہیں ۔ طقے ہیں اور ح کو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔

توٹ دع ع اور رح کو شکل میں نہیں دعمایا کیا۔ سب سے پہلے سطے وق x و ق پر غور کرو رض کرو کہ گ اور ح میں ہے گذر نے والی نام

فرض کرو کہ گئ^ہ اور ح میں سے گذر نے والی ثا^ب سطح رق ق کو متنفیم خط گ ل ل پر اور مخروط کو دائرہ ل ل بر منی ہے۔

و دارہ ن ن پر ن ہے۔ ینر فرض سرو کہ نقطہ و میں سے ایک سطح گ ح سے متوازی کھینجی گئی ہے اور وہ سطح ر ق ق کو دائرہ ک بر اور مخروط کو دائرہ ک کے

متی ہے۔ منت وک مِن اکب ایک ہی سط میں واقع ہیں اور ان کے اضلاع متوانی ہیں ی و ق ، وک = گر ،گ ل اس طع سے وق ؛ وک = گر ،گ ل دوق دوق ؛وک دوک = گر ،گ ل مگ ل خواه و کمیں واقع ہوگ ریستقل . لمضرب كُ لَ x كَ لَ بهي ستقل-وق ُ بدوقُ = له بدوك × وك اس طع سے وع پروع = م×وم بروم اورمه متنقل مقدارین ہیں اور م نقاط ہیں جہان رغ ، رغ دائرہ کے گئے کو قطع کرئے ہیں شد وک × وکِ = وم × وم (اقلیدسم سش سے ا

وق x وق : وغ x وغ ع له : س

ميكك

چندمشہور مسائل جو طالب علم کو نابت کرنے جاہئیں۔

قطع مكافي

ا۔ اگر ن و ن مکافی کا ایک وتر ہو جو محد کو و پر

طے اور ن ل ' ن ل معین ہوں تو نابت کرد کہ

ال ل * اول = او و اور کھو مسئلہ س)

ہو۔ اگر اس مثلت کے گرد جو مکافی کے تین ماس
کھیجنے سے بنتا ہے ایک۔دائرہ بنایا جائے تو نابت
کرو کہ وہ دائرہ اسکہ میں سے گز ریگا۔ (دیکھو مسئلہ س)
قط ہو تو نابت کرد کہ زادیہ تی وص زادیہ تی وس
کے میادی ہے۔ (دیکھو مسئلہ یہ سا)
کے میادی ہے۔ (دیکھو مسئلہ یہ سا)
مہے۔ اگر ن اس قطر کا مرا ہو جو وتر تی تی گرنیف

کرہ سبے اور ر ایک اور نظر کا سرا ہو جو تی قی کا م پر ملتا ہے تو نابت کرو کہ ق م × م ق = س ن× رم (ویکمومنٹلہ ۱۱) مسئنه

۵۔ اگر منحنی کے کسی نقطہ رمیں سے گزر نے والا قط و تر فی فی کو نقط ل اور ماس فی هر کو نقطه هریر کے تونایت کرد که مرد: دل ۽ ق ل: ل قُ (ویکھو مسائل ۱۹ ۱۷ اور نبوت مسئلہ ۱۹) ۔ اگرون سکائی کو ن پر مس کرے اور وق ر مکائی کو ق کہ پر کمے اور ن میں سے گزر نے والا قطر وتر تی رکو ی پر لمے تو نابت کرو کہ۔ وی = وق × ور (دیکھو ۱۹) ے۔ اگر ایک وائرہ مکانی کو جار گفطوں کر کب ج مح یر لے تو نابت کرو کہ منبترک وتر اوب ، ج ما مور سے مساوی زاوئے بنا کینگے. [دیکھومٹلہ 19] ۸ ۔ اگر ایک دائرہ مکانی کو جار نُقطوں پر قطع کر۔ تو ابت کرد کہ ان بیار نقطوں کے معینوں کا مجموعہ صفر مِوْكُولُ (وَيَكُمُو مُسْلَمُ ١٥ / ١٩) 9- آگر مین نقطوں ن ق کریر کے عاد ایک ہی نقطہ لمیں تو ن' ق' ر کے معینوں کا مجموعہ صفر ہوگا اور مثلث ن فی رکا وائرہ بیرونی (یعنی ن ق کر میں سے گرزسف وال وائرہ) راس میں سے گزریگا۔(بزردد بندستحلیلی) 10- اگر و فی موق سکافی کے دو ماس ہوں تو وترق فی مكانى سے ایک ایسا حصد كائيگا جس كا رقبہ ملث وق ق

كالله بوگا (ديكھومئله ١٩)

مخروطی مراشیس

711

۱۔ مخوطی تراش کو کوئی خط وو نقطوں سے زیادہ میں نہیں مل سکتا [مسئلہ ۲]

۷۔ اگر ایک وائرہ مخروطی تراش کو جار نقطوں بر ملے تو ان میں سے کسی دونقطوں کو ملانے والا خط محور سے وہی زاویہ

بنائيگاجو باتی وو نقطوں کو ملانے والا خط بناتا ہے۔

تطع ناقص سندمهم الله الله عن التصريب المركز المركز عن المركز الم

تینوں معلوم ہیں معلوم کرو کہ ایک ایسا خطمشقیم جد محور کے متوازی ہو تراش کو کہاں ملیگا۔

اور ریس کا کو نصف قط ماند و م پر الما ہے ، کا کو مرکز اور فر سے سے کا کو مرکز اور فرض کا کو مرکز ایک وائرہ کھینچو۔ س م کو الماؤ اور فرض

کرو کہ یہ دائرہ کو ن' ن' پر مِلتا ہے' س ن' س ن کو بالرتیب کان' کان کے متوازی کھینچو' ن نِ نقاط مطلوبہ ہونگے۔|

مم۔ نصف و ترخاص کی ماسکی وٹر کے دو حصول کے درمیان اوسط موسیقی ہوتا ہے۔

בטצי שאי לצ בשטיש: של שטישי

۵- ایک ماعی وتر کے حصول کا عامل ضرب ایسے مِنا ہے ص متر کا طرار

715

جیے وتر کا طول۔ ہا۔ کئی دو متقاطع وتروں کے حصوں کے حاصل ضرب(سطوح)

اُن ماسکی وتروں کے طوبول کے مقناسب ہوتے ہیں جو البیح متوازی ہوں [قطع ناقص مہم]

ے۔ قطع زائد یا قطع ناقص کے اُن ماسات کے نقاط تقاطع جو ایک وُومرے سے زاویہ قائمہ بنائیں ایک ٹابت وائرہ پر

ہو رہیں رو سر سے میں جبکو حرفت وائرہ کہتے ہیں۔(قطعیٰ افغانیاہما) ۱۵۔ ٹابت کرد کہ

> اور نگ:جد=جب:جار اور نگ:جد=جا:جب

(قطع ناقص ۱۸ اور ۳۳)

۹۔ نابت کروکہ سن× بس ن = ج کے = ن گ × ن گ

(قطع ناقص ۱۱ اور ۱۸) اور گر کوئی اسکی وتر ق ف نصف قطرج د کے متوازی ہو تو میں سے میں سے میں میں میں اسکاری ہو تو

ق قَ×ج ا= ۲ج کے 11۔ اگر مخرطی تراش کا کوئی قطر مرتب کو ہے پر کمے تو

ہے س ان سب وتروں پر عمود ہوگا جنگی قطر ندکور

سيئه

منفسيف كرا سبے -[قطع ما قص ١١ اور ٢٥] ۱۲. اگر وق ' وق ایک مخروطی تراش کے ماس ہوں اور ق قُ مرتب کو ک پر لیے تو ٹابت کرو کہ وس ک زادیہ قائمہ ہے (قطع ناقص مع) ۱۱۰ اگر ن پر کا عاس کسی دو مز دوج قطرول کو م اورم پر ملے تو نابت کرو کہ ن م×ن م =ج کا (قطع ناقص ۲۸). مهما به ثابت کرو که عمار ن گ کا ظل مسکی فاصله مین یر نصف وترفاص کے ساوی ہوتا ہے ۔ (قطع اقص ۱۱) 10ء اگر وق موق قطع ناقص کے دو ماس ہوں اور ایک مستقیم خط نقط و میں سے گذرے اور منی کو نقاط ب اورام پر اور ق ق کو ل پر مے تو خط وك لم تنبت مرسيقي مين تقييم بوكا يعني- $(\overrightarrow{u}) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ 14- اگر کس تراش مخوطی کے نصف قطرج ن مج ن ایک وومرے سے زاویہ قائمہ بنائیں تو ثابت کرو کہ ایک مقدارستقل ہے(متب دار قطع نافس ۳) جن استقل ہے (متب دار قطع نافس ۳) ا اگر ایک متنقیم خط ایک اورمتقیم خط کے قطب میں سے

اسطوانه اور مخروط کی تراث

ا۔ ثابت کرو کرمنتوی تراش کے کسی نقطہ پر کا ماسس ماسکی فاصلوں اورنیز تولیدی خط سے مساوی زاو کے بنایا

ہے۔ ہا۔ ٹابت کرو کہ تراش کے محور اصغر کا نصف ماسکی کرون کمے نصف قطروں کے درمیان وسط تناسب ہوتا ہے۔

سابہ نتا بت کرو کہ مخروط کی تمام تراشوں کیلئے و ترفاص ایسے

بدلماً ہے جیے وہ عمود جو راس مخوط سے کاننے والی سطح م نکا لا جائے۔

مہ منابت کرو کہ ایک تائم متد پراسطوانہ سے ایک ایسا قطع ناقص کا ما جاسکتا ہے جس کی خروج المرکز نسبت کھیے ہی ہو

اور پھر قائم الزادیہ تظلیل سے اِس قطع ناقص کا ظل دائمہ ہو سکتا ہے۔

موسکتا ہے۔ {دکھوضمیمہ}



س قت سلجی کا ایک ماسکی وتر ہے جو ن پر کے ماس کے متوازی کھینچا گیا ہے [،] ن گ عباد ہے ، نابت کرو ک

قى سى بەن كى ئەنگىلىنى بەنگىلىنى بەنگىلىنى بەنگىلىنى بەنگىلىنى بەنگىلىنى بەنگىلىنى بەنگىلىنى بەنگىلىنى بەنگىلى تلجی خطوط کا ایک مشترک اسکہ ہے اور ایجے

سمتِ ایک ہی ہے، ماسکہ میں سے امک تنقیم خط کھینی گیا ہے جو الکو چار نفظوں پر کاٹنا ہے

ثابت كروكم آكر ان تقطون بر ماس كيني جائيس تو الك تقاطع ہے ایک متعلیل شکل بیدا ہوگ جس کا ایک قطر

م ایک شلجی کامرتب اور منحنی پر کے دو نقاط معلوم ہیں ماسكه وريافت كروئ نيز نفت طرمعلومه كو جو خط وصل

کرتا ہے اسکے متوازی منحنی کا ایک ماس کھینچو۔ مم ۔ ن ل ق تلجی کا د گنا معین ہے اور اُر ن ق ثنلث مشادی الاضلاع ہے، تابت کرد کہ اول ، وترخاص کا تین گنا دے ابت کرد کر نیکجی کے کس دو طاسات کا خارجی زاویہ

ہ حمد پر ہے۔ ۷۔ دق ، دقی شکمی کے ماس ہیں ، وترق فی محور کو نقطہ د پر ماتا ہے ، محور پر عمود ول نکالا گیا ہے نابت سرو کہ اول = اور سے سریاں کا مقال کیا ہے۔ نابت سرو کہ اول = اور سے سریاں کے تقدیم است

ہ۔ اگر شکجی کے کسی عاد ن گ کو اسطرح تقیم کیا جا کہ ن ق: ق گ ایک مستقل سنبت ہو تو تا بت کرو کہ تی کا طریق شلجی ہے۔ کرو کہ تی کا طریق شلجی ہے۔

م ۔ وو علی خطوط کا مرتب ایک ہی ہے ، نابت کرو کہ ایک ہی ہے ، نابت کرو کہ ایک منترک ماس ایک ووسرے سے زاویہ تا ممسہ بنا تبے ہیں ۔

ہ ۔ شلجی کا مرتب معلوم ہے ، نیزمنحنی کے دو ماسس سے ہوئے ہیں شلجی کا اسکہ اور مماسات کے نقاط نامیں ورافعہ دکی م

۱۰ - شلجمی کا ایک قطر ایک و ترکی تنصیف کرا ہے اگر وترا س خط کا جارگنا ہوجو و ترکے نقطہ وسطی اور قطر کے سرے کو ملآما ہے تو نابت کرو کہ د تر ما سکہ میں سے گذرنا

سرے و ملنا ہے و ناجٹ رو کہ دیرہا سکہ میں سے گذرہا ہے۔ ۱۱ - اگر شلجی کے ماس ون ، ون ' اور کے ماس کو ما اور مشاہر ملیں اور ن ن محور کو ک پر قطع کرے تو خاہت کرو کہ ک ما 'ک ما ما سات

ون م و ت کے متوازی ہیں [یہ سند کسی ایک تطراورا سکے سرے برکے اس کے لئے درست ہے صروری بنیں کا تطرکی بجائے ہو] - اگر شکیمی کے تحسی نقطہ ن برکا ماس ن ما راس - اگر شکیمی کے تحسی نقطہ ن برکا ماس ن مارو کے عاس کو ما پر کے اور ن ما کے قطر پر ایک واموا بنیا جائے جو محور کوک اور ک پر ملے کو نامت کرو ، ن ک ان ک مرودہ منعنی کے عاوہ ہیں ۔ علمی کے ونزوں اوب اس سے حکو خارج کما دوسے کو نقطہ و پر کمنے ہیں ا ب مجد پر نقطے ع اور ف ایسے ہیں کہ وع'یه ولم×وب' و ف' یه و ج × و د خابت کردکه ع فٹ محور کے متوازی ہے۔ مم ا - اگر ایک شکی ایک مثلث کے تین ضلعول کو س کرے تو اس کا مرتب شلت کے مرکز عمود می میں ۱۵۔ اگر ایک دائرہ پر کے جار نقطے معلوم ہوں اور دو شلجی خطوط ان میں سے گزریں تو نا بت کرو کہ انکے محور ایک دو سرے کو نقطوں کے مرکز ہندسی پر قطع رہائے۔ 14- ق وق ، رور شلمی کے دو وتر ہیں رور کو دو اوں طرف اتنا خارج کیا گیا ہے کہ یہ تی، نی پرکے

ماسات کو ر، رَ بر ملنا ہے، اگر رہ = رَ رَ نابت کردکہ ور = ورَ ملیاری ملیاری

کا - ن وق ایک زاور مطاوہ ہے جس کے اعتلاع کہلیجی کے اسکی و تر ن ق کے سروں پر ماسس ہیں، رو بوں ماسکے دریا فنت کرو - دریا فنت کرو - ایک ذو اربعۃ الا صلاع ایک تراش مخروطی کے

ہوں ہوئی ہوئی ہے اور نشکل کے قطر ایک دوسرے کو ماسکہ گرو بنی ہوئی ہے اور نشکل کے قطر ایک دوسرے سے زاویہ پر قطع کرتے ہیں ، نابت کرو کہ وہ ایک دوسرے سے زاویہ مائمہ بنا تبے ہیں ۔

19- معلوم کرد کہ قطع ناقص کے دو ایسے مزدوج قطر کس طرح تھینچے جائیں جوایک دو سرے سے ایک زاوید معلومہ نہائیں -۲۰- قطع ناقص ادر اسکے امادی دائرہ پر کے نظیری

ہم ما سینے ہوں اور استے اماد می دائرہ پر سے سیر می نقاط ن اور ق ہیں ' س تطع ناقص کا ماسکہ ہے ' نما ہت کرو کہ س ن ۔ اُس عمود کے جو س سے ق پر کے ماہ یہ درائر کر رکٹا الانہ کئی

کے ماس (دائرہ) پر کا لاجائے۔ ۲۱۔ ایک قطع ناقص میں ن پر کا عاد محدراصغر کو گہ پر

ما اسبے نقطه ن سے اسی محور بیوین ن لو کھینجا گیا ہے۔ نا بت کروکہ

معلل ہے۔ ۱۵ - تراش مخروطی کی ایک قوس دی ہوئی ہے، کی طرح معلوم کیا جائے کہ اس کی شکل مکافی ہے یا قطع ناقص یا قطع زائد۔ ۱۲۴ - ایک قطع ناقص کے دوماس معلوم ہیں اور ایک

اسکه دیا ہوا ہے ، مرکز کا طریق دریافت کرو ۱۷ - ایک تراش مخروطی کا ماس تھینجاگیا ہے اوروہ مرتبات کو ل ، هم پر متا ہے ، اگر س ، س ماسکے ہوں اور ل س اور م س نقطہ ن پر ملیں تو نا بت کرو کہ ل ن = م ن

۲۸- ن فی ایک تراش مخروطی کا دگنا معین سے مرخط ن کو مرتب کے باتین سے ملاتا ہے وہ محنی ریت ط کرا ہے، نائب کروکہ تی ر ماسکہ میں سے گزرتا، تعطع ناقص کے دووتروں لان اب ف کو خارج بیا گیا ہے اوروہ ایک دوسرے کو و پر ملتے ہیں انکے زی دو اور وتر ق ج ، ن < طبیعے علیے ہیں جواک رے کو رپر ملتے ہیں ، نابت کرو کہ مثلث لا و ب ج رکہ متشابہ ہیں اور آ ب اج کہ کے متوازی ہے ۔ ، ۱۷۰ ۔ اگر دو مخروطی تراشوں کا ایک مشترک ماسکہ ہو اور وہ اس طرح واقع ہوں کہ صرف دو نقطو ک پر ایک دوسرے کو قطع کریں تو اس کا مفترک و تر آن کے متعلقہ مرتبات کے نقطہ تھا طع ہیں سے گزر کے سکا مهرب متوازي الاصلاع شكلوں كا ايك نظام ايا ہلیلجی کے اندر بنایا گیا ہے، ان شکلوں کے اضافہ مسامی مز دوج قطروں کے متوازی ہیں، نابت کرو کہ ان کے امثلاع کے مربعوں کا مجموعہ ۲ مل ب ٹا بت کرو کہ ذیل کے علی۔ لم، یں سے ہرایک کو ل ن کے ساوی کاؤ ، ن ک ان فارج کروکه ده مخنی کو دواره ی ، ی برملی ، ی ق کی تنصیف ص پر کرو- تب

ن ص من بركاعاد بوگا س لیک ذوارید الا صلاع ال ب ج د کے اندر ایک نطع نا قص بنایا گیا ہے، میں ایسکا اسکہ ہے 'خابت ب أورج س د مكر زوايا ب س ج اور دس لا کے برابر ہیں -م مو۔ اگر اسکون سے قطع نا قص کے کسی نقطہ پر کے عاد پرعبود کالے حائیں تو ٹابت کردکہ ان کی یا ہمی سبت وہی ہوگی جوا ن عمو ووں کی سے جو اسکو ل سے مسی نقطہ پر کے ماس پر کا لے جا کیں ایک مخروطی تراش کے دو ماس وسئے ہوئے ہیں اوراس کا مرکز بھی معلوم سے خابت گرو کہ اس کے ما سکوں کا طریق قایم ہدولی ہے۔ ۱۳۷ میلیجی کے نقط ن کا معین ن ل ہے، اس کو اتنا خارج کیا تلیا ہے کہ یہ ذرخاص کے ایک سرے پر کھے ماس كوت يركما في ما بن كروك ق ل = سن ع ١٠٠٠ ايك قائم محزوط كى بليلى تراش كا ظل ايك ليسه سطے مستومی برا کارا کیا ہے جو محور مخروط برعود سرے ، نا بت کرو کہ تظلیل کے منحنی کا ما سکہ وہ نقطہ ہے جہال مخرف - قطع نافص کے امادی وائرہ برایک نقطہ وہے

نقطہ سے قطع ناقص کے دوماس دن، وق

کھینچے گئے ہیں ان ج ن قطع ناقص کا ایک قطرہے الابت کرو کہ ق ن اسکہ میں سے گزرتا ہے ۔ میں گئے میں ایف من وطن میں دن فری کن ق ایسے

۳۹ – اگر کسی تراش مخروطی میں ن ق ^۱ ن ق ایسے و تر ہوں جو محور سے سا د می زاو کئے بنائیں تو نا بت کرو کہ ن تی تی بکا بیرونی وائرہ (گرد بنا ہوا دائرہ) تراش کو

نقطہ ن پر مس کرتا ہے۔

بہ ۔ اگر ایک ہلیجی میں دو ایسی انسکال ذو ار بعد الاصلاع ا بنائی جائیں جن میں سے ایک کے تین صلعے دو سری ا کے مین صلعوں کے متوازی ہوں تو ان کے چوشھے

سے مین ملکوں سے سواری ہوں تو ان سے ہوت علع بھی متوازی ہو نگے ۔ اسکئے معلوم کرو کہ منتوازمی رولر (پطری) کے ذریعہ قطع ناقص کے کسی نقطہ پرماس

رور (مبری) کے درجہ سطی ہے نس طرح کھیجے سکتا ہے ۔[تفلیل]

ام - اگر رن تعظع ناقص کے نقطہ ن برکا ماس ہے اور مں رنِ ایک منتقل زاویہ ہے تنا بت کرو کہ ر کا طرماتی

یک دائرہ سکتے ۔ ۱۳۷ ۔ قطع ناقص کے نقاط می[،] می پرماس دق وق کھینچے گئے ہیں نیز ق گ ' ن گ عاد ہیں جو محور آخم

کو نقاط گ 'گ پر طنے ہیں' نابت کردکہ خلیں وق گ ' وی گ متنابہ ہیں سوہم۔ عاسات دق وی کے ماذی اُس معن کے

موہا۔ مامات دی ہوی سے عادی اس میں سے اس میں سے اس میں سے ا پائین پر ساوی زا وے بنتے ہیں بو د میں سے گزر تاہے۔

۔ تعطع نا قص ایک مثلث کے اضلاع کو ا ملکے وسطى نقاط يرمس كرمات أنابت كروكه قطع ناقص كالمركز مثلث کا مزکر تقل ہے [تطليل] ۵۷ ۔ مکافی کے ایک عاس پر داس اور ماسکہ سے عود اور اس ما تکانے شئے ہیں اب کروکہ س ما = س ما ×ار + س الا آ أني كسي ايس تحثيث ٢٧ - مكافي ير ايك نقطه ن بي ، إلى برعمود س ر نکالا غیا ہے اور یہ راس پر سے ماس کو ریر متاہے نابت کرو کہ اور ' ن ل کا لجے ہے جمان ن نقطه ن سے محوریر عمود نکالا کیا ہے ، اکلیرکالج سندن

الله مكافى الك مثلث متباوى الاضلاع نم ضلعون كو نقاط له ، ب ، ج بر مس كرا ب اور يه نقاط بالترتيب لو، ب ، ج كم مقابل كم اضلاع بير واقع بين ، خابت كروكه لود، ب ، ج ج مكافى غير واقع بين المنظى المنطى المنظى غير واسم بير ملت بين المنظى كالى غير واسم بير ملت بين

لرو که متحک سلجی کے راس برکا مماس ہمیشه ایک تابت دائرہ کو مسس کرا ہے [شرنتی کا بج سخشلہ] معمد سبماف ہر دہ نقاط در ن قریب کو ان کو مکن

9%۔ مکافی بر دو نقاط ن ' قُ ہیں ' ان کو مرکز مان کر ایسے دائرے کھنچے گئے ہیں جو ماسکہ میں سے گذرتے ہیں اور ایک دوسرے کو میں اور کہ بیر گذرتے ہیں اور ایک دوسرے کو میں اور

مدر سے ہیں اور ایک بر سرک و سے است کا مار وں سے علی القوائم کا طبت ہیں ' اگر ق اور ان دائروں سے نقاط مقاطع کو م اور م نقاط تقاطع کو ملانے والے خطوط مرتب کو م اور م پر کاٹین کو تابت کروکہ زاویہ م ن مئر زادیہ کرن س

[بمبروک کالج سخت میا ۵۰ - ایک مکا فی میں زاویہ اس ن جار تہائی قائمہ کے برابر ہے ' ٹابت کروکہ ن پر کا معین اور وتر خاص

برابر ہے ہماہت رور کی پر کا سین اور ور جائی کے ایک سرے برکا عاد ایکدوسرے کو محور بر قطع کرنے ہیں

[ادن کالج مشدله] اه- مکافی کے دو ماسون سے مقام معلم ہیں اور

اہ۔ مکائی کے دو ماسون کے مقام معلوم ہیں اور ا اِن کے نقاط تاس بھی دے ہوئے ہیں' سنحی کا ماسکہ ا اور مرتب معلوم کرو [کوین کالج مششکائے] ایک شلمی کے نقاط ن ، ق بر ماسس و ن ، و ق کھنچے گئے ہیں ، س ماسکہ ہے ، اگر وس ، و ن ق بین سے گذرنوا نے دائرہ کو دو بارہ م بر لمے تو نابت کردکہ س ، وم کی تنصیف کرنا ہے ۔ [کون کابج مشاریء]

۳۵ – نقطہ ن پرکا عاد ن گ ہے، اگر مکانی کے ایک نقطہ سے ایک ایسے دائرہ کا ماس کھنیا

ے ایک تفظہ سے ایک ایسے دارہ کا عامل طبیع جائے جس کا مرکز گ اور نضف قطرگ ن ہو تو ثابت کرد کہ یہ ماس اس عمود کے برابر مہو گا جو آئ نقطہ ۔۔۔۔ دن کے معین ہر نکالا جائے

نقطہ سے ن کے معین بر نکالا جائے [جیسس کالج ششاء]

۲۷ - مثلث الب ج کے خارجی زادیہ الکے منصف پرلیکا ٹابت نقطبہ دف ہے ، دف الاکو وٹر مان کر ایک دائرہ کھینچا گیا ہے جو الب ، الب ج کو ن اور تی پر کا ٹما ہے ، ثابت کرو کہ ن تی ایک ایسے تلجی

یر مانا ہے جب کرو مہ ماں ایک جی بی بی کو لائے گو گفت کرتا ہے جب کا ماسکہ ن ہے اور جس کے رائسس پر کا ماس اُن عمودون کے بائیں کو لانے والا مستقیم خط ہے جو نقطہ ن سے ارب اور ابع یر نکاتے جائیں

[بسيس كالج مثثثاء]

مبندسي محزو كحات تخلجی سے راس پر ماس کھینجا گیا ہے اور امریم دو نقطے ما اور ما ایسے لئے گئے بین کوس ما پرس ما ایک متقل مقدار ہے ، شکجی سے باقی دو ماس جو ما اور ما میں سے گذر نے ہیں وہ نقطہ تی ہر بلتے ہیں شابت کروکہ ق کا طریق آیک دائرہ ہے : اللہ ہیں شابت کروکہ ق کا طریق آیک دائرہ ہے : [جون كالج مدمل]

40۔ ایک داڑہ ایک شبھی کو نقطہ ن پر مسس بڑتا ہے اور ماسکہ س میں سے گذرتا ہے ِ اگر بھی کا راس کر ہو اور دائرہ محور کو دو بارہ ک کائے کو ٹابت کرو کہ لوک ' ن نے فصلہ کا میں گنا ہے [سلون کالج مثثثله]

٥٥- مشلمي سے ايک ماس پر دو نقطے نامق كئے بيں جن سے فاصلے شلجي سے اسكہ ماوسی میں مثابت کرو کہ ن اور می میں سے

گزر نے قائے باتی دو ماس ایک دوسرے کو مور پر کمنگے۔

[پیٹر ہوسس سیمیا] ۵۸- شلجی پر تین نقطے ن ، ق ، ر بن ، وتر ن ر نقطہ تی میں سے گذر نے والے قطر کو

س پر ملتاہے ، وتر ن ق ، ر میں سے گذرنوانے قطر کو ط پر ماتا ہے تابت کرو کہ س ط ' ن پر کے ماس سے متوازی ہے شلجی کا راس کوئ ماسکه میں ، اور میں سے گذر نیوا لے ہے ، نقطہ و میں سے ایک نقطے ن اور ق لئے گئے ہن أبت اکی ن میں سے گندنے والے ماسات کا

تاس ق میں سے گذرنے والے ماسات کے وتر تاس کو زاویہ والس کے منصّف پر قطع کڑا ہے

[طرنتل كالج تليث كما

کا راش از اور ماسکه مس ہے ٠٦٠ ایب مجمی 6 راس و اور ماسکہ کلی ہے: شکبی کے محور بیر ایک بیرونی نقطہ ن کیا گیاہے؛ اگر ن سِ کو قطر مان کر ایک دائرہ کھینیا جائے ا بر کا عاس اس دائرہ کو ق اور زریر

تو خابت کرد که ن ق اور ن که شلجی کو نیز تابت کرو که اگر کوئی عاس دائره کوئی ا

۱۹۷- ایک محبی جار ایسے معطون و اب بار میں سے گذر تا ہے کہ او ب اج در کے متوازی بہے اسلمی کے مور دریافت سرنے کا ہندسی عل دریافت کرو۔

[بيسس كالج تحثيثه]

۱۹۳ و اور ن دو ٹابت نقطے ہیں ، کئی ایک مشلمی خط تھینے گئے ہیں جو ن میں سے گذرتے ہیں اور جن سب کا راس ال ہے ، ٹابت کروکہ بی بر سمے عاس کے ال بر کے عاس اور عاد سمے

عليات

ساتھ تفاطع کے نقاط دو ما بت واٹرون بیر واقع ہیں اور ان دائردن میں سے ایک دائرہ دوسرنکا وگناہے [جُون مُحَمَّنه]

۱۹۲ اگر شکجی سے کسی نقطہ ن ہے محور اور راس برمے عاس پر عمود ن ل ، ن م شینے جانین تو تا بت کرو کہ م ل ہمیشہ ایک شلجی سو مسس ترا ہے۔

شكمي كالشغير ماس دو نابت ما سون كو نقاط ط اور طَ پُر قطع کُرنا ہے ، ٹابت کروکہ تنبت

[شرنتی کالج سنشکه]

ار اگر سلمی کے ایک قطر ن ص پر عمود ق د نکالا جائے تو نابت تروکہ

قد: قص = س ا: س ن

[شرمتی کالج سنششل] ، شلبی کے ماسکہ س کے ن پرسے ایک عمود س ما کینیا گیا ہے ' اس عمود مے یائیں ما میں سے ماک محور نے متوازی

گیا ہے جو عاد ن گ کوک پر لماہے س ک کو ملایا گیا ہے ، نابت کرو کہ شلیّات اور س ک ن میں سے سرایک

مثلت س ن ما کے برابر ہے. [شرنطی ہوس بت خط ہے جو و میں م پر کوئی نقطہ ق لیا گیا ہے ' اگر ون ق اس زاویه م م سے بنا آ ہے تو ابت کرد مشلبی ہے۔ اگر اس مثلث کے ضلعون سے ایک اور شلت ناا ما كروك شَلْتُ وب ج ك اضلاع طول لت کے اضابع کے جار محنے ہیں اسلمی کے نقاط ن ان پر مانس بین اور وہ ایک دوسرے کو ن پر ترت بین استامی کا راس و سے اور مورا ل اور ن ، ن ، ن پر

معینو ن کے یائیں ل کا ل، ک ل ہیں ثابت ٥١: ١١ = ١١: ١١ = ١١ : ١١ [آی سی الیس محثثا] ای می ایس سنا ۱۱۔ وق 'وق شلجی کے ماس ہیں اور وص قطر ہے اگر وص ِ مرتب کو ک پر کمے اور ق ق مور کو لَ پرکا مے تو نابت کردکہ وکے = س ل جان س ماسکہ ہے ٧٤- اگر ايك ماسكي وتر ن سي ق سے سروں برع ماس ایک دوسرتے کو حریر قطع کریں توس حراہیں اور ن ق کا وسط تناسب ہوگا . [أني - سي - البيس تنتششله] ٣٥- ايك دئ ہوئي دائرہ سے ايك قطعہ کے اندر جو دائرے بن سکین ان کے مرکزون کا طربق دریافت حرو ۔ [بیشر بهومس مخت که] کے اسکہ میں سے تین وتر بھی ہے ،سد ں یں اس کے ہیں! اس ق ' رس ز گزر تے ہیں! اس میں ہے ہیں استے

ٹابت کروکہ مثلثوں ن ق لہ اور ن ق کر سے رقبون کو آپ میں وہی تنبیت ہے جو ن ق اور ن اقر ن ان ک کے معینوں کے طامل خراول کو آپ میں ہو ہے اور ک کا کا کو آپ میں ہوس کھا ا

۵ ۔۔ دو مستقد خط و سے ہوئے ہیں اور سبجی محکوط ا کا ایک سلسلہ اِن خطوط کو مس سرما ہے اور اس سلسلم کا ہر ایک شلجمی ان میں سے ایک خط کو ہمیشہ ایک

غطہ معینہ بر مس کرتا ہے تابت کروکہ اِن شکمی خطوط سمے ماسکے ایک ثابت دائرہ سمے محیط پر واقع ہیں ور ایکے مرتبات ایک نابت نقطہ میں سے گذر نے ہی

ے۔ دو ساوی شکبی ہیں ان کا تحور مشترک ہے۔ در ایکے تعبر متقابل سنتوں میں کیمیر دئے گئے ہیں ا

ز ایک شلبمی کے ایسے وتر تھینچے جائیں جودوسر شلجی سے ماس ہون تو نابت کروکہ ان وتروں کے نقطہ تنصیف

ا طرنق آیک ایبا تنگجی ہے جبکے خطی البعاد دیے ہوتے لمجمی خطوط کے البعاد سے نملٹ ہیں دطوط سے البعاد سے نملٹ ہیں

، ہے۔ ن بر کا عاد راس برکے ماس کو ف بر اور سنی کو دو بارہ ن بر لما ہے اگر شلجی کا محور ن بر

ماس اور عاد کو بالترتیب ط اور گ بر کے تو ثابت کرو کہ ن ن × ن ن = ط گ

[ٹرنٹی ہوسس ششکہ] مریہ سشبھی سے ایک نقطہ ن پر کا عاد منعنی کو دو بارہ

ق يرمنا ب، وترن ق كا قطب ط ب اور جو خط ط کو ماسکہ س سے ملاتا ہے وہ اس خط کو جو سلم س سار ہود کھنینے ۔ سے میں ن پر عمود کھنینے ۔ ہو ویر مآ ہے 'ٹابت کرو کہ س = س و اور زاویه ط وق قائمه ماسكى وترق قُ كَا نقطه تنصيفينه اور ق ، ق برتے ماس ط پر ملتے ہیں۔ نابے کو ا ق بی کے بیرون دائرہ اور خط طاص کے نقطہ کے نقاط ن کن پر عاد ہیں نابت کرو كم وتر نا ن اكب ثابت نقطه مين سے گذرتا ہے۔ شكمى وضعًا اورِ شكلاً

اور انکا مور ایک ہی رہے ، ایک تناجی کا ایک ماس کھینیا گیا ہے جو دوسرے سناجی کو ن اور ماس کھینیا گیا ہے جو دوسرے سناجی کو ن اور ق بر منا ہے تابت کروکہ ق کا عمودی فاصلہ اس فطر سے جو ن میں سے گذرتا ہے متقل ہے اور تناجی کے اس حصے کا رقبہ جو دتر ن ق کھنینے کا سے کنا ہے ہو دتر ن ق کھنینے کے اس حصے کا رقبہ جو دتر ن ق کھنینے کے اس حصے کا رقبہ جو دتر ن ق کھنینے کیا ہے متقل ہے اس حصے کا رقبہ جو دیر کابے میں کا رسے کہا ہے متقل ہے اس حصے کا رقبہ جو دیر کی تی کھینے کے اس حصے کا رقبہ جو دیر کی تی کھینے کا دیا ہے متقل ہے ایک کابے میں کا دیا ہے کہا ہ

علياست

تخلجی پر ایک ایبا نقطه دریافت کروجس برکا [مرمعي إل عثثام] متساوی الساقین ہے انتخابت کروکہ جو خط اضلاع کے نقطہ تقاطع کو اسکہ سے ملایا ہے وہ مقابل کے ضلع کے نقطہ تماس میں سے گذرتا ہے تنکمی خطوط جن کا ما سکہ مشترک ہے ایکدوسیخ کو زاویہ قائمہ پر کا ٹنتے ہیں ٹابت کروگہ انجلے را شونکا خط وصل ماسکہ میں سے گذرتا ہے اور ان سے نعظ تقاطع سے ماکی نیم قطر کے برابر ہے ل شلجي کا کوئي معين هو آور ق ل ي کوئی وتر ہو جو ل میں سے گذرے اور شکبی کو ق ور ق یر کافے تو ٹابت کروکہ تی اور تی سے مبینون کی حاصل صرب ن ل کے مربع کے برابر ہو گی ۔

اسلون مشکیا ۱۹۸- دو نابت ستقیم خط ایکدو سرے کو ل پر قطع کرتے ہیں اور ب ایک نابت نقطہ ہے، اگر

ایک الیا دائرہ کھینجا جائے جو او اور ب میں سے گذرے خطون کو بخ اور ﴿ يركا في تو ثابت كروكه ج ﴿ اس نقطه پر حس کا معین ایسکے فصلہ وتر کھینجا گیا ہے نابت کردکہ اسکے محاذی اسکہ بر زاویہ قایمہ بنا ہے [بنر ہ ر۔ ایک دائرہ شلجی کے ماسکہ میں سے گذرتا ہے میہ ہے اور علاوہ ایکے ل اور م پر کا ٹٹآ۔ اگریہ مور کو ع پر قطع کرے تو آبت کرو کہ ل ن ہو اور شلجی دو نقاط معلومہ میں سے گذرے اور ایسے خط کو مس کرہے جو (ان دو نقاط معلومہ میں) ایک نقطہ سے گذرتا ہو تو تلجی کے مرتب کا مقام ہندی تنکبی کے عامات طان کا طاق کیے تھا ذی جو زاوئے بنتے ہیں وہ ط کے سب مقا**م** متعل میں ، نابت کروکہ اگر مثلثا ست س ن ط ا س ط ق کے گرد دائرے نیا ئے جائیں تو ان کے مرکزون کا درمیانی فاصلہ ایسے بدلیگا [کلیرکا لج سیمیر] جيب س طا

<u>ا ہے۔ ایک شکجی کا ماسکی وتر ن تی سبے اور تی میں سسے</u> گزر نے والے قطر پر کو کی نقطہ ر ہے ^{رہ ن}ابت کرد کہ اُس ماسکی و ترکا طول جو ن را کے متوازی ہے = ن را ا ب ج کے ضلعوں پر ءُ ع ، ف لئے گئے ہیں آور تین سم ماسکہ شکیمی سیج سے ایک ب ن 'اِت ع ' ع ہے اور ہاتی دوشلجی خطوط کے متاثل ٹلانیوں ماسکه س سبے اور مرتبات ایک ، اسے اک پر قطع کرتے ہیں ا ناب کرو کہ مثلثات ع س ح ' ن س ک س ع ، س متناسب میں۔ [فرنٹی کا لج مشششاء]

شکمی ہیں ان کے ایک نقطہ ہیردنی

ماس بط ن مطرق اور ووسرے سے کھنچے گئے ہیں ^ا اگر زاو یوں لِ س کا مجنوعه ۸۰ هو تونا بت کرو که

ن ر ، ق س یا تو متوازی ہیں یا ماسکہ پر مطنتے ہیں ا اگر و ه متوازی ببوں تو ٹا بت کرو کہ و ہ شکیج مطوط کے شترک ماسوں کے بھی متوازی ہیں۔ [پرکری بیطشنام]

م م م م و تابت نقطوں را اور ب سے ایک سنفیر خط برعمود را ن ب ب ق نکالے گئے ہیں ' اگر ذو اربستہ الا صنلاع را ب ب ق ن کا رقبہ مستقل ہوتو نابت کروکہ متفیر خط کا نقاف شامجی ہے ۔

الا صنلاع کے مشامجی ہے ۔

(کیڑ کا لیے شامجی کے و متر خاص کے ایک سرے خ پر کا عاد

48 - سلجی کے وتر خاص کے ایک سرے خے برکا عاد سنحنی کو دوبارہ ن پر ملتا ہے ' ن برکا ماس' ممدودہ و ترخاص کو طر بر ملتا ہے ۔ فاہت کرد کہ خ م وتر خاص کا ہے گنا اور ل ط بھے گنا اور بھی جہاں ن ل نقطہ ن سے محور پر عمود ہے ۔

[كيتحرين كالج مثثنا]

94 - تناجمیٰ کا راس 1 اور ما سکه س سیّے اور اس پر
کوئی نقط ن لیا گیا ہے ' ن پر کا معین ن ل ہے کا
اگر ماسکہ س میں سے میں ن پرعمود کینیا جائے اور یعود
ن پر کے عاد کوع پر لیے اور ع کا معین ع م ہو تو
نابت کرو کہ میں م = ۲ اول

[وین کالج ملاشار] ۱۹۵ - ایک شلجی بر دو نقاط ن ادر ق میں اور انکو الا نے والے وتر کا وسطی نقطہ ر ہے، رل نقطہ رکا معین ہے جو محور پر عموہ ہے ن ق بر عمود رک نکالاگیا ہے اور یہ محور کو گ بر ماتا ہے۔

[سلن كالجسلتا]

[المحين كالج للمدر] نا بت کرو که وترخاص ح<u>پو</u>۔ ہے جو شکھمی میں تھینیا جا سکتا ہے۔ [كيتھرين كالج تششا] ایسا شکجی بناؤ جو تین دے ہوئے خطوط متقیم کو مس کرے اور حس کا ما سکہ ایک ا**ور و**ئے ہو^{ئے} متوازی ایک خط کھینجا گیا ہے جو منحنی کو ق بر ملتا ہے' ن میں سے گزر نے والا قطر س ق کوع پرملتا ہے نا بت كروكه ع كاطريق ايك ايسا شالجي سي جس كا وتر ئے ہوئے شلجی تے وٹر فاص کا تصف ۔ [جيسس كالج سلاثال شلجم کے نقطہ ن پر کا علو ن ک ہے عا ك سنے ايك خط ك رابيا كھينيا كيا ہے جو س ن پر عمود سے ادر جو اُس دائرہ کو نجو س ن کو قطر مان کر تھینچا جائے نقطہ ل پر ملتا ہے ، اگر ل میں کو خارج کیا جانئے تو وہ ن پر کے حاس کو و پر ملتا ہے ان متقل ہے۔

شکجی خطوط اس طرح کینیجے کئے ہیں کہ وہ دِد نا بت نقاط کا اور ب میں سے گزرتے ہیں اور ایکے معینہ میں واقع ہو تے ہیں کم ان کے ما سکوں کا طریق دریا فت کرو۔

[سينف جون كالج ملاثا

شکجی خطوط کا ایک سستہ ہیں ہے۔ ٹی (شکجی) کے راس برکا ماس ایک اور دے اور منطبق ہوتا ہے اور اس سلسلہ کے ہرایک شکھی کا اسکہ دیئے ہوئے شائجی پر واقع ہوتا ہے۔ نبابت کرو کہ یہ شلحبی خطوط ایک دوسرے کو د ئے ہوئے شاہمی کے اسکہ پر قطع کرتے ہیں۔

[يتربوسس الثثا]

ا کے شکھی کے نقطہ ن پر کا ماس ایک نا بت وا ئرہ کو حس کا مرکز ہا سکہ ہے تی اور ر پر ملتا ہے اگر شلجی سے باتی دو ماس جو ق اور ربیس سے گزرتے ہیں ایک دوسرے کوط پر قطع کریں اور دائرہ کے ق اور ریر کے ماس ایک ووسرے کو ص پرملیں تو نا بت کر و کہ طاص مرتب کے ستوازی ہے۔ [بيتر بوسس عشيرا]

ایک شامجی کے ماسکی و ترکے نقطہ نصیف میں سے ایک آیسا خط تھینجا کیا ہے جو مرتب پر عمو و ہے اور جس کا طول ما سکی و تر کا نصف ہے اسکے سرے کا

ب شامجی کے نقطہ ن سے راس پر کے ماس

أترنتي موس شفا

نقطہ میں سے ایک وتر ن ق عزرتا ہے ' اگر ایک دئے

تی کے معینوں کے یا یوں میں سے گزرے تو خاہد

كرا سب أور ايك وسئ بوسئ خطست ايك ايسا حصد

(ميس کالج مشتر)

ن س نَ ایک خلجی کا اسکی و ترہے، ن اور نَ مِس سے تزرینے واتے قطر نَ اور ن برمے

طریق دریا فت کرو -

برعمود ن م کنینجا گیا ہے ' اگر نقطہ م سے 1 ن پر عمود

م ق تخالا طائے تو ٹابٹ کرو کہ می کا طریق ایک وارو ہے

ع ١٠٠ ايك شلجي كے مورير ايك نابت نقطه سب اس

ہوئے تضف نظر کا ایک دائرہ نبایا جائے جو ن اور

كروكه دائرہ كے مركز كاطريق ايك دائرہ ہے

١٠٨ - ایک دائره ایک وے موے وائره کوزاویہ قاممہر قطع

کا متا ہے جس کا طول ہمیشہ مستقل رہتا ہے ، نا بت کرو

کہ اس دائرہ کے مرکز کا طریق شکمی سبے اور ان دائروں کے وتر تقاطع کا لفا من ایک مخروطی تراش ہے۔

عادوں کو ہالترتیب ص اور ص پر ملتے ہیں، نا بٹ کروکہ ن ص صُ نَ ایک متوازی الاصلاع ہے ١١٠- ايك قطاع وائره ج أن جي وائره كام كزج ہے اور اس کے نصف قطر ہے 1 کو ٹابٹ کرویا گیا کہے ، اگرج 4 اور ج ن وو ہن کو خارج کیا جائے اورا بک اییا دا رہ تھینجا جا ہے جو ان ممرو وہ خطوط کومس کرے اور قوس المِن بوجي خارجًا مس برے تو نا بت بروك اس وائرہ کے مرکز کاطریق ایک شلجی ہے [جون كالج صفية] امک شلیمی ایک مفلط کے تینوں اصلاع کو مس لرتا ہے اور اس سے محور کی سمت دی ہوئی ہے ، نا ہ**ے کرو** کہ ذیل کے عمل سے اس کا اسکہ معلوم ہو سکتا ہے ۔ مثلث کے ایک راس الزا ویہ ال میں سلے دی ہو ٹی سمت يرعود 1/ كالوجودائره 1 ب ج كو د ير ك انقطد میں سے مقابل کے صلع پر عمود د س کھینچو جو وائرہ مذكور كو مس ير كه ، تب مس تتلجمي كا ما سكه جو گا -[يتر جوس ستعدا] ایک شلمی بر تبین نقط ن می دری اور كا الله س ب ، نقطه ريس سے خط ردي تن کیلنچے گئے ہیں جو ن اور ق کے ماسات کے

لترتیب متوازی ہیں اور جوت میں سے گزر نے والے قطر کو 🗻 اور ص پر ملتے ہیں ، ہندسی طریق سے نابت کرو کہ رک^ا = ۴ س ن × ق ص اس نتیجے کی مرد سے ہ منلہ کو سندسی طریق سے نا بت کرو ۔ ایک ظامجی کے ماس طاق اطار نقطرن برکے ماس کو کا اور ما پر ملتے ہیں - جو قطرط میں سے گزر تا ہے اس کے سرے پر کا ماس ن پرنے ماس کو و پر ملاہے ' اگر میں ماسکہ ہو تو نابت کرو کہ سن×ق ر=۲ س و× √ما

ں کہ ان کے قعرمتقابل جا بنوں میں واقع ہیں' تتقیم خط جو محور کے متوازی ہے ان کو ن اور ن يركمتا ك ان كا وترمشترك ى قى كى ن بى كور يركما ئے ' ٹابت کرو کہ رق × رَقّ : ن نَ ایک م سنبت ہے،

مثلث بنا إگيارت بيس معلوم سي عداس مثلث كا بیرونی دائرہ ماسکہ میں سے گوراتا ہے ، نابت کرو کہ اس دائرہ کا ماس جو شامجی کے ماسکہ بر کھنینیا حاتے محورسے ایک ابسا زاویہ نبانا سے جوائن تینوں زا و پو مجکم مجموعہ جبریہ کے مساوی ہوتا ہے جوشکجی کے ماس محور سے بناتے ہیں

[يتربوس سممه أ

110- ایک شلیجی کے نقطہ ن پر کا عاو ن ق سے اور ط اس کا قطب کہتے ' نابت کرو کہ ن س ' طبیر ہے گزرنے والے قطر کے راس میں سے گزرہا ہے۔

[يتر ډوس محث نه]

ا کستھر کے مستقیم خطیں سے دونا ہت وائرے ہمیشہ ساوی و تر کا گئتے ہیں 'فالبت کرو کریہ خطہ بیشہ ایک ایسے

شلجی کو مس کرتا ہے جس کا اسکہ وائروں کے مرکزول

کے خط وصل کا نقطہ تنصیف ہے

الراك الكي الكي المح براك نقطه كے معين كو محور کے پنیچے اثنا خارج کیا جائے کہ اس کا طول اس فاصلیکے سماوی ہوجائے جو ما سکہ اور نقطہ مذکورہ کے درمیان

ہے تو ٹا ہٹ کرد کہ معین کے سرے کا طریق ایک اور شائجی ہے اور ان منعنیات کے کمور ایک دو سرے سے ایک ایسازاویہ بنائے ہیں جو نفف زاویہ الائمہ

کے برابرسیے ،

(کلیرکایج شفشهٔ)

110- ایک شانجی کے دد نابن ماس ط می کط رہیں ان کو ایک شانجی کے دد نابن ماس ط می کط رہیں ان کو ایک متنبر ماس کا اور ھا پر ملتا ہے، اگر شانجی کا ایک ایسا و تر کھینچا جائے جو کا ھا کے مساوی شانجی اور متوازی ہو تو نابت کرد کہ یہ د تر ایک مساوی شانجی کولٹ کرتا ہے

[ترنتی کالج سیمید] 119- ایک شلجی کے ایک نقطہ ن میں سے ایک ایسا خط کھینچا گیا ہے جو ن اور راس کے خط و صل پر عمود ہے ' یہ خط محور کو ک پر ملتا ہے اور ن پر کا عاد محور کو گ پر ملتا ہے ' ٹابت کروکہ گ ک نصف وترفال کے برابر ہے ۔

الرمنی کا بعث ایک نقطہ میں سے دو وتر کھینچے گئے ہیں جو اس نقطہ پر کے ماس سے مساوی زاد سے بناتے ہیں ' اگر ان و تروں کے تعطر کھینچے جا ئیں تو نمایت کرو کہ و تروں کے طول ایکے قطرو بھے اُن حصوں کے متنا ' ہو گئے جو منحنی ادر قطروں کے در میان واقع ہیں -المرانی کا بے سیمنا ا

۱۲۱- ن س ن ایک شائجی کا ماسکی و ترجے ن س اور ن س کو قطر مان کر دائرے کینیچے گئے ہیں ، خاہب کر دکہ دائروں کے کسی مشترک ماس کا طول اس

اور نن کا وسط تنا سب ہے ووستقیم خط و کا اور و صا ایک دور زاویہ قائمہ پر قطع کرتے ہیں اور ایک منتقیم خطان ق أن كو نقاط ن أور ق يرقط كرا سيم اور ك ق كا نقط تنصف الك نابت متقم خط إب برواقع بوتا ہے و ٹابت کرو کہ متقیم حظ ن آق ہمیشہ ایک ٹابت (ترمنتي کا کمج هششهٔ] اکرِن پربا عاد ن گِ مور کوگ پر کے اور اگر نقطہ ک پر ایک معین آپ می قائم کیا جا ہے تو نابت کرو کہ ن گ اور ق ک کے مرببول کا متقل مقدار کے برابر سے يمرك كالج مششا ایک مزکر دار تراش کا قطر سی ط ایک و تر ی ق کو ص پر کا ٹنا ہے' منحنی کو ن پر اور ق پر ے آس کو ط پر' تا بت کرو کہ ہے ص × ہے طعہ ہے ن هلجي كي صورت ميں يہ سئله كيا موسكا - اسسى كو ن س ق ایک خلجی کا ما سکی و تر ہے۔

ن ک بن پر کا عاد ہے اور ن ک ک نضف مغیر

ہے اگر ن ل کو اتما خارج کیا جائے کہ وہ ق میں کے گزر نے والے قطر کو سے بر کھے تو نا ہت کرو کہ ح کی ان ک پرعموہ ہے اگر نن گ پرعموہ ہے اگر ننٹی ہوس مشکدا] المنٹی ہوس مشکدا] المنٹی ہوس مشکدا] سے شامجی کے مرتب بر کو تی نقطہ و ہے نقطہ و سے متوازی دو مستقیم حظ کھینچے گئے ہیں اور ماسکہ میں بس سے ان ماسات کے متوازی دو مستقیم حظ کھینچے گئے ہیں اور ماسکہ میں بس سے ان ماسات کے متوازی دو مستقیم حظ کھینچے گئے ہیں اور ماسکہ میں بس سے ان ماسات کے متوازی دو مستقیم حظ کھینچے گئے

بں سے ان ماسات کے متوازی دو مستقیم حظ تھیںجے۔گئے ہیں ' ٹا بت کرو کہ مرتب کا جو حصہ ان متواز کی خطوط کے در سیان واقع ہے اس کی تنصیف و مرہوتی ہے ای کہ بارہ میں کی روہ درا

تے در مین واقع ہے اس می مطلیف و پر ہوتی ہے [کرائٹ کالج مفتلا] ۱۲۷- رسی کے ایک حلقہ دن تی کو و پر باندہ دیا

کیا ہے اور وہ جیو ٹے جیموٹے والنے ک اور ق بسی پر حرکت کر سکتے ہیں' اگر رسی کو ہمیشہ کس کر رکھا عامئے اور ون' وی کے برابر ہو اور ن می کی سمت جمعۂ و سی رہے تو ٹاسٹ کے وکہ دن رور ہی سکم

بوسے اور وں وی سے برابر ہو اور ن کی مت ہمیشہ و ہی رہے تو ٹا بت کرو کہ ن اور ق کے المریق دونوں کا ماسکہ وہے۔ طریق دو شلجی خطوط ہیں جن دونوں کا ماسکہ وہے۔ (کوین کالجمعث کا بت دائرہ راکب خارت نقطہ و ہے۔

۱۲۸- ایک نابت دائرہ برایک نابت نقطہ و ہے ادارہ برایک نابت نقطہ و ہے ادارہ برایک اور و بر کے دائرہ برایک ماسکہ اور و بر کے ماس کو مرتب ما نکر ایک شلجی کھینچا گیا ہے اگر و سے سلجی کے ماس مطلقے جائیں تو نیا بت گروکہ ایک سنطجی کے ماس مطلقے جائیں تو نیا بت گروکہ ایک

نقاط ماس کا طریق ایک دائرہ ہے۔ [کوین کالج عششاء]

الون ہے مسام ا 149۔ اگر شلمجی کے کسی نقطہ سے ونز کھینیے جا میں

جو اس نقطہ پرکے ماس سے مساومی زاوے بنائیں تونا ہت کروکہ اسکے طولوں کو آپس میں دہی نسبت ہوگی جوا مکے متوازمی ماسکی وٹروں کو ہے۔

[كيتحرين كالج مششله]

۱۳۰۰ ایک و ئے ہوئے دائرے کے محط پر ایک نابت نقطہ د ہے اور ج دائرہ کا مرکز ہے ، اگر

کو ئی و تر رس ا د ہے کے متوازی ہو اور اس وتر کا نقطہ تنصیف م ہو تو نابت کرو کہ ج ر ا ہے س خط

< م کو ایک شامجی پر قطع کرتے ہیں۔

[جيس كالج شيث]

ستقیم خط کھینی جائے جو قطبی پر عمود ہواور جو و س کو رگیر ہے تو نابت کروکہ و س = س ر

[جيس كالج مشفا]

ا ایک ماس مفترک مین شامجی خطوں کا ایک ماس مفترک میے اس ما سر مفترک میے فا بیت کروکہ ان کے مفترک ماسول کے جو باقی زوج ہیں ان کے نفت ط تقاطع ایک ہی خط پر واقع میں ان کے نفت ط

ہوتے ہیں ۱۳۱۳- ایک شلجی کے دوماس کھنیچے گئے ہیں اگر انگے وتر تاس پر ماسکہ سے ایک عبود نکا لاجائے تو ٹا سب کرو كر يرعود أس مقطوعه ك نقطه تنصيف مين سے كرورتا ہے جوراس پرکے ماس پر ان دو ما سوں کے درمیان وارقع سبے ۔ وی شلجمی خطوط کے کئی زوج کھینچے کئے ہیں ا ، شلجم كا ما سكه ايك ديا بهوا نقطه س ب اور بر ت دوج كاايك طلجي ايك ويئ بوسئ خطر إلب ہے اور اس کا دو سراشلجی خط ال ج کومس ہے ' ناہب کروکہ ان کے مفترک ماسوں کا ایک شلجی ہے جس کا مرتب س میں سے ب اور جو ال ب اور ال ج كو ايسے تقطو س مس کرتا ہے جن کا خط وصل س میں سے گزرتا [ج ن كالج سممية] تنظیمی کا ماسکہ میں ہے اور اس کے مین نقاطر بن ارق از پر مین ماس و لان وماق لارما کینیج گئے ہیں۔ اگر ماس لاما اپنا سقام برائے تو س کے علاوہ جو دوائر س لان سماق

کا دوسرا تقاطع ہے اِس کاطریق دریا نت کرو۔ آيتر بوس ستشدا ۱۳۶- اگر دوست کجی خطوں کا ایک مشترک ماسکہ ہو تو نابت کردکہ جو خط ما سکہ کو مرتبوں کے نقطہ تقا طع سے الما ا ہے وہ شکمی منطوں کے مشترک ماس پر عمود ہے۔ شکی خطوں کا ایک ہی راس ہے اورایک ان کے و تر فاص ساسلہ ہندسی_ہ میں ہیں[۔] ناجی کے کسی نقطہ سے در سیانی سٹ کجی کے ینجے جائیں اور ان کا وِ تر تا سِ ن ق ہوتو نا بت کروکہ نن ق آندرو نی شاہمی کو مس کرتا ہے -[کلیرکالج سمدی] ایک مثلث دیا ہوا ہے ' افر ایک شکمی اسکے نینوں ا منلاع کو مس کرے تو ٹابت کروکہ ہرای^{ں۔} وتر تماس ایک نا مع نقطه میں سے گزر کیا۔ [ترمنتی کا لج مسمماً] اکس فلیمی کے ماسکو کو مرکز مان کر ایک وائرہ کھینی گیا ہے اور وہ ن پرکے ماس کو دو نقطوں يركأ متا ہے ایک نقطہ تو مرتب پر جے اور دوسرا نقطه ط ہے ، س ن یا س ن مدودہ پرعمود طم تخالا گیا ہے' نا بت کرو کہ س م تضف و تر نہا کس

کے برابر ہے۔ ۱۴۷۰ ایک بیرو نی نقطہ و سے ایک شکیجی کے درماس وق

اور وی گفینچے کئے ہیں اور نقطہ و سے محور پر عموہ مکالا گیا سبے جو اس کو ل پر کا ٹھا ہے ' ٹاہیت کرد کہ ل تی اور

سوط ہو آئی تو ک پر قا سا ہے۔ ناجت کرد کہ ل ق محورسے مساوی زاوے بنانے ہیں۔

[کنیرکالج شکشند] ۱۸۲ - دومشلمی خطور کا ایک ہی ما سکہ ہے اور ایک

ہی محور 'اگرایک سٹ کھی کے نقطہ ن پر مماس کھینیا جائے تو وہ دو سرے خانجی کے نقطہ ق پر کے ماس کو زاویہ قائم

پر قطع کرتا ہے اور ان نماسوں کا نقطہ تفاطع ط ہے نامت کرو کہ ط اُن قطروں سے جو ن اور ق میں سے

ماہت کرو رہ طا ان طروں سے ہوں اور د گزر شے میں مساوی فاصلوں پر واقع ہیں

الاست ہ جسند ا ۱۳۲ - شلجی کے ایک ماسکی وتر کے سروں پر کے

ماس سے ن پر کے ماس سے ایک حصد کا طبعے ہیں، نابت کروکہ اس حصہ یا مقطوعہ کے محا ذہی اُس نقطہ پر جو ن میں سے گزرنے والے قطر اور ماسکی وترکا نقطہ

تقاطع ہے زاویہ قائمہ بنتا ہے م [کنیر کابع شششا]

۱۳۷۳ ایک نابت نقطه میں سے ایک خط کھینجا گیاہے اور اس خط پر ایک عمود فائم کہا گیا ہے جو ٹا ہست نقطہ

گزرتا ہے ' یہ عموہ ایک اور ٹا ہت خط کو ا<mark>ک</mark> ہے ' اس نقطہ میں سے نابت خطیرا ا ود فایم کیا گیا ہے جو یہلے خط کو ربینی اس خط کو جو تا نقطہ میں کسے گزرتا ہے) ن پر کامتا ہے ، نابت کروکہ متوازی ستقیم حظوں کا ایک نظام دیا خط أدو نما بت ق فی ایک علم کے ایک علم کے تھینچے گئے ہیں ' ناہت کروکہ شكل متوازي الاضلاع بنتى ہے اس م عنس پر واقع ہونے ہیں ساوی ہونو نابت کرد کہ'ل کا طریق ایک س شلجی کا ل بر کا عاد در یا فت کرو [كوين كالي سيمه

۱۳۷۹ - اگرن بر کا عاد محور کو گ برطے تو نابت کرو کہ اس دائرہ کے مرکز کا طریق جو آل ن گ کے گرد بنایا

جائے ایک شائجی سنبے عہا۔ ایک شائجی کے بین ماس و سے ہوئے ہیں اور ایک ماس کا نقطہ تماس معلوم سے ' شائجی کو بناؤ

اوراس کا ما سبکه دریا فت کرو

[میتھرین کا بج سیمٹ ا مہم ا۔ یک مثلف متساوی الاصلاع ایک نتلجمی کے

گرد بنا یا گیا ہے نامع کرد کہ مفلف کے نئین اصلاع اور تمین و تر تنا س مرتب کو ایسے پایخ نقطوں پر کا شیقے

ہیں جن میں سے دو مسلسل نقطوں کے درمیانی فاصلہ سے معاوی ماسکہ پر مساوی زاوئ بنتے ہیں۔ [زمنی کا بر مسفیلا]

۹ م آ۔ ایک غلمی کا وتر ن ن محور برعمود ہے، اگرت میں سے گزرنے والا فطر ن پر کے ماس اور عما د کوہا ترتیب

ے رزرے وان طفر ک پر سے عاش اور عما و نوبالٹریپ ق اور ر پر کھے تو تابت کرد کہ می ر کا وسطی نقطہ ایک نامہ دیشائے یہ دافہ رس

ناسب شانجی بُر واقع ہوگا ر شد ر آجیسس کا بیشششا

۰۱۵- ایک شلجی کے دو نقطوں ن اور ق برکے ماس ایک دوسرے کو ط پر اور انہی نقطوں برکے

عمادایک دوسرے کو و پر قطع کرتے ہیں اگر

محور پر عمود طام اُور ول کنا نے جامیں جو

عمليات

مور کو م اور ل پر ملیں تو خابت کرو کہ طم × ام = ول × اس تنگبی کے نقاط ن آور ق پر کے بر ملتے ہیں اور تنکبی کے قطر کھنے گئے ہیں جو ن فی کو تین مساوی حصوں میں بم كرتے میں - اگر ان قطرون میں سے ايك سرے پر کا ماس ط ن پر عمود ہو تو تابت ارد کہ مثلث ن ط ق متادی السامین ہے۔ [بون کالج سخت لا ١٥٧- أكر وتر ن قى كا تطب طالمو اورن قى ن ط سے زاویہ قائمہ بنائے (یعنی ن ق نقطہ ن پر کا عاد مو ، تو نابت کرو که زاویه رط ق قائمہ سے سلجی سے تقطہ ن بیت منحیٰ اللہ سے منحیٰ ن کے نقطہ وسلمی سے منحیٰ ن ک کے نقطہ وسلمی سے منحیٰ کے دو عاد رق ، کرق کھنچے سکتے ہیں 'نابت کے دو عاد رق ، کرق کھنچے سکتے ہیں 'نابت کے دو عاد رق ، کرق سے مساوی زاؤ کرو کہ تی س کو تن س مور ناتے ہیں۔ (※)

بلبيباجي

، ۱۵۔ ایک ہلیلی کے نقطہ ن پر کا عاد مور کو ب پر ملتا ہے اور ماسکہ س میں سے ن س مذاگا ہے جہ جری سر ہذورہ قط کو ک سے

کھینچا گیا ہے ہو ج ن کے مزدوج قطر کو گ پر لمتا ہے ' ٹابت کرو کہ نسبت ج گ : س ک ہلیلی کے خوج المرکز کے بہابر ہے

[آئی سی کیس ۱۸۹۵] ۱۵۶- ایک المیلجی کے دو ماسکے اور ایک عماس دیاہوا ہے اس کو بناؤ

الی سی ایس] م

بر ملیلجی کے عاد کھنے مانیں اور ایکے نقطہ تقاطع اور ہلیجی کے مرکز کو آیک مستقم خط کے ذریعہ ملالے جانبے تو ثابت کرو کہ یہ خط ن د پر عمود ہے۔ ہلیج کے ایکے س اور س ہیں اور ان کے مقابل مرتبوں کے پائیں کا اور کا ہیں، اگر الملی کے کسی ماس پر عمود من ما ' س ما

نکالے جائیں تو ٹابت کرو کہ کا ما 'کا مکا ایکدوسر کو محد اصغریر قطع کرتے ہیں

[اَئْحُ ' سی' الیس سُششہٰ ا الملیم کے مرکز سے ن پر کے عاس پر ہے اور اس عمود کا ظل محور اصغر

ہے ، اگر ایک دائرہ شلث س ن س مے حرو بنایا بائے اور ن ق اس کا قطر ہو تو منابت کرو که

でナーした×びひ

۱۹۰- الملی کے اندرونی نقطہ و سے دو عاد وو اور و ب کھنے گئے ہیں جو ایکدوسرے سے زادیہ کائمہ ناہتے ہیں' یہ عاد دو بارہ المبلی کو بالترتیب ج

اور 🕻 پر ملتے ہیں ، ثابت کرو کہ

ہلیے کے ایک وتر ن ن کا عمودی منقف می

اعظم کو گ پر لما ہے اعابت کروکہ ج گ= را پہل جہاں ر خروج المرکز ہے اور ج ل وتر ن ن کے وسلی نقطہ کا فصلہ ہے جو مرکز ج سے ناپا گیا ہے۔

[پیرک کابج مششله]

١- دو ثابت متيقم خطون پر طول جَ لا ، ج ب كے

گئے ہیں اور ایک مربعون کا مجموعہ مستقل ہے ا متوازی الاضلاع ارب ن ج کی مکمیل کی گئی ہے ' نابت کرو که ن کا طریق ایک ہلیلی ہے جو نابت خطو^ن

یر میاوی جھے کاٹما ہے۔

۱۶۳- بلیلی پرکا کوئی نقطه ن دو مردوج نیم قطرول ج 1 ، بخ ب ك سرون سے الاً كيا ہے - ف ا

اور ن ب أقطار ج ب اور ج لو كو بالترتيب ب اور أو بر للتے ہیں ' نابت كرو كه

ffx中ナニィストメチャ

ً ۱۶۴ - ایک ہلیلی اور ایک دائرہ ہم مرکز ہیں اور ہلیلی

واٹرہ کے بالکل باہر واقع ہے ، ثابت کروکہ واٹرہ کا ایک متغیسر ماس بلیلی سے جو رقبہ کاٹما ہے وہ اقل اعظم اسوقت ہوگا جبکہ ماس ہلیکی کے مور کے متازی بهو ' مخلف صورتوں میں تمینر کرو 140- جار نقطے ن ' ق ' ل ' س ہُلیکی پر ایسے ہیں کہ ہلیلجی کا مرکز ایک محور کے اس حصہ کی تنصیعہ كتاہے جو ن ق اور رس كے درميان واقع ہوا ٹا بت کروکہ مرکز ایس محور کے ان حصون کی تنصیعت لربگا جو ن ق ، رس اور ن س ، ق ر <u>ک</u> در میان واقع ہوں گئے [ترنتي كالج معدما] ۱۹۲- امدادی دائرہ کے قطر کے مقابل کے سروں سے مللی کے ماس کھنچے گئے ہیں ثابت کرو کہ انکے نَّفَاطُ تَفَاظَعُ مُرْتَبُولُ بِرُ وَاقْعُ ہُونے ہِن 1 تىرنتى كالچىششىرا ۔ ایک دائرہ کا مرکز ج ہے اور ایسکے اندرایک ستغیر قائم الزاویہ شلٹ ک ق که بنایا گیا ہے ، ق زاویہ قائمہ ہے ، اگر ضلع ق کر ہیشہ ایک کیے عابت نقطه س میں سے گزرے جو دائرہ کے الم واقع مو تو نابت كروكه ن ق ايك يليجي كو س

ہندسی مخردطات

کرتا ہے ' اور اگرق ج اور ن س ایک دوس

كو و پر قطع كرين تو رو اور ن ق كا تقاطع وه و کر بیر س میں ۔ نقطہ ہے جہاں ن ق بلیلمی کو مس کرتا ہے انڈن بی۔ اے ادنم

۱۶۸- ثابت کرو که ایک پلیلجی میں مساوی مزدج قطرور کا ایک زوج ہوتا ہے ، اگر ہنگی کے محور اعظم کے

ایک سرے کو ایک ساوی مزدوج تطر کے

سے ملایا جائے اور اس خط وصل کے متوازی محور سرون سے خطوط کھنچے جائیں تو نابت

کرد که مَیه ہلیلی کو اُن دو نقطوں میر مینگئے جہاں دوسل

اوی مردوج قطر اسکو ملتا ہے [لندن ہی۔ اے او برز مسلم

ب مثلث ویا ہواہے ، اس کے اندر ایک

ملیلمی بنانا ہے جو اسکے اضافع کو مس کرے اگر ایک

اسکہ کا مقام معلوم ہو تو ہلیجی کو بناؤ اور اضلاع کے نقاط تاس در افت کرو ۔۔ در در مافت کرو

ایک ہلیجی کے اندر انک ایسی شکل ود اربعةالا ضلاع ہے جس میں ن فی اور س که

اگری را کن س سے متوازی ہلیسبی سے ماس جائب تو ا بت کروکہ نقاط تاس کو ملانے والا خطاع

ن تی اور س رے متوازی ہے۔ آموڈ ن کالج مشلہ

عمليانستنب ا- ن ق ایک شلجی کا وتر سے اور ط اس کا ب ہے ن ق پر سے ایک نقطہ کو مرکز مان کر ایٹا کملیجی بنایا گیا ہے جو مثلث ن طرق کے نقاط الزوایا میں سے گذرتا ہے ، نقطہ ط پر ہملیجی کا ماس کا کُ کے ایک ایک کروکہ طاک ہلیجی سے ایک ا سے قطر کے متوازی ہے جو ن ق کا مروج ہے [كيمرن كالج مخث لم] ۱۷۴- دو ہم ماسکہ ملیلجی دئے ہوئے ہیں ان پر دو نقطے ن اور ای ایسے دیے گئے ہیں کہ ماسکون كو لما نے والے خط سے محاذى ان بر مساوى زادئ ینتے ہیں ' نابت کرو کہ ن اور ق پر کے ماسوں کا زاویہ تفاطع اس زاویہ کے مساوی ہے جو ن ق سے ماذی کسی ایک اسکہ پر نتا ہے [كيتعرين كالج عثثه] ١٤١- ايك وائره كے محيط ير ايك ثابت نقط ل سے اور وائرہ پر کے کسی نقطہ ن سے او پر کے ماس پر ایک عمود ن م نکالاگیا ہے ، ثابت کرد کہ ن م کے وسطی نقطہ کا طریق ہلیجی ہے ، اسکا مرکز اور اسکے محاور دریافت کرد

[كوين كالج مثثا]

ا سکہ پر ہے اور جس کے مرتب شاہمی ۔ ص کے سروں پر رو که پیر آلیلمی، شانجی کو وو نقطوں پرمس ایک کمیلجی کے نقطہ ن پر کے ماس پر مرکز ج سے عمود کٹا لا گیا ہے اور اس کو اتنا خارج کیا گیا ہے کہ وہ ن پر کے تعین ل ن مدووہ کو ریر ملتا کا طریق ہلیکجی ہے ' نیز تابث کرو ملحی امراوی وا نره طریق کے ماس تھننچے جا کیں تو وہ ایک ہی نقطہ پر ملیں گے۔

کئے ہیں جو ہلیکجی کو ھے ہیں اوران میں سے ہر ایک وارد مرکز ج میں سے گزرتا ہے ناب کرو کہ اُن کے نضف قطروں کو آپس میں دہی تشبت > 5 5 0 5 9 2

ایسافلجی بنایا گیا ہے جو ایک دیے

ہوئے ہلیجی کے ماسکوں میں سے گذر تا ہے اور حبالا

ما سکه بلیلی پرکاکوئی نقطه ہے، نابت کرو که شامجی کا مرتب ہلیجی کے امداد می دائرہ کو مس کرتا ہے ا منابث کرو کہ ہلیلمی کے ماسکوں پر کتے ماسوں کا نقط تقاطع ایک دائرہ پر واقع ہوتا ہے۔ [حبيس كالج شثث] ایک نابت نقطہ و میں سے ایک فیئے موئے ملیلمی کا ایک و نز ن ق کھینجا گیا ہے ^ر ایک اور ہلیکنی بنا یا تکیا ہے جس کا رقبہ معلوم ہے یا ور جو ن اور ق ں سے گزر ماہیے اور شکلاً اور وضعاً دیئے ہوئے ہلی کے متنا بر ہے نابت کرو کہ اس لمیلی کے مرکز ایک ہلیکجی کے محور اصغر کے سروں پرماس کئے میں ان میں سے ایک ماس ایک وترفال نمی پر ماتا کہتے اور دوسرا ماس اس وتر خاص کے متعلقہ مرتب کو ف پر مکتا ہے ، نا بت کردکہ ی ف ہیلی کا ماس ہے، [جيب كالبحث أ ہلکی کے ایک نقطہ ن سے اُس املادی

دائرہ کا ایک ماس تھینیا گیا ہے جو محورا صغرکو قطر

ان کر تھینی جا ہے۔ یہ ماس نہیلی کے مرتب دائو

فليات

کو تی اور رہیر ملتا ہے ' ناہب کرو کہ ن تی ' ن ر نقطہ ن کے ماسکی فاضلوں کے برابر ہیں۔ ایک بلیلمی کے محاور و نئے ہوئے میں امت کہ منحنی پر کے نقاطِ عمل ذیل سے دریا فت ہو تکتے ، محوروں کو قطر ان کر دائرے تھینیو اور مرکز وسے مقیم خط کھینے وہ وائروں کو ن اور ق پر کے ے ایک متقیم خط قاطع محور کے توازی تقطب ق میں سے الیک اور خط مزودج محور متوازی تحبینحو اور فرض کرو که به خط نقطه ر بر ملت الميلجي پر واقع موگا اگر تضعت محرروں کے مجموعہ کو نصعت قطر مان کر دائرہ کھینیا جائے اور ون ق اس کو ص پر مے تو ناست کرونکه ص ر نقطه ر پر ملیلی کا عاو ہے [جون كالج عميد] ت س قر اور ن سَ ر ایک ہیلی کے ا سکی وتر مین از خامت کرو که ن پر کا ماس اور و تر ق ر مور العظم کو ایسے دو نقطون پر قطع کرتے ہیں ج متساولی انعضل ہیں۔ [جن کالج ششدا

ایک متوازی الاصلاع ایک بلیلی کے گرو

الا صنلاع کے ہرایک صلع کے سروں ہیں سے اور ہلیگجی کے ایک ما سکہ میں سے گذریں تو نا سے کرو کہ یہ سب دائرے مساوی ہیں '

[کوائٹ کا بج سیمشا]

م ۱۸- ایک المیلی کا مرکز ایک ماس موراعظم کا طول، اور ایک مرتب برکا ایک نقطه سب دئے ہوئے ہیں، معلوم کروکہ اس کے مرتب کس طرح دریافت میں میں علی نامکن ہوگا ،

[بتر ہوس سن کا ایک ہمیلمی کا قطر ہے، اگر ن بر کا ۱۸۵۔ ن ن ایک ہمیلمی کا قطر ہے، اگر ن بر کا ہا س مرتبوں کو دو نقطوں بر ملے ادر ان نقطوں کو

جدا گانہ بکیلجی کے ماسکوں کے ساتھ دومستقر خطو س کے ذریعہ ملایا حباہے نوٹا بٹ کرو کہ یہ خط ایک دوستہ کہ دئی یہ کر معدں سر قطع کر شے میں

کو تَ کے معین پر قطع کر شے ہیں اکا

۱۸۶- ایک کمبیلی کے دو ماس ط ن ، ط ق طینے گئے ہیں نیزلیلی کے کئی نقطہ ط میں سے کمبیلی کا ایک و ترط ر س کمبینوا گیا ہے ، مقطوعہ رس کا دسطی نقطہ ص ہے ، ق ض ملیلی کو ن پر متا ہے ، نامت کرد کہ ن ن '

س ط کے متوازی ہے ۔ س ط کے متوازی ہے ۔ الم الم الم الميلي كا قطر حدة هيئ دو نقط ق اور الميلي بر الحظ من بر الميلي بر الحظ من بر الله الك الكي الله بالميلي السابنا يا جائے جس كا مركز حد اور شكا اور وضعًا حد مو اور جو ن بیس سے گزرے اور شكا اور وضعًا و حد مو منظ بر مواتو تا بت كروكه يه كان اور حق اور خل منظ بر مواتو تا بت كروكه يه كان اور حق منظ بر مواتو تا بت كروكه يه كان اور حق مو شكار كا جن كے قطر اور حق مو شكار

[ترنتی کا بیست ا ۱۸۸ - ایک لملی کے نقطہ ن پر کا ماس محور اصغر کو ط پر ملتا ہے ' اگر س ن مدو دو پر عمود طام کالا حا ہے تو ناہت کرو کہ م کا طریق ایک واکرہ ہے ۔ [ترنتی ہوس ششا]

104- ایک ہلی کے برونی نقطہ و سے خطوط وسی اور نس کھنچے گئے ہیں جو و کو ماسکوں مس اور نس سے ملائے ہیں جو و کو ماسکوں مس اور نس سے لائے ہیں اور نس ق اور نس ن کو ملایا گیا ہے اور وہ ایک دو سرے کو ر پر قطع کرتے ہیں کہ فایس فاہت کروکہ ذوار بعتہ الا صلاع و ن رق کے اندرایک دائرہ کھینے سکتا ہے۔

[تنتی ہوس عثدا] -14 اگر ایک ہیلجی کے نقاط ن اور ن کے ماس امدادی دائرہ پر ملیں تو نا بت کرو کہ س ن ک مس ت کے متوازی ہے

المری ہوس سے ایک ہلیلی کے ماسکوں سے ن پر کے ماس پر عمود نخا نے گئے ہیں اور ان عمودوں کے یا ئین ما اور صامین ، اگر ن ک نقطہ ن پر کا معین ہوتو تابت

اور ملک ہیں ، ہمر ص مصفر میں بدن ہو تو ہا ہے۔ کرو کہ ن ل زاویہ مصال منا کی تنصیف کرتا ہے۔ [موڈ نن کالج عُشدہ]

191- جن سن ہے د ایک ملیلی کے مزودج نیم قطر میں سن گ نقطہ ن پر کا عاد ہے ' مرکز ج سے ن پر کے ماس پر عمود ہے سے نکا لاگیا ہے 'ک میں سے ج د کے متوازی خط گ م کھینیا گیا ہے جونقطہ ن اور کسی ایک ماسکہ کو ملانے والے خط سے ہم

ن اور کسی ایک ماسکہ کو ملانے والے خط سے م پر ملنا ہے ، نابت کروکہ ن م خطوط جے ہے ، ج ب ہے < کا چو تھا تنا سب ہے ۔

[موڈین کا بج سیمیڈا] ایک لمبیلمی کے دو ما سکہ میں اور میں ہیں۔

۱۹۴۰ ایک بریمی سے دو معد میں اور میں بریا اور کی بیں۔ اور لمبی کے محیط پر دو نقاط ن اور ق بیں۔ ما ما بیت کرو کہ خطوط س ن مس ق اس ن ایک ہی دائرہ کے مس ق (مرد دہ بشرط صرورت) ایک ہی دائرہ کے

ماس بين- . [كين لا ي عدم ا

م 19 ۔ ہم اسکہ کمیاجی خطوط کا ایک م 19 - ہم اسلہ ہمیائجی خطوط کا ایک سکسیار معلوم ہے ، اگر کسی ایک محور کے ایک ٹا بت نقطہ سے بلیائجی خطوط کے ماس تھنچے جائیں تو ناہیت کرو کہ ان کے نقاط تاس ایک وائرہ پر داتھ ہو گھے ایک ہلیجی کے اسکوں سے ن پرکے ماس ير عمود بكالے كئے ہيں اور ان عودوں كے بائين صا اور کے ہیں اگر منا اور کے پر امدادی وائرہ کے معین ماس معنیعے جائیں تو نا بت کروکہ یہ ن کے معین پر ملتے ہیں اور ان کے تقاطع کا طریق ایک ہلیکی ہے ایک کمیلی کے نقاط ن ان کے ماس ط بر ملتے ہیں اور انہی نقاط بر کے عماد محور کوگ اگ پر ملتے ہیں۔ نابت کردگہ ن گ · ن کک کے محاذی نقطه طپر ١٩٤ اک دائرہ کے ایک قطر پر دو تا بت نقطے ہیں جن کے فاصلے مرکز سے مشاومی میں ایک شکجی ان تقطوں میں سے گزرتا ہے اور اس کا مرتب دائرہ کا ایک ماس ہے؛ تابت کروکہ اس تھے ماسکہ کاطریق ایک ایسالمیلی ہے جکے اسکے دو ذکورہ تا بت نقطے ہیں [بيسس كالج منه أ

ایک ہلیلحی کے محور اصغر کو قطر مان کرایک وائرہ کھینچا گیا ہے اور کمیلنجی کے ایک قطر کے ایک سرے سے اس دائر ہ کے ماس تھینچے گئے ہیں ، نابت کرو کہ بچمہ مماس اور مزدوج قطرتے تھیں ایک سرے کے ماسکی فَا صِلْحَ بِا ہِم مِلْرایک متوازی الّا صَلاع بنا کے ہیں۔ جسکے ا صنلاع کا فرقل نصف محورا عظم کے برابر ہے۔ [جيس كالبخفظ] ایک ہلیجی کے اندر ایک ایسا متلف نباؤجو اک و ئے ہوئے مثلث کے متشا برہو۔ نوٹ ۔ ہلیمی مثلث معلوب کے نقاط الزوایا میں سے گزرے گا-۲۰۰ ۔ ایک ہلیجی کے دو مزودج قطر امدادی دائرہ کو ن اور ق پر ملتے ہیں ، اگر ن اور ق کے نظیری نقطے لملی پر ن اور تی بون تو نابت کروکه ن اور تی یر کے ماس ایک دوسرے سے زاویہ قائمہ بناتے ہیں [جيسس كالجميثة] ١٠١- ج 1 اور ج ب ايك لميلحي كے نابت مزودج قطربی اورجن ج ق متغیر مزددج قطربی ان ، ب ق ایک ووسرے کو ل پر طبتے ہیں۔ نابت کرو کہ ل کاطریق ایک ایسالمیلی ہے جوشکلاً اور وضعاً مفروصنہ کمیلی کا متنا سہتے [جيس كالج محثدا] ۲۰۲۰ طن طن ملی کے دوماس میں

اور ن گ ، ن گ نقاط ن ، ن پر کے عاد ہیں اگرط ن اور ط ن پر بالتر تیب ایسے نقطے ق اور می گئے جا ئیں کہ ط ق = ط گ اور ط ق = ط گ تو نابت کرو کہ تی ق = ۲ ن می جہاں می گ گ گ ک ک ک کا نقطہ تنصیف ہے

[جون کا بھ کششہ]

الم ۲۰۲۰ اگر ایک مستطیل ایک ہلیلی کے گرو بن سکے

تو نا بت کرد کہ اس کے قطروں کی سمتیں ہلیلی کے مزدوج
قطروں کی سمتیں ہیں۔

الجون کا میں ہیں ہے ایک ہلیجی کا ایک ماسکہ س ہے اور ط ن طق اس کے دو اس ہیں ن ق ، اور س ط ایک دوسرے کو لا پر قطع کرتے ہیں ، ن ق کے وسطی نقطہ ص سے س ط پر ایک عمو و ص ما نکالا گیا ہے۔ فاہت کر وکہ

ن ص ان کل × کا ق = سما: س کا بری ان کا کا ت = سما: س کا بری کا ت = سما: س کا بری کا ہے ب بری دوایسے انقطے ط اور ط سے المبری کے متوازی ہے ، اگر ط اور ط سے المبلی کے دو متصل ربوں پر ماسس کھنے ما کیں تو

اللبت کروکہ وہ مزوج قطروں سے متوازی ہو بھے۔ [يېتر بوس مفش ا ۲۰۹ - اگر لمبلی کے اسکہ س یں سے ن پرکے ماس پرعود س ما نکالا جا ہے تو نابت کرو کہ نس مااور جن ایک دوسرے سے مرتب پر کھتے ہیں۔ [يتربيوس معملا] ۲۰۷- ن ن ایک ملیلی کا قطرسے ، ن اورق پر کے ماس ایک دوسرے کوزا دیہ قائمہ پر ملتے ہیں ، منابت گروکہ الملجی کے نقطہ کی پر کا عاد زاویہ ن ق ن کی تنصیف کرا [کلیرکا بج ششمه] ۲۰۸ - ایک کمیلحی کا و تر ن ن ۱ کج پر عمود ہے اور اس کو اتنا خارج حمیا کیا ہے کہ یہ امدادی وائرہ کو ن اور ن پر ملتا ہے ، ن پر کا عاد ج ن اور ج ک كوبالترتيب في اور في برملتا سبط الناسب كروكم ن قَ = ن ق = ج < اور نَ ق = ب ج [کلیرکا بج کششه] ۲۰۹ ایک ہلیجی کے نقطہ ن پر کا ماس محور اعظم کو ط پر مناہے ، آگر قطرج < ' ن ط کے متوازی ہو بتو نا بت کرو که

طن + ج د = س طب طح جہاں ج اور س کمیلجی کے ماسکے ہیں۔

١٠- اگر بليلي ير كوئي نقطه ن مهو اور ماسكي فاصله س ن مزدوج قطر کوع بر لمے تو ثابت کروکہ جن ا اور س ع کے مرببون کا فرق متقل ہے [ترنتي كالج مقشل ۲۱۱- ایک ہلیلی پر دو ٹابت نقط تی ' که اور ایک متغیر نقطہ رن لیا گیا ہے ' ٹابت کروکہ مثلث ن ق رئے مرکز عمودی کا طریق ایک متن بہ الملکی ہے۔ ۲۱۲- دو ملیلی خطون کا ایک ماسکیه مشترک سینے اور ان کے مور اعظم مسادی ہیں ' اگر ایک ہمیلی ا اسكه تے كرد ابنى سط ميں جكر نكائے تو ابت سروكم اس کا اور دوسرے کمیلی کا وتر تقاطع ایک ایسی تراش مخوطی کو لقت کرے مکا جو آخرالذکر بلیلی سے ہم اسکہ ہوگی آترمتی کالج سنده ا ۲۱۳ - ایک ہلیلی کے نقطہ کہ سے دو وزر رق اور لاقیِ مزدج قطروں ج ن اور ج د کے متوانی محینے کئے ہیں ، لر برکا ماس ق فی مدودہ کوط یر لما ہے انابت کروکہ <u>نَّ = جنّ : ج ذَّ</u>

ہم مرکز ہلیجی دئے ہوئے ہیں کا انجامح ہے اور ان کے نصف محور

اور ج ب ہیں ' بہلے المیلجی پر سے کسی نقطہ ن معین دو سرے المیلجی کو نقطہ ن پر مکتا ہے ' ثابت

りょう・シャーシャーシャー ひき・シャーしき

ا دی ہیں اور سب سے س لقطه میں سے

ر کھتے ہیں۔ ٹابت حروکہ لللجي اش متحرك ماسكي وتزير الكدوس

ت كروكم أن كي نقطه تقاطع كاطريق أيك اليا المبلجی ہے جس کے ماسکے وہ ٹابت نقطہ اور ثابت اسکه بین۔

[پېرک کابج مفشدا ۲- ایک ہلیلی کے مزدج تطرون سے سرون پر س طری کو تی کھنچے گئے ہیں اس ماسکہ

ہندسی مخروطات عليات 727 ہے اور طار کا س ن پر عمود ہے ، خابت کرو ط کر نصف مور اصغر کے برابر ہے الميلج كا أبك ماسكه اور أيك ماس بلجاظ مقام معلوم میں نیز اسکے محور اصغر کا طول معلوم ہے نابت کروکہ اس کے مرکز کا طریق ایک آ کیز کالج معیداً ہم ۱۱۸- ایک دیا ہوا متقیم خط اس طرح حرکت کریا ہے کہ اس کا ایک سار ہمیشہ ایک دائرہ سے محیط پر ہوتاہے اور دوسیرا سرا دائرہ کے ایک خابت قطر پر۔ اگر دائرہ کا نصف قطر اس خط کے سادی ہو تو ٹائبت کروکہ خط يركا مرايك نقطه ايك بليلي مرشم كرتا ہے ، نيز ثابت نروکہ ہراکی لیلجی کے تضف محوروں کا مجموعہ اس دائرہ کے قطر کے مساوی ہے۔ ٢١٩- ك قي الميلجي كا ايك وترتب أور راس قطرج أ سراہ جو ن ق کی تنصیف کرتا ہے ، ن اُق اُ

[ترسی ہوسس سنگ ایک وترہے اور راس قطر ج ل کا ایک وترہے اور راس قطر ج ل کا مراہے جو ن فی کی شفیف کرتا ہے ، ن ، ق کی شفیف کرتا ہے ، ن ، ق کا مقطم کے مقابل امادی دائرہ بر ن ، ٹی ، ک وسلی نقطہ ہے ، ایس ، خابت کروکہ کر قوس ن ٹی کا وسلی نقطہ ہے ، اگر ج کر ہملیجی کو ط پر قطع کرے اور اس کے مقابل امدادی دائرہ بر نظیری نقطہ ط ہو تو جابت کروکہ ا

ج طَا ا ن ق پر عمود ہے بے امادی دائرہ پر ایک نقطہ ط۔ اعظم برمعين ط ن ن ك كمينيا كيان جو ہلیلی کو ن پر اور طابر کے ماسون کے وتر تاس کوئ پر اور محور اعظم کو ل پر ملتا ہے ، نابت کروکہ b Ux OU = TOU ی ایک ہلیجی خط جن کا خروج المرکز معلوم ہے او میں گذرتے ہیں ' نقطہ او پر ہرایک ہے اور ہر ایک کا مور ب میر گذرا ہے ، اسکون سے طریق دریافت سرو الميلي کے نابت قطرتا معين نول ہے، ير ريا بشرط ضرورت ن ل مدوده ير) ايك انيا نقطہ تی کیا گیا ہے کہ ل ق کو ل ن سے وہی سبت ہے جو ن ل سے مزدج قطر کو ن ل سے متوانی قطرے ہے ، ثابت کردکہ تی کا طریق ہلیلی۔ مورون سن مقام دریافت کرد-[پتر ہوسس ب ہلیلمی پر دو نقطے ن اور ق ایسے ہر

ا بکے فصلوں کا مجموعہ متنقل ہے ، نابت کروکہ ن اور ر کے ماسون کا نقطہ تقاطع ایک الیا ہلیج ہے جو شکلاً اور وضعاً دئے ہوئے ہلیلی کا تمشابہ ہے اور جو اس ہلیلی کے مرکز میں سے گذرتا ہے۔ ۲۲۴- ایک ہلیلج کے وتر خاص کے ایک سرے نع پر ماس ط ماخ ہے کھینچا گیا ہے جو محور اعظم کو ط اور امدادی دائرہ کو مآنے پر ملتا ہے امثابت اکروکہ نسبت ما خ کو ما ہے سے وہی نسبت، ہے جو وتر خاص کو دو چند محور اعظم سے ہے۔ کے نقاط ن اور ق پر ماس ط ق کھنچے گئے ہیں ، جو ہم ماسکہ ہلیلی سے گذرتا ہے اس سے بقطہ طریر کا اس طص کن مرودہ کو ص پر ماتا ہے ، ص ن : ص ق = ط ن : ط ق [ترنتي كالج الثثله] ۲۲۷ - اگر ایک ہمیلی کے نقطہ ن پر عاد ن گ نکالا جائے جو ایک محور کو گ پر کمے اور ن گ

نکالا جائے جو ایک محور کو گ پر کنے اور ن گ نقطہ ن سے ایک ماسکی فاصلہ نے ساوی ہو تو

ٹا بت کروکہ ن گ نقطہ ن کے دوسرے ماسکی فاصلہ کے برابر ہوگا' راس میں گ وہ نقطہ ہے جہاں عاد محور کو ملما ہے۔ ۔ شلجی پر کے نقطہ ن سے مرتب پر سرم مناست کروکہ ان ادر بیں م ، ثابت كروكه إن اور م**س** م ہے ' "ابت روں رب یک ہلیلجی ہے ' اس میں ارمنحتی کا اکلے کا بج سٹ الكيرا لج سيديا خطوں کے محد اصغر ساوی ہیں اور سکر منترک ہے ' اس کو ہندسی طریق سے اگر ایکے مشترک ماسون کے نقاط سخاس طون رکے ذریعہ لایا جائے تو ان خطون ِ مَزُدُوجِ قَطْرِ ہُو بِنِکے وہ منحنیات کے اعظم محورون کے لملے کے ماسکے س کس میں اور اس پر دو نقطے ن تو ق ہیں۔ ماسکہ سک سے ن اور می پر کے خاس نکالے گئے ہیں اور یہ عمود س ن مس ق ممرودہ . نَ اور قَ بِرِ طِلْتِهِ ہِیں ؟ ن تی اور نُ قُ کا نقطہ تقاطع کرہے ''ثابت کرد کہ مَسَ کہ مثلث ن میں ق کے خارجی زاویہ کی تنصیف کڑا ہے۔ ۲۳۰- ایک ہلیلجی کے ماسکے س اور س ہیں اور مرکز ج من پر سے ماس بر عمود س می^{ا ک}س سے تکالے

ہیں اس ن اس سے مدودہ ایکدوسرے کوط پر طتے ہیں ، طبح اور ماس مدودہ ایک دوسرے ش ق پر ملتے ہیں اور اگر طق ما سے گرد ایک دائرہ نیایا جائے تو ط س میرودہ اس کو ار پر لماہے ' خابت رو کہ رکا طریق ایک دائرہ ہے ن می مورون کے متوازی برکا عاد تی می کو ایک مستقا صنے جائیں تو تابت کروکدی ط ق کھنے گئے ہیں اگرن ط ف کا م بت نقطب و بن سے گزرے جو مور اعظم پر واقع ہو توثابت کروکہ ط کا طریق ایک دائرہ ہے کے امدادی دائرہ پر ایک نقط سے بہتنجی کے دو ماس طن عطق منے ہیں انتابت کروگہ ذواربعۃ الاضلاع میں منگ ن بی سے دو اضلاع متوازی ہیں ' نیز نابت کروکہ اگر اس سے قطرون کا تقطه تقاطع و ہوتو زادئے ج ط ن ، وط تی مسادی ہیں۔ [جيسس كالج المثثار]

ہم ساہ ۔ ایک ہمیلی کے دو نقطوں ن اور ق بر کے ماس ایک دوسرے کو ایک ہم مرکز دائرہ بر قطع نگر تنے ہیں، نابت کروکہ ن تی ایک ہم مرکز ادریم مور ہمیلی کومس کرتا ہے اور اس ہمیلی کے محوروں کی ایمی نسبت بہلے ہمیلی کے محوروں کی نسبت متنا تا کے برابر نسبت بہلے ہمیلی کے محوروں کی نسبت متنا تا کے برابر نسبت بہلے ہمیلی کے محوروں کی نسبت متنا تا سواسے کے ساتھ) ن تی کی تھی تنصیف نہیں کرتا سواسے اُس صورت کے جبکہ ن ق ان دو ہمیلی خطو ں کے محور برعمود ہمو

[جيب كالج للشفط]

ایک نابت دائرہ پر ایک نقطہ ن ہے ؟
خط ن ل کو ایک دی ہوئی سمت میں تھینجا گیاہے
اور اس کا طول متعل ہے۔ ینز اگر ن ل کو فطران کر
ایک دائرہ کھینجا جائے تو وہ دسئے ہوے دائرہ کو
تی پرکا نتا ہے ، نا بت کرو کہ ن ق مہینے ایک نابت
لہلے کو مس کرنا ہے ۔

[جسس كالحشيث]

4 سامو ۔ اگر ایک ہلیلی کے ایک ماسکی و ترکے ستوازی ایک قطر کھینیا عبا سئے نؤٹا بت کروکہ ماسکی و تر ، محور اعظم اور اس قطر کا تیسرا متناسب ہیے ۔

فيسس كالج للشدا

YA. عملياست ن س تی ایک ملیلجی کا ماسکی وتر سیے اور ن اور ق پر کے ماس ایک دوسرے کو سے پر طنتے ہیں ' ناہت کرو کہ سے + بج : ۲ سے = ج 1: ن ق [جيسس کا بجرات ١٩ ۳۳۸- اگر ایک لمبیلجی کے مزدوج نقطوں ن اور دیر کے عاد ایک دوسرے کو ع پر ملیں تو ٹابت کرو کہ ہے ع ن د پرعمود سے [جون كالج مشمما ۲۲۳۹ ایک ایسا دائرہ کھینجا گیا ہے جوایک ہلیلمی کے

ما سكوں اور محور اصغر كے ايك سرے میں سے گذر آہے اور منحنی کو ن اور ق پر ملتا ہے ، اگر ن اور ق پر کے ماسول پرم کز سے عود کا لیے جائیں تو ناہت کرو کہ ان میں سے ہرایک عمود ما سکہ اور مرکز کے در سیا نی فاصلہ کے برابرہے

[جون کا بع مصمل] وو دارُے ویٹے ہوئے ہیں ایک کا تفت قطر ووسرس کا دو چندہے اور چھوٹا دائرہ بڑے وائرے کے اندر محیط پر بھرایا جاتا ہے، نابت کرو کہ بھرنے والے وائرے کے رقبہ پرکا کوئی نقطہ ایک بلیای مرتبم کرا ہے نيزمنا سبت كروكه جو بليلجي ايك نصف قطرني وسطلي نقطه

كرتا ب اور جو لميلي مركور نصف قطر مدوده كا وه نقطم سلم کرتا ہے جو لڑھنے والے دائرہ کے مرکزے اسکے قطرکے فاصلہ پر واقع ہو وو ہوں متنا بہ سنحنی ہیں۔ [بون کا بح صفياً] ایک ہلیلمی کے وومتوازی ماس اس کو ن اور ق پر مس کرتے ہیں' نقطہ ر پر ایک اور مانسس ان کو ط اورِ حَدَّيرِ كَامْتًا سِبُ أُورِ نِ طَ اور ق ط ايك دوسرے كوص پر قطع کرنتے ہیں یہ نا ہت کروکہ رص من طر اور می کا کے متوازی ہے اور آنکی تصف موسیقی اوسط کے برا برہے۔ [جون كالج مشمرا] ہلیجی کے مرتب دائرہ کی مستی کو ٹا بٹ کرواور غابت کرد کہ ہلیلی کا مرتب خط اسکے مقابل کے اسکہ یر کے نقطی وائرہ اور مرتب وائرہ کا محور اصلی سے [جون كالج سيديا ایک ہلیلمی کے مرکز جےسے ن پرکے ماس پر عمود سے ک کھنیجا گیا ہے اور دائرہ ن ک ب محور اعظم رکوم پر ملتا ہے ہ آگر ہم کو مرکز اور ہے ب کو بضف قطراً ما ن طر ایک دائرہ تھینجا جا ہے اور وہ محور اصغر کو نقساط لِ آور کَ پرکاٹے تُو ٹانت کرو کہ فنکل م ل کُ کُ کُ کے گرو ایک دائرہ بن سکتا ہے۔ [بتربيرس سيششا]

۲۲۲۰ ایک بلیلی دو نابت نقطوں آ اور ب میں سے گذرتا ہے اور وہ غنگلاً اور وضعاً ایک نابت بلیلی کے متنابہ سے مبلویہ ہے اور د پر کا شاہب ، آ ج ، آ ج ، آ د فابت بلیلی کو دو بارہ ع اور ف پر کا شعے ہیں منابت کرو کہ خطوط ج د ، ع ون میں سے ہرایک ایک نابت نقطہ میں سے گذرتا ہے ۔

[بترہوس سیمید] ۱۹۲۵ ایک ہلیلی کے ماسکے س اور ح ہیں ؟ طن اورط ق ہلیلی کے دو ماس ہیں جو ایک دو سرے سے زاویہ قائمہ بانے ہیں نیزط ہ ، س ن پرعمود سے ا مابت کروکہ

md x 5 d= 7 d9 x 1.5

[ہتر ہوسس سیشٹا] ۱۳۷۲ء موہم ما سکہ ہلیلجی دیئے ہوئے ہیں، بیرونی ہلیلجی کے نقطوں سے اندرونی ہلیلجی کے ماس تھنینچے گئے ہیں م وتر تاس کا تفاف دریا فت کرو۔

 اور نابت نقطہ میں سے گذر تا ہے ۔

[کلیرکالج مششا]

ایک ہلیلحی کے ماسکے س اور مس میں اور اس کا

موراعظم الأبه ، لأر اور أدر إلترتيب س ن اور س ن اور س ن اور س ن اور س ن برك س ن اور ده ن برك

ما س کو ر اور که پر ملتے ہیں ، منا بت کرو کہ

11 = 11 + 10

(کلیرکا بچه میمکه

ایک بلیلمی کے نقطہ ن پر کا ماس اور عا و

موراعظم كوبالترتيب ط اورك برسطتي بن الرك ط جیسے مقطوعات کو قطر مان کر دائرے کھنیے جا کیں۔ تو

نا بع کروکہ ان سب کا ایک ہی محور اصلی بوگا ۔

[کلیرکا بح مشمرا]

بهی سطح میں واقع ہیں اور ان کا ایک ماسکه شترک سبے ایک بلیلی اس مشترک ماسکه کے گرد عِكر لكامًا سب أور دوسرا ابني خبَّه قائم رسمًا سب أنابت

بر کرد کہ ان کے منترک عاسوں کے انقطہ تقاطع کا طریق کرد کہ ان کے منترک عاسوں کے انقطہ تقاطع کا طریق ایک وائرہ ہے۔

[ترمنى كالج مصمله]

ایک ہملی کے ایک راس سے ن پر کے ماس پر عمود اوق محمینجا گنا ہے ، نا بت کر و کہ ن س اور ق 1 مدودہ کے نقطہ تقاطع کاطریق ایک دائرہ ہے اس میں میں لمبیلجی کا ایک ماسکہ ہے۔ [ترنتی کا بچ شده ا ملیکی کے محیط پرایک نقطہ ن ہے اور میں اس کے ماسکے ہیں، ہلیلی کے مرکز میں وی اور منتقل خط س ن اور ن س کے متوازی کھینچے کئے ہیں اور متوازی الاصلاع کی کمیل لی گئی ہے، ٹابت کرو کہ اس متوازی الاصنلاع کے محے تفظمۂ راس کا طریق ایک دائرہ کیے ۔ [ترننتی کالج هششهٔ] ایک ملیلمی کے ماسکے میں اور سے میں اور محور عظم

ووہ پرکوئی نقطہ طاہیے ، س سے کو قطر مان کر ایک وائرہ لعينحا كيا جه نيز ايك اور دائره كلينجا كيا جه يهله وائرہ کو زاویہ قائمہ یر کا ٹا ہے اور محور اعظمے سے نقطہ ط پرزاویه قائمه بنا پاسیے ، نابت کرد که دوسرا داکره کمیلمی کوان دو نقطوں پر ملبًا ہیے جہاں نقطہ ط کا تفطب بی خطہ (بلحاظ لمیانجی کے) لمیانجی کوملتا ہے ہلیکی کے نقطہ ن پر کاعا ومحورو ن کو گ

اور گ پر ملتا ہے ' اگرمرکن سے ن پر کے ماس پر عمور ج ک ہو اور ج گ بج گ کے نقاط تنصیف و اور میوں تو ناہع کروکہ

وب = وک = ون ادر وَلا = وُک = وَ ن

[ترنتي كالج هشمه]

اردہ ہے ایک ہلیلی کے ماسکون س اور سے سے ایک ماس پرعمود س منا اور سے منا نکا نے گئے ہیں اور جہار موراعظم نظیمری مرتبوں کو ملتا ہے وہ نقاط کا اور کی میں انتا ہے کو محق میں انتا ہے کو محق میں اور کی منا ایک دوسرے کو محق پر قطع کرتے ہیں

[ترمنتي كالجمهمية

۲۵۹- ایک کاغذ برایک ملیلجی بنا ہوا ہے ، معلوم کرہ کہ اس کے اصلی می ورکسطرح دریا فت کئے جائیں ۔ کر اسکے اصلی می ورکسطرح دریا فت کئے جائیں ۔ (ترنتی کا بوشکہ ا

۲۵۷۔ ایک المبلجی کے محوراعظم کے ایک سرے پرایا ماس کھینچا گیا ہے اورائس پر ایک نقطہ ن ساگیا ہے

اگر نقطه ن سنتے لمینجی کا دوسرا ماس ن طاکھینیا عائے۔ تو نما بت کروکہ ن ط' ن لاستے زیادہ لمباہنے ۔

[برك كالج مفك ثا

۱۵۸ و در این کے م ۱۵۸ و در اس کا اور وہ ایک فوسرے کوراس التر تیب ہے اور ہے ہیں اور وہ ایک فوسرے کوراس برمس کرنے ہیں نقطہ آؤ میں سے ایک وتر کھینجا گیا ہے! بلیاجی خطوں کو ن اور ق بر بالتر نیب ملتا ہے 'نیزن ع اور ق ج کیک دوسرے کو ر پر قطع کرتے ہیں، رکا طریق دریا منت کرو-

[پېرک کا بيم معمدا]

۲۵۹۔ ایک ہمیلی کے امدادی دائرہ برایک نقطہط ہے ' اس نقطہ سے ہمیلی کے دو نماس کھنچے گئے ہیں جو منحنی کو ن اور ق برمس کرتے ہیں ، اگر ان نقطوں میں سے گزرنے دالے قطر ن ن 'ق ق م ہوں نوٹا بت کرو کہ

کردر سے واسعے محفر ک جاتی ہے، ہوں تو تا ہو ن ق کم میں کہ لیکجی کے ماسکی و تر ہیں۔

[يبرك كالج شششا]

۰۲۹۰ ایک ہلیلجی کے محیط پر کو ٹی نقطہ لیا گیاہے، ایک ایسا مثلث بنا یا گیا ہے جس کے نقاط راس نقطہ مذکورہ ہلیلجی کا مرکز اور ہلیلجی کا ایک ماسکہ ہیں ، نما بت کرو کہ اس مثلف کے مرکز نقل کاطریق ایک متشابہ ہلیلجی ہے۔ مثلف کے مرکز نقل کاطریق ایک متشابہ ہلیلجی ہے۔

[ترمنتی ال مششل]

ا ۱۹۔ ایک ہلیلی کے موراعظم کے سروں پرماس کھینچے گئے ہیں اور وہ ہلیلی کے کسی نقطہ پرکے ماس کور اور آپر گئے ہیں اور وہ ہیائی کے کسی نقطہ پرکے ماس کور اور آپر ملتے ہیں ' ر آ کو قط مان کر ایک دائر ہ کھنچا گرا سے نامیزی

کتے ہیں' ررکو قطران کرایک دائرہ کھینچا گیا ہے' نابت کرو کہ یہ لمبلی کے ماسکوں میں سے گزرتا ہے'

[ترنتی ال مشید] ۱۲۲۲ - ایک بلیلمی کے موراعظم پر دو ٹابٹ نقطے لئے گئے دیں' ایک نقطہ میں سے ایک خط س ن کے متوازی

کھینجا کیا ہے اور دوسرے نقطبہ میں سے صابس اور م کے متوازی خطوط تھینچے گئے ہیں ا نابت کروکہ آخری دو خط يهلي خط كو ايسے دو نقطوں بر ملتے ہيں جو ايك نابت وائرہ کے ایک قطرکے سرے میں۔ ایک ہلیلجی کیے نقطہ ن پر کا عاومحوروں کو ادرگ پر ملتاہیے، گ، گ کے قطریر ایک دائرہ مینجا کیا ہے نیز ن کو مرکز مان کر ایک اور وائرہ بنا یا ہے جو پہلے کوائرہ کو زاویہ تا مکہ پر کا ساتھے اور خط گ کوئق اور ق پراناب کروکه مثلی ق اور سُ ن قُ متثابہ ہیں ۔ اک وٹے ہوئے دائرہ کے کسی نقطہ تی سے دائرہ کے ایک ٹا بت ماس پر عمود ہی ریخا لا کمیا ہے اور ق ر کو نقطه ن پر اس طرح تقسیم کیا گیا قن:ن رایک دی ہوئی سبت کے برابرہے ، نابت کرو که ن کاطریق ایک ملیلمی -۲۷۵۔ اگرایک ہمیلجی کے اوتار خاص میں ہے گزرنے والے قطر ایک دوسرے کے مزدوج ہوں تو ٹابٹ کروکہ ما سکونکو والے خط کے محا ذی محور اصغر کے سروں پرزا ویکے

عليات قائم فت بیں۔

آ کوین کالج سفی ا ۲۷۷- ایک ہلیلجی کے نقطیر ن پر کا عادر محور اص

کے ایک سرے میں سے گذر تا ہے ' اگر واسکوں

کو ملائنے وائے خط کو قطر مان کر ایک دائرہ کھنیا جائے تو ثابت کرو کہ یہ دائرہ ہلیلجی کے ن پر سنے

[كوين كالج مهدمام دائرہ ہلیلجی کے ماسکہ میں میں سے

گذرتا ہے اور ہلیلی کو دو ایسے نقطوں ن اورق س کڑا ہے جو بلحاظ محور کے متشاکل ہیں ا

امن کرو کہ

س ن = س ق ي وتر

مسئله کا ظلّی شسئله دریافت سرو-ر ایک دائرہ کے دو تصف قطر و 1 اور

ب ایکروسرے سے زاویہ قائمہ نیائیں اور وار مدود مدودہ پر بالترتیب نقطے ن اور ق لنے جائیں تو ن ب اور ق الح نقطه تقاطع دافرہ سے محیط

واقع بورگا اگر سطح إن × ب ق نصف قطر مے مربع کے دو چند کے برابر مہو [جون کالج سُشْدًا]

ہند منی مخروطات YA4 . ایک ہلیجی کے نصب محور ج را اورج ب ہیں اگر متنظیل وج ب ص کی ج کمیل کی جائے اور トラーナーテートトラントラント آسير ہو الميلجي کے اسکہ میں سے ایک ظ يرعمود ہے اس خط بر کوئی اور اس نقطہ سے الملیجی کے دو ماس أبت كروكه نظيري مرتب كاجو مقطوعه کے در میان واقع ہوتا ہے محور اسکی تنصیم

ا ۲۷- ن س ق ان ح له ایک المیلی کے ماسکی و تر ہیں افعالی کے ماسکی و تر ہیں افعالی کے ماسکی و تر ہیں افعالی کے ماسکی گئے ہیں افتاب کروکہ ن برکا ماس ن ط ہے۔

[بیتر ہوئس کی طرح کے نقاط ن اور ق بر کے ماس طن اور ق بر کے ماس طن اور ط ق بین ان کے متوازی نصف قطر بالتر تیب ج ن اور ج ق بین اور ج ق بین اور ط ق اور ن ج زمن کو بین کو فرورت برط با باسکتا ہے ایکدو سرے دیں کے مقطم م سے ل پر کھتے ہیں اور ط ق اور ق ج نقطم م

فتے ہیں۔ ن م اور ق ل کو بڑایا گیا ہے اور

ط بر منتے ہیں انابت کروکہ ، ہلیکی 8 ایک سرون سے مقابل امادی مشقیر خط سے س روکہ ن نُ ق قُ کُ

ے ہرایک ہملی سط ہ قطر کے برابر ہے۔ مجوعہ واٹرہ کے [مودلن كالج محمدا]

١٨٧- اگر ايك بليلي كے نقط ف بركا عاس ماس البیرے ماس کو طیر کے اور نقطہ اسے

لملجي كا ببيرتر ماسكه من بهو تو ابت كروكه طرار ابن عود کے برابر ہے جوط سے س ن پر نکالا جا [كوين كالج ميممم ہلیلی پر کے دو مزدوج نقطون ن اور دم ملیلی پر کے دو مزدوج نقطون ن اور دم ملیلی بیں اور ان ماسوں بر مرکز سے پر حاس تھنچے تھنے ہیں اور ان عاسوں بر مرکز سے عمود ج ما' ج ہے نکالے عظے ہیں' اگر کھ ج مرودہ کمیلمی کو دو بارہ نقطہ کم پر کیے تو ٹابت کروکہ ن دَ اس دارُه کا قطرے ہو مثلث ماج سے کے گرد بن سکتا ہے۔ [كوين كالج معممه] ۲۸۴ - ایک بلیجی کا امادی دائرہ دیا ہوا ہے اور معلوم ہے جو منحی کو ایک دئے ہوتے نقطہ پر س کرتا ہے المبلی کے اسکے دریافت کرو [كيقرين كالج ميمثدا] الميلے كا مور اعظم اور ہے ؟ الرمنني سے کسی نقطہ پر کے ماس پر اسکول سے عمود س ما اور س ما تکانے جائیں تو ابت کروکہ اور اُما اور اُما کے نقطہ تقاطع کا طریق بلیلمی ہے۔ [ترنتی کالج مهمهٔ ا ١٨٨- ق ص ق قطرج ن كا وكن مين ہے، بلیے کے مرزج سے ق ق کر برعود نکالا کیا ہے

ہے،جیں سے اور یه امادی دائره کو که بیر ملتا ایک خط ن لر کے متوازی حمینیا سے گذر نے والے خط کو جو ق ق پر عمود ہو نقطہ و پر ملتا ہے ، اگر ایک المیا کمیلجی کھینچا جائے جو ق اور ق میں سے گذرے اور جس کا مرکز و ہو اور مور اعظ دے ہوئے ہلیلی کے مور اعظ کے مار ماط کے مار ماط کے ماری ہوتا ہے کہ ماری کا مور اصغر د کج کم کے سادی ہوگا۔

[تنزنتی کا بع ملاشندا] ۲۸۹- ایک ہیلجی کے اسکون میں اور ح میں سے دو خط ن س نُ اور ق ح ق کھنچے سنے ہیں جو دو ماسوں ن ق 'نُ قُ کُو کھتے ہیں ' نیزن کَ 'قُ قُ لی تفیف الرتیب مس اور ج پر ہوتی ہے ' ٹا بت کرو کہ ربعتہ الاضلاع کن فی فی کئی کے طرد ایک دائرہ بن سکتا [جيرس كالج مممثل] ماس ن اور ن پر کھنچے گئے ہیں۔

مایت کروکه اگر مور اصغر کو قطر مان کر ایک وائره

بنایا جائے اور نقطہ ن سے اس دائرہ کا ماس کھینجا جانے تو ج ل اس عاس کے برابر ہوگا۔ [جيسس كالجرسممير] 191۔ ایک کمیلجی کے ایسے ماسوں کا نقطہ تقاطع جو ایک دوسرے سے ناویہ قائمہ بنائیں ایک دارہ [جيسس كالج ميمثل] ہوتا ہے۔ أكر ن يركا عاس اس دائره كوظ ير قطع كرے تو بت کروکہ جو زاوئے طان سے محاذی کمیلجی کے الكوں پر بنتے ہیں وہ ايكدوسرے کے متم ہیں -۱۹۹ - اگر ایک دائرہ ہلیجی سے اسکوں میں سے کھینے جانے تو وہ منحی کو نقاط ن اور ق ہر محور کے مقابل کی جانبوں میں قطع کرتا ہے ' ٹابت کروکہ اُن عمودوں سے مربعون کا مجموعہ جو مرکز سے ن اوم ق پر کے ماسون پر نکالے جائیں اج کے میع کے سادی ہے۔ [یون کابج سیممله] سوم ایک میلی کے اسکون س اور ح می اسے میں ن اور ح ن پر بالترتیب عمود س و اور ح تکا نے کئے ہیں اور یون پرکے عاویے و اور و پر منتے ہیں ا ثابت کردکہ محد اصغر وؤکی تنفیف کرآ [بيتر ہوسس تششک

ئذۇكى

ون × ود = ون × ود

[آئی،سی، ایس اشکه] ۱۹۲ - ایک بدلولی کا ایک ماسکه، ایک ماس اور مزدوج محور تینوں معلوم بن شابت کرد که مرکز کا طابق ایک مستقیم خط ہے ا

[آنی، سی، ایس شدار ۲۹- اگر ایک برلولی کے دو حاس ایک دوسرے کو

شاخ پر قطع کریں تو ثابت ائلًا وتر تاس دوسری شاخ کو مس کرتا ہے و آنی ، سی ، ایس شدند ہُلولی پر سے کسی نقطہ ن سے مور پر لھنچو ' نقطہ ل میں سے اون سے متوانی خلیل ق تعینچو جو ج ن کو ق پر کھے ، ثابت کروکہ وق ان پر کے ماس کے متوازی ہے۔ [آئی ۔سی۔ ایس محمملے ایک مثلث مشاوی الاضلاع سے دو نقاطرا ایک ہدلولی سے مرکز اور ماسکہ ہیں اور مثلث کا متقارب ہے ، معلوم کروکہ باتی لمع معنی ں مگھ کا ٹیا ہے ' [آئی -سی- ایس مشمکر] اگر ایک مثلث کے دو اضلاع کی سمتیں دی ہوی ہوں اور تیسیر ضلع ایک ٹابت نقطہ میں سے ذرے تو تابت کروگہ جو دائرے اس مثلث کے رد بن سکیں اِن سے مرکزوں کا طریق ایک ہذلولی [أقى - سى - ايس المثاثلة] قائم ہلولی کے ایسے وٹرکو میں کے رے مقلّف شاخون پر واقع ہیں قطر مان کر ایک دائرہ کینیا گیا ہے ، اگر دائرہ اور ہدلولی کے باقی نقاط

تقاطع سے اس وتر پر عمود نکانے جانیں تو نابت کروکہ یہ بہلولی کے ماس ہیں

[پیتر ہوکس محکمله]

۲۰۷۷ ایک ہدلولی کے ایک ماس اور دو متنقاربول کے مقام دئے ہوئے ہیں، نہلولی بنانے کی ترکیب

[بيتر ہوکس عثماً

١٠٠٧ - ايك دائره اور إيك قائم تدلولي ايك دوسرت ایسے جار نقطوں پر قط کرتے ہیں جو سب سے سب

مجمی پر واقع ہونے ہیں ^{، خابت ک}روکہ ہذلولی کا میں شکہ

ہی سے محدر کے منوازی ہے ' نیز نابت کبی سے محدر کے رینوازی ہے ' نیز نابت رُوکه ہٰلولی (یا واٹرہ) کا مرکز خواہ سوئی سا منعنی مرتسم

دائرہ (یاندلولی) کا مرکز ایک مساوی منحی مرتسم کرے گا جبکه مرکز اینے جدا گانه منحنیات پر متقابل شمنوں میں

[پیتر ہوکس منششا و شلمی اور ایک قائم بذلوکی حس کا ایک کا مور ہے دونوں ایک مثلث ن میں کا مور ہے دونوں ایک مثلث ن

متقارب شلمی کا مور ہے دونوں ایک متلی ن اور متلت ن ایک متلی مثلی کے گرد بنائے گئے ہیں اور مثلث کے اضابع شلم کے گرد بنائے گئے ہیں اور مثلث کے اضابع شلم کے مور کو ن 'ق'ر پر قطع کرتے ہیں 'اکرشلم راس او بهو اور ن کا معین ن ل تو خاست کرو که

t = + t u = tb ۳۰۵ - تین نقطوں میں سے کسی دو کو ماسکے مان کرایکہ ہٰ اولی محینیا گیا ہے جو تیسرے نقطہ میں سے گذرتا ہے خابت کروکہ تین ہدلولی جو اس طح سے بنائے جا سکتے میں ایک دوسرے کو ایک نقطہ پر قطع کرتے ہیں [ترنتي توليج مثمله] ۳۰۹۔ اگر ایک تراش مغروطی ایک نشلت سے تین رات اور اس کے تین عمودون کے نقطیہ تقاطع میں سے گذی تو ثابت کروکہ یہ قائم ہدلولی ہے ، اگر ایسے قائم بدلولی کھینچے جائین تو ان مسلمے مرکزون کا طربق دریافت مرو [لندن -بی- اے اوٹرز علیمہار] مرسو- ایک ہولولی پر دو تقلے ن اق لئے گئے ورا ا ن پر کا عاسِ اُس خط کو جو ق میں سے ایک متعالیہ کے متوازی کھینیا گیا ہے لک ایسے نقطہ پر قطع ہے جو دوسرے متقارب پر داقع ہے بھاہت ی پر کا عاس کن میں سے گذرنے والے خط کو جو دوسے متقارب کے متوازی موجیلے متقارب پر قطع کرتا ہے

[ترنتي كالج مثثله] ٨٠١٠ ايك بداولي كاغذ بد بناكر ديديا كيا ہے، اس سے

کانے بناتے ہیں

[ترنتي بال مششك

عليات

،سے ایک ہرلولی کے متقارب دینے ہوئے ہیں اور منعنی پر کا آیک نقطہ معلوم ہے ، ماسکے ، مرتبات اور اسین در یافت کرو ۔

الا۔ ایک قائم ہراولی کا مرکز ج ہے، ۔ متقارب ہم مے متوازی کھینجا کیا ہے بے متقارب کو ل پر ملیا ہے ' زاویہ ق ج

کی تنصیعت ایک آیسے خط سے کی گئی ہے جو نہ لولی کو

ن پر ملتا ہے اظابت کروکہ ج تی تمنیاسب ہے ج ن کے اسیں ق خط ل ق پر کا کوئی نقطہ ہے

۱۱۳- ایک قائم ہلولی کے ماسکوں سے کسی نقطہ ن پر کے عاس پر عمود کمنے گئے ہیں جو منحی کو نقاط کی کی کی م کن پر کئے ہیں ، ثابت سروکہ کی مون

آیا متوازی الاضلاع ہے جب کے دو اضلاع ن میں سے گذر نے والے قطر کے ساتھ زاون

. [جيسس وغيرونشليا

ا٣- أيك بُرلُولَى برك يبن نقط اور أيك متقايب معلوم بین دو سرا متقارب کینیو ـ

اصغر دونون ایک ہزنوتی کے محوروں پر متحدار اور سمک منطبق ہوتے ہیں کسی متقارب نے ایک نقطہ ط الملجی نبے ماس طاق ' طاق کینے گئے ہیں افاہت رُوکہ طَیْ قُ کا بیرونی دائرہ (گرد بنا ہوا دائرہ) ہولی کے

عليات

مرکز میں سے گذرتا ہے۔

[کلیرکالج سندند] اب جد ایک متطیل ہے دو ایسے قائم ندلولی بنائے سکنے ہیں جن سے متقارب مشطیل کے اضلاع کے متوازی ہیں اور جو بالترتیب نقاط او ج اور ب تمر میں سے گذرتے ہیں انائیت کروکہ ان برایل خلون کے مرکزون کے قلبی کماظ ایکدوسرے کے عليات ے پر منطبق ہوتے ہیں . [ترنتي كابج سندهما] ب شلت اب ج کی سطح میں ن ایک ایسا نقطہ ہے کہ اگر ائ ب ،ج سے بالترتیب رب بنج من ا يرعمود نكاك جانين تو وه أيكدوسرب كو أيك نقطه ير سلتے ہیں، نتابت کروکہ ن کا طریق ایک ہدلولی ہے جو مثلث کوب ج سے گرد بن سکتا ہے اور اگر انج بج مقابل کے اضلاع پر عمود نکا نے جائیں اور یہ ستقبم خطون کو جو نقاط ب 'ج ' بر میں ب ل جب الجب يرعود مِول تَيْنَ نَقَطُون بَر قَطْع كُرِين وَ عَالِبَ كُرُول بَدُولي مذکور ان نقطوں میں سے گذرتا ہے۔ آ ترنتی کالج کششام - دو مزدوج بدلولی دے ہوئے ہیں مثابت کروکہ ان کے متوازی ماسکی وتروں کو ایکدوسرے سے و ہی سبت ہے جوہدلولی خطوں سے خرج المرکزون کو آبیمبر ہے

[تتزمنی کالج معث لم ١٩٥ - ندلولي کے ماسكير ميں سے ايك منتقيم خط كذرائے

اور ماس سے ایک متنقل زادیہ بناتا ہے ، کماس اور اس منتقیم خط سے تقاطع کا طریق دریا فت کرو۔ آ ترنتی کالج سخشک

ایک ہذاہ کی شاخ کا راس او ہے اور اس شاخ يراك نقطه ن ليا كيا ہے ، نقطه ن بركا ماس لن ل منتقاربوں کو ل ا ک پر کائتا ہے ، ہدلولی کے دوسرے راس میں سے متقاربوں کے متوازی خط تھینیے بي أور أيك متقيم خط م ن إ م أن خطور كو م أورم برتکا متا ہے، نا بعث کروسکہ ل هم اور ل هم متوازی ہیں۔ [مووان كالج معشفا] ایک تائم بذلولی بر دو نقطے ن اور ق ہیں آ موروں کا تقاطع ج ہے ن پر کا ماس ن ط ہے امد نقطه ق سے ج ن اور ن ط برعموو ق م اور ق ل الترتيب كا سے كئے ہيں، نابت كہ ج م الحر ج ل مساوتی بیں ۔ [مود ان كالج عشقه أ اگر ن پر کا ماس شقار پوں کو ل اور ہم بر قطہ کرے نوٹا بت کرو کہ اُس وائرے کے مرکز کاطرابق جو مثلث ل ج م کے گرد بن سکے ایک بدلولی ہے جگے مقارب پہلے شقار بوں سے زاوے فایمے بناتے ہیں ساس و اور وها دوناب متقم خط بين ا خط و کا پر واقع ہے اور ب، وما پر اوروا = وب

نقاط ال اور ب میں سے کوئی دومتوازی خطار م بال

کھنچے گئے ہیں جو وما اور ولا کو الترتیب م اور ل پر طنتے ہیں، نابت کروکہ م ل کے نقطہ تنصیف کاطریق ایک ہذاولی ہے۔ انہوں کاع مششرا

ر مری می سیم ا مها ۱۳۲۷ - ایک دائرہ دو نابت نقطوں میں اور میں میں سے گزرتا ہے اور دو نابت مشقیم خطوں کو جو میں میں پر عمو و مہیں اور اس کے نقطہ تنصیف سے منیا وی انفضل ہر نقاط

ن ، ق اور ن ، ق پر ملتا ہے ، خانب کر و کہ اگر ن گئی۔ س س سے متوازی نہ ہو تو یہ ایک ایسی تراش مخروطی کو مس کرسے گاجس کے ماسکے س اور منس ہیں ۔

[جيس کابي عشنه]

۱۷۵ه- ایک نابت مخروطی تراش پر دو نابت نقطی نی ق بیں ایک قائم نہلولی ان نقطوں میں سے گزرتا ہے اوراس ہرلولی کا ایک متقارب ایک دیا ہوا مستقیم خط ہے ، اگر ہرلولی مخروطی تراش کو ر اور میں پر بھی قطع کرے تو اب

ہر رہ مستقم نحط ن ر اور ق س ایک دوسرے کو ایک ناہت محزوظی تراش پر قطع کریں گے۔

[جیس کابی مشنهٔ] ۱۹۲۲ - و کا ادر و ما دو تا بت متقر خط ہیں ، و کا

پرایک نابت انقطه لاجے اور وما پرایک متغیر نقطه ن جے، الا پر عمود ن م بحالاگیا ہے اور ن م پرایک ايما نقطه ق كياكيا ب كه اق = ن م اق كا طريق وريا نت كرو -

[جسس کاپر مشاہ ا ۱۳۲۷ - ایک دائرہ پر جس کا قط ایک نابت خط آب ب سپے ایک نقطہ ن ہے۔ ب بیں سے ایک خط تھینچا گیا ہے۔ جو کہ ن آم ممدودہ کو تی پر ملتا ہے۔ اگر ب ن اوا ب قی اور ب سے مساوی زاوے بنائیں تو تی کا طربق

دریا قت رو ۱۹۱۸ - اگرایک قائم بدلولی کے اند ایک مثلت آب ا بنایا جائے تو ناست کروکہ اس کا عمود می مرکز ع بدلولی برواقع ہوتا ہے اگر ع میں سے خطوط ع آب ع ب ،

یر واقع ہوتا ہے اگر ع میں سے خطوط ع آب ع ب ،
ع بح مثلاث کے اصلاع کے متوازی کھینچے جائیں الا غابت کروکہ آآآ ، ب ب ، ج بح متوازی ہیں -

اجون کالج منشماً ۱۳۲۹ - ایک قائم ہذلولی کے متقابل شاخوں پر آل او ج دو تفظے ہیں اہم کو قطرہان کر ایک دائرہ کھینجا گیا ہے جومنحنی کو دوبارہ ب اور دیرملتا ہے ، خانب کرو

بلیامی پر کے تسی نقطہ کے فاصلے وُدار بعد الاصلاء کے مناموں سے اہم متناسب ہیں -اجن کالح ملائث

وساس ایک شلف کے تاعدہ ا اُکا مقام دیا ہوا۔

يتقل ہے، اگر قاعدہ کے متصل زاویوں کا کے برابر ہو تو نا بت کرو کہ اس کے اس ، قائم بزلولی ہے ، 11 پر عود ن ل کا لا نقطرل سے دو تماس ل ق ک ل فی اس دارہ ، گئے ہیں جو 1 اور کے قطریر بنایا جائے افایت وكه نَنْ ق، لاَ مِن -سے گزرتا ہے اور ن ق ۱۸ میں سے نیزاگر ق ق ' اوا کو هم پر قطع کرے تو نابت کر و کہ [جون كالج منتشمه] ینا کے گئے ہیں، نابت کرو کہ ان سب کے مرکز و تفطی دائرہ کے محیط پرواقع ہوتے ہیں۔ اگراس متلث كا ايك زاويه ما نمه بهوية خطوں کا قاتمُہ الزاویہ پر آیک مشترک ما س ہوگا۔ النقط لي مسكّع ہيں جن پر-خط کے متوازی ہیں اس کو ہندسی طریق پر نا بت كروكه ان نقطون كاطريق أيك قائم بدلو بي سبيه.

ایک الیکی کے مزدوج قطرت سے نامدج د

ایک ہداولی کے متعارب ہیں، ق می انکامشترک وزر سے اور ہمیلی کے و تر می گر، می ر بالتر شیب ہے د اور میں میں کے متوازی ہیں، نیابت کرو کہ

ى رُ: قر = ج د : ج ن

[کلیرکالہلائڈا] سہ ساسا۔ نا بت کرو کہ ایک ہدلولی اور ایک دائرہ کے سنترک و تروں کے ایسے زوج بن سکتے ہیں جومتقاربو کوہم محیط نقطوں پر قطع کریں ' نیز نا بت کروگہ ان دائرار کا مرکز وہی ہے جواصلی دائرہ کا ہے'

و ترنتی کا لیم سیمیرا [

مساس ایک مثلث کا قاعدہ دیا ہوا ہے اور قاعدہ کے متصل زا ویوں کا فرق بھی معلوم سبے ، تا بت کرو کہ کہ راس کا طریق ایک قائم ندلولی سبے ، معلوم کرو کہ مثلث کا قاعدہ کس صورتیس قاطع محور ہوگا

[كينركالج مقمما]

۱۳۳۹ و قائم بزلولی خطوں کا مرکز ایک ہی ہے اور ان کا ایک می رہے اور ان کا ایک مشترک ماس ہے ، خابت کروکہ اے قاطع محوروں کا در میانی زاویہ ان متقیم خطوں کے در میانی زاویہ کا تفاط تاس سے جو مرکز کو انقاط تاس سے وصل کرتے ہیں۔

[ترسنى بال سنشمرا]

عسرس اگرایک کمیلی کے دو متقارب بلحاظ مقام۔ لوم بهول اور منحنی بر کا ایک نقطه نبی دیا بهوا بهو تو^ا سک را سول کا مقام دریا فنت کرو-

، ذلولی کے جارماس تھنچے سے ستطیل کی شکل بنا نی گئی ہے ' اِگر مستطیل کا ایک منا ا ب بناولی کے مرتب کو کا پر قطع کرے اور نظیری ماسکر س بهوانو تابت كروكم مثلف لا س لا كس ب متشابه ہیں۔

[كرائست كالج هديد] ١٣٠٩ نابت كروكه ايك قائم بذلوبي مين وترن ق اور ن پرکے ماس کا در میانی زاویہ احس زاویہ سمے برا برہے جو وز ن ق کے محاذی ن میں سے گزرنے

والے قطرکے دو سرے سرے پر نتیا ہے۔ دو قائم ہٰدلوگی ایک دوسرے کو ن پر مس

كرت بي اور ر اور س ير قطع كرتے بي، اگردس کے قطریر ایک دائرہ بنایا حاسے تو نا بت کرو کہ بین میں سے اور ن میں سے گزرنے والے وو قطرو مکے

سروں میں سے گزر تاہیے۔

[كانسك كالج مشيدا] ٣٣١- اگرایک قائم بدلولی کے اند ایک مثلث مشاوی الا صلاع بنایا جائے نواس کے بیرونی دائرہ کے مرکز کا طریق دریا نت کرو۔

[كوين كالج ملاهما]

۱۳۴۲- تابت کرو کہ ایک قائم بدلولی میں کسی نقطہ پر کے عاد کا وہ حصہ جواس نقطہ اور محور کے درمیان واقع ہے مزدوج ہدلولی کے اُس نیم قطرکے برابر ہے جوعاد

- 12 c 19 - 1

[جون كالج المنشأ]

مستمیں خطا سینچے سکتے ہیں جن سے محدرایک دیے ہوسے مستقیم خطائے متوازی ہیں ، اگر ایک ایسا مما س کھ بینیا حاسئے جو لاب پرعمود ہو نؤ نما بٹ کرو کداس کے نقطمہ

تاس کا طریق ایک برلولی ہے۔

[بون كالج سليما]

مهم مهم سور دوستقیم حظ ایک دوسرے کو زاویہ قائمہ بر عطع کرنے ہیں ایک اورستیقیم خط آن برایسے حرکت کرتا

قطع کرنے ہیں ایک اور مستقیم خط ان پرایسے حرکت کرتا ہے کہ اس کے محا ذی ایک ٹابت نقطہ بر ہا ازاویہ قائمہ نبتا ہے ، یہ ٹابت نقطہ خطوط مذکورہ کے درمیانی

کا مهر مبهاطب معلیہ ، بت عظم علوط مدورہ سے روحوں زاویہ قائمہ کے مضعف پر واقع ہے ، خابت کردکرمتحرک خط ایک تا نم فہ لولی کو مس کرتا ہے ۔

[جون كالج اللمد]

ایک ہلیکی دیا ہواہے ، خابت کر و کہ ایک مم ما سکه او نائم بزلولی اس کو مساومی و مزووج قطرو س سمے مروں پر مقطع کرتا ہے

ایک شلیمی کے نقطہ ن پر کا ماس راس پر کے ماس کو ما پر آتا ہے! معین ن ل نقطه ریاب اتنا خارج کیا گیا ہے کہ زل = ن ما ' نا بت کرو کہ ر کا طریق ایک قائم ہدلولی ہے ۔

ایک دے ہوئے دائرہ پر دونا بت بنقطے کو اور ب ہیں اور ج ۵ ایک وتر سے جسکا طول دیا ہوائے اگر ا ب کے متوازی ایک وترجع تحمینا جا ہے اور اگر ایج اور ب ۵ ایک دوسرے کو و پر ملیں تو نابت کرو کہ و کا طریق ایس تایم بدلو کی ہے۔

[جيسس كالجشيدا]

ایک بزلولی کا امدادی دِارُهِ دیا برواسے نیزمتحنی نقطه معلوم ہے انابت کروکہ ماسکوں کا طریق ایک ندلولی سیے۔

9م س_{ام} دومساوی دائرے ووستقیم متوازی خطوں کو وسے ہوسے نقاط آ اور ب پرمس کرتے ہیں ان وائروں کے مرکز ا ب کی ایک ہی جانب میں واقع ہیں

کو وتر تا س پر ملنے ہیں ۔

نابت کرو کہ دارُوں کے تقاطع کا طریق ایک ہذلولی ہے۔ [جیسر موبع ملشدہ]

۰۳۵۰ نابت کروکہ ایک قائم ہذلولی کے دو ماسوں کا در میا نی زادیہ اس زادیہ کے مساوی ہے (یااُس زادیہ کا مکمل ہے) جو وتر تماس کے محاذی مرکز پر منبتا ہے -نیز ناب کرد کہ ان زاد ایوں کے منصف ایک دوسرے

[جيسس كالج لاهما]

۱۳۵۱- ایک خانم بذلولی کے نقطہ ن پرکا ماس متقاربی کو ک اور ل پر قطع کرتا ہے اور ن پر کا عاد محور کو گ پر ملتا ہے ' جو وائرہ نو وار بعتہ الا صنلاع سے ک گ ک ک کے گرد بنایا جائے اس کا مرکز دریا فٹ کرو۔

[جون کالج مشکلا] ۱۳۵۲ مورت دو نبرلولی خطوں کا ایک ہی قاطع محورہے 'آلی ایک عمود قائم کیا گیا ہے جو منحنیات کو ن اور ن پر ملتا سے ' خابت کرد کہ ن ادر ن بر کے ماس ایک دوسر کو قاطع محور بر ملتے ہیں ۔

اپتربوس سلما ا ایک بدلولی کے نقطہ ن پرکا ماس ایک متقارب کوط پر ملتا ہے، اس متقارب کے متواز می ایک خط د کن رکھینچا گیا ہے جوایک مرتب کو دکئی پر اور خط س ط کو ر پر امناہے ، اس میں س مرتب نکور کا متعلقہ ماسکہ ہے ۔ نابت کرو کہ رکن ہے رین ہیں ن

[كليركالج مششا]

ہ ۱۳۵۔ ایک ہدلولی کے نقطہ ن پر کا ماس ایک متقارب کوط پر ملتا ہے، نابت کروکہ ج ط اور مس ن کا درمیانی زاویہ، زاویہ س ط ن کا دوجیند ہے، اس میں ج مرکز ہے اور س ، س منحنی کے ماسکے ہیں۔

[ترنتی کالج سممدا]

۳۵۵- ایک بزلولی کے ماسکے س اس بس ہیں اگر ج ن مج ح اس کے مزدوج نیم قطر ہوں تو نابت کرو کہ کے کا فاصلہ ایک ایسے خط سے جوج میں سے مس ن کے متوازی کھینچا جائے نضف محور اصغرکے مساوی ہے۔
کے متوازی کھینچا جائے نضف محور اصغرکے مساوی ہے۔
[ترنتی کا بیص شا

۱۳۵۷- ایک ہدلولی کے نقطہ ن پر کا ماس شقار ہوں سے ق' ق پر ملتا ہے' ق م ' ق م بالتر نتیب نقاط ق اور ق کے معین ہیں اور مرکز سے ن پر کے ماس پر

عمود سے طر کھینچا گیا ہے اگرط م عظم نقطم ن پر کے عاد کو بالتر تیب ک اور ل پر ملیں تو نامبت کروکہ ق ک ق ل ایک معین نفل ہے۔ [ببرک کا بیاضنا] ۲- اگر نولی کی یہ تعریف کی جائے کہ یہ ایک ایسے
انفا ف جے جو دو نابت خطوں سے ایک مثلف
جے جس کار قبہ متقل سے تو نابت کرو کہ نہ لولی کے
قارب ہیں اور خط لد کور شخنی کو اس کے نقطہ تفلیف
م کرتا ہے۔

۱- اگر دو ہم مرکز قائم نہ لولی خطوں کے نقطہ تقاطع پر
پی کھینچے جائیں تو نابت کرو کہ ان کا در میانی زاویہ کا موردل کے در میانی زاویہ کا دد چند ہے
موردل کے در میانی زاویہ کا دد چند ہے
ان کو مرکز اور ن ق کو نضف قطر بان کا انکم نہ لولی کا قطر ہے
پی کو مرکز اور ن ق کو نضف قطر بان کرایک وارد

ن کو مرکز اور ن ق کو تضعف قطرمان کرایک وائرہ گیا ہے ' اگر دائرہ اور ہدلو کی کے باتی نقاط تقاطع ب ' ج ہوں تو مٹلف کا سب ج مشاوی الاصلاع '

[كِ سِيموا]

۲- ایک دائرہ ایک قائم بزلولی کو آل کو این کئے ہیں۔ میں ن ن پر بزلولی کے عاس کھینیجے کئے ہیں۔ مکروکہ ان کا نقطہ تقاطع بزلولی کے اس قطر برواقع جو آلآ برعمود ہے۔

[کرنٹ کا بیشدی اور راس او مسلا] ۔ ایک شامی کا ماسکہ س سبے اور راس او مسلا

م تب کو کا پر ملتا ہے ' س کا ح ایک واق کا زاور ہے س سے ' س کی پر عمود سبے ' فایت کرو کہ سب اور ے کو ماسکے مان کر آیک ہناونی تھینے سکتا ہے جو شکھی نقِطه ن برمس کرتا ہے اور ن کا ما سکی فاصلہ نیم وتر خاص کے برابرہے۔

[كومين كالج مشمما]

ایک وے ہوئے نقطہ ن میں سے ایک خط لفینجا گیا ہے جو دو ٹابت ستقیم خطوں کو ت اور ت کیر ملتا ہے' نُ نُ نُ تُ بِرِ ایک ایسا انقطہ ق میا گیا ہے کہ ق ق = ن ن ' ٹابٹ کروکہ ق کاطریق ایک ہزلولی۔

[كيتھرين كالج مشيدا]

۳۹۳ - نابت کروکہ ایک ہدلولی کے محسی نقطہ پر کے ماس اور عاد متقاربو ب اور محورو س کو با نترسیب خیار نقطوں پر قطع کرتے ہیں جو ہدلولی کے مرکز میں سے گزرنے والے وائرہ پر واقع ہوئتے ہیں، نیز ٹابت کرو كه اس دائره كا نفعت قطر بالعكس متنا سب يع أمس عمود کے جو مرکزسے عاس پر نخالا جائے۔

[جون كالج سيمده]

سم ۱۳۷ ایک بدلولی کے شفارب ایک وو سرے سے نصف زاور قائمہ بنا تے ہیں، تفظہ ن میں سے

ہرایک متقارب کے متوازی خط تھنچے گئے ہیں جو دوسرے متقارب کو بالترمتیب سے اور ک پر ملتے ہیں استاست ج ح ک کے عمودی مرکز کا طریق دریا نت کرو (اور اسکو رشم کرد)

۳۹۵ - ایک نقطه ل پر کا ماس ایک متقارب کوط پر

لميًا سِيع ، وو وتر و نقطه آل كو دو اور نقطون م اور ن کے نیاتھ ملاتے ہیں وہ اس متقارب سلے الا اور و يرطنة بي، نابت كروكه طلاء لأو جال لأ ده نقطه

ہے جہاں من مقارب سے متاہد [کلیرکا کیج سیمشا]

ا ب ج د ایک متوازی الاصلاع سے ب ج پر ایک نقطه ع کیا گیا ہے اور اس نقطہ سے د يرعموه ع ف بكالا كياسي ، إلع يرعمود ع ك

قَامُ كَمَا كَيا سِهِ عِبال نقاط فِ اوركَ خط الدير واقط ہیں ، و ب پر ایک نقطه ک ایسا نیا گیا ہے کہ و ک ہے ف گ ، ٹابت کرو کہ ن ک تبیشہ ایک

ا بت بدلول كومس كراب

[ترنتي كالج سيمنية] ے ۱۰۷۱ ایک برلولی پر کے کسی نقط ن سے متقاربون پر عمود ن م اور ن ل سات کے بیں، ن ل سنحنی کو دوبارہ نُ پر ملنا ہے ' خانب کرو کہ ن م اور نَ ل کی اہمی نسبت ن کے سب مقامات کے لئے وہی ہے۔ (بہرک کالج بعث مثال

۳۹۸۔ دائرون کا ایک نظام دیا ہوا ہے، سب کے سب وائرے دو نابت نقطوں میں سے گزرتے ہیں اور در اگروں کے متوازی ماس کھنچے گئے ہیں ، ناست کرو کہ اُن کے

نقاط تما س کاطریق ایک تا یم ہذلو تی ہے ۔ نقاط تما س کا طریق ایک تا یم ہذلو تی ہے ۔

ا كائت كالج سمية إ

۳49- تقط الأب 'ج' > ایک بدادلی پرواقع ہیں ،
اب اور ج د ایک دوسرے کو ایک متفارب پر قطع کرتے ہیں، دوسرا متفارب دریا فت کرو۔

[بتربوس تكششا]

رہر ہوں ہے۔ ایک قائم بدلولی کے قاطع محور ہر ایک نقطہ ط سے اس کھنچے کئے ہیں جو سے اس کھنچے کئے ہیں جو راسوں پر کے ماس کھنچے کئے ہیں تابت راسوں پر کے ماسات سے ق اور ق پر ملتے ہیں تابت کروکہ ق ق املادی دائرہ کو ایسے نقطہ ر پرمس کرتاہے کہ اگر ر اور ط کو ایک متقیم خط کے ذریعہ بلایا جائے تو یہ خط ذاویہ ق ط ق کی تنصیف کر گا۔

[ترنتی کا بھششہ] اکسا سالک مثلث اوب سے کے گروایک دائرہ بنایا گیاہے اور اسکے نقطہ ج پرماس کھینچا گیا ہے ، مثلث کے صلع کا جے کے متوازی ایک خط تھینجا گیا ہے جو اوب اور ماس مرکوہ كو بالترتيب نقاط ن اور ق يرملتا بها البع كرو مكم ج ن ' ب ق کے تقاطع کا طریق ایک قائم بدلو لی ہے۔ ئىس كالجرسم شيثا ایک بزاولی پرے وونقاط معلوم ہیں اور اس کا ایک متقارب ویا ہوا ہے متابت کروکہ اس کے محور کا نفا فٹ ا نگ نابت نقطہ میں سے ایک ہذلولی کے وتر کے تحمّعُ ہں ہمّا بت کروکہ ایکے نقاط تنصیف کا طریق ایک ایسا ے جواصلی بذلولی یا اسلے مز دوج کے متشا ہو ہے۔ [بون كالج سمم م یسبہ ایک ستوی کھیت کے ایک مقام برایک ہندوق کی ہوازاور نشانہ کے جاند پر کو لی لگنے کا دھاکہ وو نوں ایک ہی وفت سنائی وسے اسننے والے کے مقام کاطریق دریا فت کرو۔ [جون كالبيسيمه إ ۵ سے ایک قائم نولولی میں اگر ن ق ایک وتر ہواورت ق کا مزدوج وترج صل ہو تو خابت کرو کہ ن ق اور ن پر کے ماس کا در میانی زاویه از زاویه ص ج ن کے برابرہ

۱۷۷۷ ایک مزدوج برلولی پرایک نقطر ک سبے اس نقطہ سے ایک خط ک ق ن ن ق محینی کیا ہے جو بدلولی

[سلون كالجست ا]

کو ن ن پر اور متقاربوں کو ق ، ق پرملتا ہے خاب کروکہ کن×کن=۲ک ق×ک ق [بربوسس سمدا] ایک ہدلولی پر دو تقطے ن اور ق کیئے میں ن میں سے ایک حظ ایک متقارب کے متوازمی تھینجا گماریتے اور ق میں سے ایک اور خط دوسرے متقارب کے متوازی کھینجا گیاہتے اور یہ دونوں خط ایک دوسرے کوط بر ملتے ہیں ن اور ق پر کے اس طق اور طن کوباکتر تیب ن می بر لمتے ہیں انٹابت کروکہ ن تی ان ق کے متوازی سے [يتربوس تشفيا] ٣٤٨- ايك بلولى كے اسكے ساس س بي نظيرى مرتب خط س س کو بالترتیب کا اور کا پر کلتے ہیں، ایک ماس پرعود س ما اور س مَا کھینچے گئے ہیں، اگر لاما اور کا ما اماوی دائره کو دوباره ما اور هایر ملیں تو ٹا ب تروکہ ما ما بداولی کا ماس سے ۔

عليات • ۱۳۸ - ایک مثلث ایک بذلولی سکے اندر نبایا گیاہے اسکے ووراسوں میںسے دوخط متقاربوں کے متوازی تھیفنے گئے ہی جومقابل کے اصلاع کو دونقطوں پر سکتے ہیں ا خاب کرد کہ جو خط ان نقطوں کو وصل کرا سے وہ اُس ماس کے متوازی ہے جو تمیسرے نقطہ راس پر مکینیا جائے ۔ [کلیرکالج سفدا] ۱۸سا۔ اگرایک قائم نہ لولی کے قطر ن مج ن کا سعسین ت ص ہوتو نابت کرواکہ ق ص نقطہ ق پراُس دائرہ کا ماس ہے جو مثلث ن ق ن کے گرو بنایا جا گے ۔ [تربتي الستثفا]

تحروحي تراسين بالعمو

۲۸۲ – ایک مخروطی تراش کا ماس اسکے دومہ بہوں کونقا ل اور ہ پر قطع کرتا ہے؛ اُن مرتبوں کے منعلقہ السکے بالترتيب ملن اورح ہيں ُ اگر ل ہيں اورم ح(مدودہ بشرط خرورہ) كا تقاطع ع ہوتو ٹا بت كرو كه لع

سر ۲۷۸ ۔ ایک مخروطی تراش کا ماسکہ معلوم سے اور اس بر کھے وو نقطے وسے ہوسے ہیں، اابت کروکہ مرتب کے یا این کا طریق ایک دائرہ ہے۔

[آئی سی ایس سیشدا]

ہندسی نخروطا ت ایک مرکز دار تراش مین فرص کروکه ن پر کا ما س اورعاد بالترتيب ن ك اور ن ل بي اور فرص كروكم ک س ل سس ن کے متوازی تھینجا کیا ہے جہاں س اور س ا سکے ہیں، ٹابت کروکہ ک س = س ل ا يتربوس مخشيل ۳۸۵ - ن پر کا ماس محور اعظم کو ط پر ملتا ہے ، ترامضس ماسکوں سے ایک ماس پرعموہ بکا نے گئے ہیں اور ان عمودو کے یا یوں سے دوبارہ تراش کے محور پر عمود بکا لیے محتے ہیں اور وہ منحنی کو ل اور ل پر ملتے ہیں ، تأبت كروكه طل ل ايك متقيم خطب

١٨٧١ - وتابت متقيم خط ايك متحك متقيم خطست اك ايما حصد کا شتے ہیں جس کے محاؤمی ایک نابلت نقطہ پر ایک ستقل زاديه منبتاً سِيء أبابت كروكم متحرك حظ ايك مخروطي تراش كومس كرتاب حبكا اسكه وه تابت نقطهب -

[رُنتی کا بیششدا]

٢٨٧- ايك مركز دارمخروطي تراش كے كسى قطر بروو نقطے ا اور ب میں انیز مزدوج تطریر دو نقط سے اور د میں اگر المج كا قطب بدر برواقع بوتو نابت كروكه إدكا تعطب ب ج پر واقع ہوگا۔

[مندن بيءات اومزر منتفل]

۳۷۸۸- اگر دو مشلف ایک محزوطی تراش کے گرد بنا نے جا میں تو ناست کرد کہ ان کے گرد ایک اور محز وطی ترا سنس جا بین تو نامب کرد کہ ان کے گرد ایک اور محز وطی ترا سنس بن سکتی ہے۔

بن مهی سب سے سے ۱۳۸۹۔ اگر دائرد ں کی کوئی تعداد ایک مخروطی تراش کو ایک ہی نقطہ پرمس کرسے تو ٹابت کرو کہ نقاط تقاطع کو ملا نے والے وتر سب متوازمی ہو گئے ۔

[لندن ایم- بی- اے اوٹرزظ منا

۱۳۹۰ مخروطی تراشوں کے ایک سلسلہ کا ایک اسکہ اور ایک مرتب منترک ہیں ، ایک مستقیم خط کھینجا گیا ہے جو مرتب پر عمود ہے اور مخروطی تراغوں کو ان ، تی ، کہ مسلسہ کردکہ اگر مشترک ماسکہ سے ن ، تی ، کہ مسلسلہ کا ایک ماسک برعمود کا اگر مشترک ماسکہ سے ن ، تی ، کر مستقیم خطا پر برعمود کا ایک ایسے مستقیم خطا پر واقع ہو سے ہیں جو مرتب کے پالیس میں گزرتا ہے۔ واقع ہو سے ہیں جو مرتب کے پالیس میں ہیں ہیں جو مرتب کے پالیس میں ایسے کردرتا ہے۔

ا ۱۹۹ ایک ملیلی ایک مثلث مشاوی انساقین کے آدر بنایا گیا ہے، ملیلی کا محرراعظم مثلث کے قاعدہ کے متوازی ہے، نماہت کرو کہ محوراعظم کے کسی ایک سرے کا طریق آپ ایساشلی ہے جس کا راس اس عمود کا نقطہ تنصیف ہے جو مثلث کے راس سے قاعدہ پر نکا لاجا ہے ۔ جو مثلث کے راس سے قاعدہ پر نکا لاجا ہے ۔

د مخروطی تراستون کا ایک ماسکه اور ایک مرتب دو لون

مشترک ہیں، نقطہ ن ایک تراش پرواقع ہے اور ق دوسری پر ادر زاویہ ن س ق ایک منتقل زادیہ عمر کے برابرہے۔ نابت کرو ن اور ق پرکے مماس ایک دوسرے کو ایک ایسی تراش پر قطع کرتے ہیں حس کا ماسکہ اور مرتب دونوں دہی ہیں جن کا اوپر ذکر ہوا۔

[جن کالج عشف]
الموس کے نقطہ ن کو ماسکوں کے نقطہ ن کو ماسکوں کے ساتھ طائے ہیں وہ مختی کو دوبارہ ق اور ر پر سلتے ہیں خابت کرو کی قب مرز اور ہم محور مخروطی تراش کو مس کرتی ہے ۔
الموں کا بہم مرکز اور ہم محور مخروطی تراش کو مس کرتی ہے ۔
البیم مرکز اور ہم محور مخروطی تراش کو مس کرتی ہے ۔

۳۹۴- ایک مخادطی تراش برایک متحرک نقطه ن ہے اور ن پر کا ماس ایک نابت ماس کو ق پر قطع کرتا ہے ، ماسکہ نس سے ایک متقیم خط کھینچا کیا ہے جو نس ق پر عمود سرے اور جو ن پر کے ماس کو ر پر ملتا ہے ، نابت کرو کہ ر کا طریق ایک متنقیم خط ہے۔ ر کا طریق ایک متنقیم خط ہے۔

[جن كالج شفدا]

۱۹۹۵ - ایک مخروطی تراش کے نقطہ ن پر کا ماسس قاطع محور کو ط پر ملما ہے' تراش کا اسکہ س ہے' نابت کرد کہ تراش ہلیلجی' شلحمی یا ہٰدلولی ہوگی اگر با لتر تیب س ط بڑا ہٰو' مساوی ہو یا چھوٹا ہو س ن سسے

[ترنتي كالج سنشير

۱۹۹۳ ایک دی ہوی مخوطی تراش کا مرکز ج ہے اور و ایک دیا ہوا نقطہ ہے ، ج و تراش کو ایک ایسے نقطہ بر قطم کرتا ہے جو ج اور د کے درمیان واقع ہے ، ایک مستقیم خط و دن رق مخروطی تراش کو دن اور ق مخروطی تراش کو دن اور ق محردوج قطر کو ایک نقطہ ریر متا ہے اور ج درمیان واقع ہے ،

اہب روں رن + رق خط ون رق کی سمت پر منصر نہیں ہے۔ منصر نہیں ہے۔

سر ہیں ہے۔ ۱۹۹۸ ایک مخروطی تراش کا اسکہ س اور ایک انگی وتر ن س ق دولوں دئے ہوئے ہیں' اگر دن پر کا عاد مور کو گ پر لیے تو گ کا طریق دریافت کرو

ا پہر کالج کھیا۔ ۱۹۸ ایک مغروطی تراش اسطی کھینی گئی ہے کہ وہ ایک نقطہ معلومہ ن ہیں سے گذرتی ہے اور اس نقطہ پر اس کا ایک ثابت ماس ن طہے می اعظم ایک ثابت خط ن می پر عود ہے اور

اس نقطہ پر اس کا ایک تابت ماس ک طاہمے مور اعظم ایک خابت خط ن می بر عمود ہے اور اس کا طول ایک دئے ہوئے خط سے برابرہے نابت کروکہ تراش کا مرکز ایک ہدلولی پر واقع ہے جس سے متعارب ن می اور ن ط ہیں۔ جس سے متعارب ن می اور ن ط ہیں۔ عليامت ۱۹۹۹ ایک مخروطی تراش پر کوئی نقطہ ن ہے ^ہ رتب پر عمود ن ک نکالا گیا ہے ، اگرک ن کو آنا خارج کیا جائے کہ ن ق ن سے ماسکی فاصلہ کے ساوی ہو تو ثابت کروکہ فی کا طریق ایک مخروطی مراش ہے۔ [كيتحرين كالج محثثه] مخروطی تراشون کے نقاط نقاطع میں سے از کم دو نقطے حقیقی ہیں ' ان کے مشترک ماس لینیج کا ایک خطی بهندسی عمل در یافت کرو۔ آجون کالج مردماء ۱۰،۷ - کئی ایک کڑت ایک ثابت نقطہ میں سے گذرتے ہیں اور دو دی ہوئی سطوں کو مس کرتے ہیں 'شابت کروکہ اِن کے نفاط تناس دو دانروں پر واقع ہوتے ہیں اور کسی ایک کرہ کے مرکز کا طریق ، بلیلی ہے، اگر سطحون کا درمیانی زاویہ ،4° ہو تو نابت کرد کہ ہلیلی کے ماسکوں کا درمیانی فاصلہ تضعت محور اعظم ۲-مم- ایک مخروطی تراش کا ماسکه میں ہے اور ایسکے ماس ط ن ، ط ق نظيري مرتبون كو بالترتيب ل الله م پر قطع کرتے ہیں ٹابٹ کروگہ طابس زاویہ لسم

کی منصیف کرتا ہے۔

سوریم ۔ ایک مخروطی تراش ایک مثلث سے اندر بنی ہوئی ہے۔ ایک مثلث سے اندر بنی ہوئی ہے۔ اور مثلث کے اندر بنی ہوئی ہے۔ اور مثلث کے اضلاع اسکو مس کرتے ہیں اسکو مس کرتے ہیں اسکو مس کرتے ہیں اسکو میں معلوم کے دیا

اس تراش کا ایک ماسکہ دیا ہوا ہے معلوم کروکہ دولم ماسکہ کس طرح دریافت کیا جائے۔ کیا ایک سے زیادہ حل مکن ہیں ؟

ہم،ہم۔ نابت کروکہ ایک مخروطی نراش کے اسلی وتروں کے نقاط تنصیف کا طریق ایک تشابہ مخروطی نراش ہے۔

تراش ہے۔ آیہ در بلامان

ق ر = ن ق ' اگر له اور رب ن میں سے گذرہے والی مخروطی تراش کو ح اورک پر اور اگر حک می ن مدودہ کو س پر لمے تو ثابت کروکہ ن س = ن ق ریبرہوس سامنیا

[پیٹر ہو صن مسلم ایک مثلث ایب مخروطی تراش ایک مثلث الب جے

۸۰۸ - اگر دو مخروطی تراشون کا ایک مرتب مشترک بو تو نابت کروکدان کے چارنقاط تقاطع ایک دائرہ پر دا قع ہوتے ہیں -

المرائل المبل المرائل المبلى المبلى المرائل عاصول سے الفاطع كا طرائل جو محور اعظم اور اصغرسے بالتر تیب مساوی راوئے بناتے ایک قائم ہدلولی ہے جبکے راس المبلی کے ماسکے ہیں۔
راس المبلی کے ماسکے ہیں۔

[كوائسك كالج بهيثة]

ن پر قطع کرتا ہے ' پلیلجی سے بالتر تیب ہدلولی کے مزدوج _راور خاج كياكيا اور ن ق م اور ہدلولی کا نقطہ اتفاطع ہے شابت کرور ق م نقطہ ق برکا ماس ہے۔ بلج شكلًا اور وضعًا تنشأبه بين أن ماسون کے دو زوج ایکدوسرے کو س) بر قطع کرتے ہیں ' ایک ہلیجی کا ایک ص ط أص مَ مَ ير كانما بي اور نون ایکدوس*رے کو جار* نقطون ا^بک ہیں جو ادب اور ج در سے متوازی میں اور الے ا سروں بمو مشقیم خلون کے ذریعہ ملایا گیا ہے اُتا کروکہ شلجی کا محدان میں سے ایک خط کے متوازی ہے۔

[جون کالج سلاشانی مخروطی تراش کے دو نقطوں ن اورق منتق

کے ماس نقطہ و پر ملتے ہیں اور و سے دوشقیم خط کھنچے گئے ہیں جو تراش کو کا ٹتے ہیں اور قاطع مور سے مساوی زاوئے بناتے ہیں 'اگر وہ ن ق کو

تور کتے مشاوی راوے نبائے ہیں مہر وہ ن کی۔ م اور ل پر لمیں اور وترون کے نقاط تنصیف که اور میں ہوں تو نابت کرو کہ رمم ک میں ایک دائرہ پر واقع ہوتے ہیں۔

[پتیر ہوس سنشنا]

تشنابہ مخروطی تراشون سے مرتب متوازی مل اسک میں مشنہ کی سرکی آگر میں میں سر

ہیں اور ارتکا ماسکہ میں مشترک ہے 'اگر میں میں سے گذرنے والا ایک منتقیم خط ان مخروطی تراشون سمو ن اور تی پر کمے تو کن نی سمے نقطہ تنصیف کا

ا کرو۔ 1) اُد ط ساد ر ۱۹۸۶ -

۱۷۸ - از ب ، ج کوئی تین ثابت نقطے ہیں او یں سے ایک متقیم خط کینچا گیا ہے جو ایک یی ہوئی مخروطی تراش کو ن ، ق پر کمتا ہے ،

ایک مغروطی تراش ہے۔ و ایک نامی نقط ہے اور ایک وسطے مو خط پر آیک نقطه ن ساگیا ہے، اگراسی خط پر ایک کی ایسا الیاجائے کہ ن ق اور ون کی باہمی سبت تقل ہونو نابت کروکہ ن اوروق کے نقطہ تنصیف کو ملا نے والا خطِ ہمیشہ ایک ایسی مخروطی تراش کوم رًا ہے جس کا ماسکہ و ہے۔ [ميس كالبيلاث!] ی اس م نابت کروکه ایک ہم ماسکه بلیلی اور بدلوتی ایک رے کوزاویہ قائمہ پر قطع کرتے ہیں اور ہدلولی کے متقارب لملیمی کے امادی دائرہ پرے اُن نقاط میں سے گزر نے ہیں جو نقاط تقاطع کے نظیری نقاط میں -ایک خط و ب ایک نابت نقطه و میں سے مینیا گیا ہے اور ایک نامیت وا زو کو ب پر ملتا ہے، سے ایک خط ب ج کمینیا گیا ہے جو

ایک مرکزه دار محزوطی تراش نقطہ سے اس نقطہ سے تراش کے دو ماس اور ان کے نقاط تاس کو ملایا گیا ہے ' نابت کرو سے جو مثلث بنتا ہے اس کے عودی مرکز کا طربق ایک ایسی محزوطی تراش ہے جو دی ہوئی تراش کے منشآنہ ہے ١٧٠٠ مم اسكه مخروطي تراشون كا ايك نظام ويا مواسي اور ایک خابت منتقیم خط اُن میں سے ایک کو دو نقطور

پر ملتا ہے' اگران نِقطوں پر تراش کے عماد تھنچے حابم تُوٹا بت گروکہ ان کے نفطۂ تقاطع کا طریق ایک

کے مرتب پر کوئی نقطہ لیا گیا ہے اس ر بی ر سکہ مان کر اور شکی کھے ما سکہ کو دوسرا ماس ۔ ہمیلمی یا ندلولی نبا یا گیآ ہے ' جن نقطوں پر ب کو قطع کرا ہے اُن براسکے ماس اور عاد تھینیے

ہیں' نا بت کرو کہ بیشلجی کے بھی ماس ہیں۔

۱۳۲۷م – ایک مخروطی ترایش کا ایک نا بت وتر نِ ق آ قطر کول پر متاہیے اور اگر ل پر اس قطر کا معین کھینچا جا

تو وہ ن اور تی پر کے ماسوں کو سے اور مناسي النابت كروكه ح ك كي تنعيف نقطه ل بر

ہوتی ہے۔

[کیرنائج سین ایک محزوطی تراش کے نقطہ ن میں سے دو

ور ن ق " ن ق كيني كي مين الرق اور ق

میں سے وتروں پر عمود منکا نے جا ئیں تو وہ ن پر کے عماد سے بالترتیب _رل اور ل پر ملتے ہیں ' ناست کرو

کہ ن ل ان ل کو آپس میں وہی سبت ہے جو ن ق ان ق کے متوازی قطروں کے مربعون کو

آپس میں ہے۔

مهمه مه ایک مخروطی تراش پر چار نقط آن بست که . ایسے بین که ان پر کے عاد ایک نقطه پر ملتے ہیں ،

میں رہ ہی ہوت ہور ہیں۔ خابت کروکہ اور ج < کے متوازی جو قطر ہیں

المليري في مشيراً الماري الماري في مشيراً الماري الماري في الماري

ان سبے ایک طلحی ان نقطوں میں سے گزرتا ہے ا اوب کے نقطہ تنصیف سے فاصلہ ج پرایک منتقم خط ہے جوشلجی کا مرتب ہے ، تابت کرو کہ شلجی کے ا

ما سکد کا طریق ایک مخروطی تراش ہے جو ملیجی ہوئی اگر

ج بڑا ہو ن سے اور ہدلولی اگر ج مجھوٹاہو ن سے۔
[ترنتی کالج سیمشا]
ار ۱۹۲۹ میں دائرہ ایک کا غذے تختہ پر نبایا گیا ہے
ادر کا غذکو اس طرح تہ کیا گیا ہے کہ کا غذکا کو نہ وائرہ کے
محیط پرواقع ہوتا ہے ، نابت کرو کہ جیسے یہ کو نہ دائرہ
کے محیط پر حرکت کرتا ہے کا غذکا سنت کن ایک مخروطی
تراش کو لعن کرتا ہے۔

[ترنتی کا بیشششا ایک کا غذکی شکل نصف دائرہ ہے ' کا غذکو اس معلی اس طرح تہ کیا گیا ہے کہ قطر ما نکط پر کا ایک خاص نقطمہ ان ہمیشہ اس کے گول گھیر پر واقع ہوتا ہے ' خاص کر دکم کا غذکی شکن ہمیشہ ایک خاب محزوظی تراش کو مس کر ہی کا غذکی شکن ہمیشہ ایک خاب محزوظی تراش کو مس کر ہی کا خدمی شامل ایک ووسی کے ایک دائرہ اور ایک محزوظی تراش ایک ووسی کے مسلم

ازنی کالج مشکلا]

ازنی کالج مشکلا]

الا کال دائرہ اور ایک مخروطی تراش ایک ودسر کو ب ' ج ' کا ' ع پر قطع کرتے ہیں نابت کرد کہ اُ ن خطوں میں سے ہرایک جو بالترشیب ب ج اور د ع' ب ب خ اور ج ع' ب ب غ اور ج کے در میا تی داویوں کی تصیف کرتے ہیں وو و نے ہو ئے مشقیم خطوں دا دیوں کی تصیف کرتے ہیں وو و نے ہو ئے مشقیم خطوں میں سے کسی ایک کے متوازی ہیں ۔

میں سے کسی ایک کے متوازی ہیں ۔

میں سے کسی ایک کے متوازی ہیں ۔

میں سے کسی ایک گئے نقاط ن' ن پر کے عاد ہیں اور ن گ' ن گئے نقاط ن' ن پر کے عاد ہیں اور ن گ' ن گئے نقاط ن' ن پر کے عاد

ہیں، نابت کرو کہ طن: طن = ن گ : نَ گُ ئیز نابت کرو کہ اگر گ ل ، گ ل خطن نَ پر عود ہوں تو ن ل = نَ لُ

[کرائٹ کالج شفاہ ا سام ۔ ایک نقطہ ط سے ایک مخروطی تراش کے دوماس کھینچے گئے ہیں جواسکو نقاط ن اور ق پر ملتے ہیں کط ٹ کے متوازی ایک خط کھینچا گیا ہے جوط ق کو ل پڑن ق کو و پر ادر مخروطی تراش کو ر اور س پر ملتا ہے ،

و کو پر اور طرفتی توس و ته اور سن نامت کرو که ل وا = ل ر × ل س

س کراتے ہیں۔

ا ۱۳۲۳ - ایک لمپلی کے ماسکے س اور س میں اس پر دو نقطے ن اور فی لئے گئے ہیں، س ن اور س فی ایک دوسرے کو هم پر، س فی اور س ن نقطه ل پر

اور زاو بوں تی مس ن ادر تی مس ن کے منصف اور زاو بوں تی مس ن ادر تی مس ن کے منصف ایک دوسرے کو ر بر قطع کرتے ہیں، نابت کرو کہ رن، رق ہلیلجی کے ماس ہیں اور نقطے م اور ل ایک ہم ماسکہ ہدنو لی بر واقع ہیں حبکو رہم ادر ک

[جیس کا بیشندا] ۱ ۱ سر ایک خط ایک دائرہ جس کا مرکز و ہے اورایک

نقطه من مینوں دیئے ہوئے میں اس خط برکے ایک

متغیر نقطہ ع کو میں کے ساتھہ ایک خط کے ذریعہ ملا اگما کے متوازی خط تھنھے گئے ہیں اور ق پر ملتے ہیں ، نابت کرو وں کا طریق ایک مخروطی ترایش ہے [جن كالج سمدا ، دوسرے کے م لئے بھی ور س ب قطع زائد بالأكياب حبيحا اسكه وسي ہے اوراس ماسکہ کے متعلقہ نقط كاجوماس سب وه مذكوره بالا تطع زائد كا مرتر جماں رپر زائد ہلیلی کے محور اصفر کو قطع کرتا ہے ہلیکی تھنچے مائیں تو نابت کرو کہ یہ ماسات زاید کے

متقاربوں کے متوازی ہو بگے۔ [بون لا لج سيميدا] ۳۳۵ - ایک ملیلی اور ایک ہلولی کے ماسکے مضرک ہیں اور وہ ایک دوسرے کو ن پر ملتے ہیں، نقطہ ن پر برلولی کا ماس ن ماہے ہے، اسکوں سے ماس پر عمود س ما اور س مے نگالے گئے ہیں، نابت کروکه ن ما × ن سے = ب ج جہان ب ج مت میلی کا محور اصغرب [يتربوس سمنه ثال ١٣٠٨ - ايك قائم زلولي ايك بليلي كو نقاط ن اور ق پر منا ہے ہلیائی کے انتحار بدلولی کے متقارب ہیں، مور ج 1 پرسیں نم اور ق ل اور مور نج ب پر سین ن ر ، ق ط مینی گئے ہیں ، تا بع كروكه ج م ا+ ج ل = ج ألا ラじ: ラに= ラト: ラー ا ۱۳۷۸ ایک دائرہ کے محیط پرایک تابت نقط و ہے اس نقطہ سے ایک وٹر وال کھینا کیا ہے اور اس کو نقطه مب کک آتا خارج کما گیا ہے کہ و مب اور والم کے مربوں کا فرق متقل ہے تم نابت کروکہ ب میں سے الزرنے والاخط جر وہب پر عمود ہے ایک مخروطی زاغی کو مس کرا ہے جس کا مرکز و ہے اور مباہا ماسکہ و میں سے گزرنے

(کلیرکالج سمندا ے مخروطی تراش کے دو ماس وئے ہوئے ہر اور ایک ما سکه نجی معلوم سے اتابت کرو کدا کا نفات ایک شاہی ہے حبیکا اسکدس ہے۔ [ترنتي كالج ستديدا] بخ وطی تراش کے ماسکی وتر ن س ف کا تھام دیا ہوا ہے اوراس کے محور کا مقام تھی معلو**م** الرايك لميلي كالمحورا عظم المن الترواورن ل وسکنا معین ہو جو ج آئی ل پر منصیف کر ہے ں سے نابت کرو کہ ن پر کا ماس ان کے اہم ہم ۔ ایک ہلیلجی اور ایک بدلولی ہم مرکز اور ہم محور ہیں، ایک نفرطہ ن کے قطبی لمجاظ وو تؤں مخرو طی تراسوں کے ایک دوسرے کو ق پر قطع کرتے ہیں میں سے گزرنے ہیں لیکن اگر مخاوطی تراشیں ہم مہوں تو نابت کرو گہ ہے ' ق ' ن ایک م ہو تنے ہیں اور ج ن × ج می منتقل ہے۔

۲۲۷۷ ـ ایک مخروطی تراش کا ماسکه' مرتب ' خروج المرکز ئے ہوسئے ہیں ' ما ہمکہ میں سے گزر نے والاالک دیا ہوامستقیم خط منحنی کو دو نقطوں پر کا همٹا ہے اس کے علوم کرنے کا سندستی عمل وریا فت کرو۔ [كوين كابع معيثه] اک ظلمی کا ما سکہ ایک ملیلی کے ایک ماسکریر نطبق ہوتا ہے ، مسلم ہالی کے مزدوج محور کو مس کرتا ہے ' ٹابت کرد کہ ہمیلمی اور تنگمی کے ایک مشترک ماس تے محاذی ما سکہ پر زاویہ کا نمٹ مبنا ہے [ترنتي كالبح مشده ا] ایک بلیلی کے اسکے س اور س ہیں اور سکے اعظم اور اصغر محور الاج آؤ اور ب ج ب بیں ہلیامی اور اُلک ہم ما سکہ نبلولی کا ایک نقطہ تقاطع ن سیے اور بنہ لولی قاطع محور ام ج کی ہے ، نابت کروکہ سَ ن = ألم اور إب = جن [ترنتی کالج مشمما] اور ق کے جے ہوئے دارہ کی سطح میں دو نقطے ن اور ق کے گئے ہیں ' ن فی کے متوازی دائرہ کا وتر ع س کینجا گیا ہے ' ٹاہٹ کرو کہ ع س کے مختلف سے عن اورس ق کے تقاطع کا طریق ایک مواوطی تراش ہے۔ [ترنتی کا بچ سنشفرا]

۱۹ مهم ایک وائرہ ایک نابت نقطہ میں سے گزر ا ب اور ایک دئے ہوئے متقیم خط کو ایک متقل نادیہ برکا ٹا ہے ، نابت کرو کہ مرکز کا طریق ایک مخروطی تراش ہے برکا ٹا ہے ، نابت کرو کہ مرکز کا طریق ایک مخروطی تراش ہے

٣٣٨

[جسراع في سيمونا]

وط در وار متقیم خط کو متقل زاوی برکا ٹا ہے تایداس کا یہ مطلب ہے کہ نقطہ تقاطع میں سے گزرنے والا تضف قطرمتقیم خط سے متقل

زاویه بنا ہے، مترجم-

یہ ہم۔ ایک تراش کے ایک وتر کے محاذی ما سکہ پر ایک ستقل زاویہ نبتا ہے ' ٹابٹ کرد کہ اسکے سروں پر کے ماس ایک دوسرے کو ایک ایسی محزوطی تراش پر قطع کرتے ہیں حبکا ماسکہ اور مرتب دو نوں وہی ہیں جو اصلی تراش سکے ہیں۔

[جن کالج سندا]

۱۹۷۸ - ایک المیلی اور ایک بذلولی کا قاطع محور ایک ہی سب اور ان کے خروج المرکز ایک دوسرے کے شکا فی میں اگر ایک منحنی کے ما سکہ سے دوسرے منحنی کے

ری مرابی می سے باساتہ کر و کہ یہ عاس ایک دوسرے ماس کیفنیچے جائیں تو ٹابت کر و کہ یہ عاس ایک دوسرے کو دو نقطوں پر قطع کرینگے ادر ایک دو سرے سی زاویئے کی دو نقطوں پر قطع کرینگے ادر ایک دو سرے سی زاویئے

قائے بنائیں سے منیز نابت کرد کہ یہ ماس مزدوج محورہ ایسے نقطوں پر تطع کرینگے جوامدادی دائرہ پر واقع ہو بھے

[بون كالح سيميا]

اس میں ہے۔ ایک مرکز دارتراش پر کوئی تقطعہ ق ہے، اس مقطہ کو ماسکات س اور بس کے سابقہ خطوط ق مس اور بس کے سابقہ خطوط ق مس اور قس کے سابقہ خطوط ق مس اور ق مس کے ذریعہ ملایا گیاہے ، یہ خط دو بارہ تراش کو ن اور ن پر کے کون اور ن پر کے ماس ط پر ملیں تو نابت کرو کہ فی ط کی تنصیف بحرام کرہ و کہ فی ط کی تنصیف بحرام پر ہوتی ہے۔ پیز نابت کرو کہ ط کا طریق ایک مخروطی تراش ہے۔

[بتربوس تشده]

، 40 م - نابت کروکہ ایک مرکز دار تراش کے دو نقطوں میں سے دوایسے دارے کھینچے جا سکتے ہیں جو تراش کو مس کریں اور یہ نقاط ناس ایک قطر کے سروں پر منطبق ہوتے ہیں -

[كيزكا في ستثثا]

مخروط

ا ۵۷ - ایک مووط کا راس که اور مور که ب ب مووط کے اندر ایک نقطہ س سائیا ہے، تا بت کروکہ اوب کے اندر ایک نقطہ س سائی اسے من کا ماسکہ س ہے سائٹہ آن تراشوں کی سطمیں جن کا ماسکہ س ہے ایسے حاد سے زاو سے بنائی میں جن کا فرق زاوید میں کم دو چند ہے۔
میں کا دو چند ہے۔
[آئی سی ایس کا دو چند ہے۔

علياست

معلوم کرو کہ ایک دے ہوئے مخروط سے ایک الیسی تراش کس طرح حاصل کی جا ہے جس کا خروج المرکز زباوه ست زياوه مو-

۳۷ دم مسمین مثرا نط کے مائخت ایک مخزوط کی ترامث قَائِمُ مَدِلُولِي ہُو كَي ؟ ایسی صورت میں دریا فت کرو کہ کا والی مسطح کا عنروری میلان تس طرح معلوم کیا جا ۔

سم هس معلوه کرو که ایک مخروط کی بذلو کی تراش کا مرکز وراس کے متقارب کس طرح دریا فت سکے جا ئین ا نیز معنوم کرو که ایک دے مروست محزوط سے ایک ایسا ہٰ لو کی کس طرح کا ٹا جا ہے حیں کے متقا رپوں کا درمیانی زاویہ بڑے سے بڑا ہو۔

[آئی رسی ایس مشششا] ۵ ۲۵ - ناست کروکه ایک تایم محزوط کی نداولی تراش كامحور اصغراكن مستدير تراشول كي قطرول كا وسط ، جو ہلکی کے محورا عظم کے سرون میں سے

رہائی کا طل ایک ایسی مستوی سطح پر نبایا جائے محور پرغمو و ہو تو نا ہت کر و کر ظل کے ما سکول کا در میان فا صله او پر کی دومستدیر ترا شو س

کے نصف قطرو ں کے فرق کے سیاوی ہے ۔ ۲۵۲ - ایک متدبر مخروط کو ستوی سطحوں سے ترامزاً کھجی خطوں کا ایک سلسلہ حاصل کیا گیا ہے ' اس سلسلہ ، ہرایب شامجی کا محور ایب ایسے^م نطع کرتا ہے جو مخروط کے راس و میں ساسے گزرتا کہے اگر ایک تراش وم کول پر قطع کرے تو فابت کروکہ سنبت ول: 1 ل × سج ٨ تام شلجي خطور کے گئے ستقل ہے اس میں إل تراش كا راس ہے، ج اسكا کا مرکز ہے اور ۵ وہ نقطہ ہے جہان تراش مخروط سکے محررود کو کائٹی ہے [يبك كالج عثيدً] ے ۵۷ ۔ اگرایک محزوط کی دو ترا شوں کا مرتب مشترک ہو تو ناست کرو کہ تراشوں کے خاص و تروں (معدلون) کو ہیس میں دہی نسبت ہے جوان کے خروج المرکزونکو آئیس میں سرچے ۔

[جيسس الجيشية] ۸ ۵۷ - نابت کرو که اکن تمام ستوی تراسوں سکے مرکزوں کا طریق جن کے ما سکون کا باہمی فاصلہ وہی ہو ایک قائم مستدير اسطوارز سب -

A این سے مرکز جن سے مرکز جن سے مرکز جن سے

اصغر محورون کا طول ایک ہی ہوایک ایسی سطح پر و اقع ہو تے ہیں جوایک برلولی کو قاطع محور کے گرو بھرانے سے حاصل ہوتی ہے ۔

444

[بترہوس منظما] ایک ملیلمی مخروط بنانا منظورہ جو دو دے ہوئے دائروں میں سے گزرے، یہ دائرے مختلف سطوں میں واقع ہیں، معلوم کرو کہ اس عل کے لیئے کیا مشرا لکط مفروری ہیں۔

[ترنتی کالج مشکد] ۱۳۷۱۔ ایک ہلیلجی کمجاظ مقدار اور مقام کے دیا ہوا ہے نا بت کرو کہ اُن قائم مخروطوں کے راسوں کا طریق جنہیں سے کمیلجی مذکور کا ٹا جا سکتا ہے ایک نبرلو لی ہے جو کمیلجی کے ماسکوں میں سے گزرتا ہے'

۲۷۹۳ - معلوم کرو کہ ایک قائم مخروط کو ایک مستوی سطح کے ذریعہ کس طرح کا ٹا جائے کہ تراش ایک ہلیلی ہو جس کا خروج المرکز دیا ہوا ہے ادرجس کے محدراعظم کا طول بھی معلوم ہے ۔ طول بھی معلوم ہے ۔

سا ۱۹۲۷ می ایک می وط کا زاویه راس قائمه بیسی اس کو ایک مستوی سطح سے کا الگیا ہے اشابت کرد کہ روش کے جو دو تاسی کڑے میں ان کے نیمقطروں کے محبو عد کا مربع کڑاش کے محدوں کے مربوں کے مجدعد کے برابر ہے۔

[بترہوس سنشدا]

ہم اللہ میں دو قائم سندیر مخروطوں کے راس ایک دوسرے
برمنطبق ہوتے میں اور ان کے راسی زاویئے قائیے میں نیزانکا
میک تکویینی خطوشترک سے اگر ایک ہی سطے مستومی سے ہرا ایک

مخروط کو کاٹا جائے تو ایک تراش کاتمورا صغر دوسری تراتر کے مزدوج محور کے برا بر ہوگا۔

[کلیرکالج ملاهما] الارس من من ما کیشلم ترایش

44% ۔ ٹامٹ کروکہ ایک قائم مستدیر محزوط کی شکیمی تراشوں کے وتر خاص من فاصلوں کے تتناسب ہیں جو تراشوں کے روٹس اور محزوط کے راس کے درمیان ہوں۔

[ترنتي كالج منتشفا]

۱۹۹۸ ۔ تمائم متدیر مخروطوں کا ایک سلسلہ ایسا ہے کہ اس سلسلہ ایسا ہے کہ اس سلسلہ کا ہرایک مخروط ایک وئے ہوئے قائم بدلولی میں سے گزرتا ہے ، نا بت کرو کہ مخروطوں کے راسوں کا طریق ایک بلیلی ہے جس کا خروج المزکر ہائے ہے ۔

ی مریب ایک براہ میں سب براہ میں ہے۔ [برک کابی شکرا] یہ ہم۔ دو متقاطع کڑے ایک تائم مخروط کے اندینا کے

رہام کے دومنعاضع کرنے ایک فالم فروط سے الدیبات گئے ہیں د بینی اس کو داخلاً مس کرنے ہیں) اور انکا ایک مشترک نقطه ن ہے ' تابت کرد که ن پر کی ماسی تطعیں

<u> متقم خط</u> سے مساوی زاوئے بنائی میں جو نقطہ ن و مخروط کے راس سے وصل کر ہا ہوہے نہ [ترنتي بوس معثما] ۸۷۷ ۔ اگر ایک تا ئرمتدیر مخروط کوانسی مستوی سطح سے کاما جائے جویڈ تو محد کیے متواز می ہوا وریڈ ہی اُس پرعمود موتو فامت كروكه مرصورت مين تراش لميلحي موكى [کون کا بح مصف ١٩٩٨ الك قائم مخروط كو كاشت سے مختلف بنہ لو كى ترامشين قاصل كي مُني بين أن تراشون محد محور مساوي ہیں (اور سب کے اعظم محور ایک ہی سطح میں واقع ہیں) ناہت کرو کہ ان تراسوں کے مرکز و س کا طریق ایک نولولی سطے [میمرن کا بج سنشندا] ہ کام ۔ ایک نمخ وط کی الیسی شانجی ترامسٹس معلوم کرو جسکے و ترخاص کا طول ایک دی ہو تی مقدار سکے م [ترنتی ہوس کششا] ا يهم - ناست كروكه ايك قائم مخروط كي بميلجي ترانسشس كا

ا یه - ناست کروکه ایک قائم مخروط کی کهیلی تراسش کا محور اصغرائ عمور و س کا وسط تناسب ہے جو کمیلی کے راسوں سے مخروط کے محور پڑنا لیے جائیں ، اگر محروط کا راس رہو اور ۵ وہ نقطہ ہو جہان محزوط کا محور تراش کے محور اعظم کہ لاکو کا طما ہے ، تو نابت کرو کہ できょう! できるころ

[ترنتی کالج سلفیلا]

۲۷۲ - ایک قائم ستدر مخروط کو متوازی ستوی سطوں سے کا کر بڑو لی ترا سوں کا ایک سلسلہ حاصل کیا گیا ہے ، خابت کرو کہ ان تراستوں کے امدا دی دائرے ایک ایسے قائم مخروط پرواقع ہوتے ہیں جس کا تاعدہ ایک لیکی خطوں کے متشابہ ہے۔ لہلی سبے کبود کے ہموسئے ہملی خطوں کے متشابہ ہے۔

[ترنتی ہوس سٹھیا]

ساریم - وو مخروطوں کے رائسی زاویوں کا مجبوعہ دوقائموں کے برابر ہے ، اگر مستوی سطحوں کے ذریعہ ان مخروطوں کی وہ تراشین حاصل کی جا میں جن کے خروج المرکز جریے سے بڑے ہوں کو ان خروج المرکز وں کے مناط میوں کے مربعوں کا مجبوعہ ایک سکے برابر سے -

[ترنتی کالج مششدا]

مم یمم ۔ ایک دیا ہوامتقی خط مخرو ط کے نحور برعمود ہے معلوم کروکہ نس طرح سے ایک تراش حاصل کی جا ہے جس کا مرتب بیمتقیم خط ہو

[كوين كالج مششدا]

۵۷۷ - ایک قائم ستدیر مخروط اور ایک بلیلمی دو نوں ویے بوئے ہیں بلیلمی کو اسطرح رکھو کہ وہ مخروط کی ایک ستوی تراش ہوجائے ۔ موجائے ۔ ۱۷ عمد نابت کردکہ محزوط کی ایک مستومی تراش کا وترفاص ایسے برنتا ہے جیسے وہ عود جو محزوط کے راس سے آئن کی سطے پر نکا لاجا سے ۔

[ترنتی کابی سیششدا

فخلياصف

ے ہم ۔ اگرایک مخروط کی دومستومی تراشوں کا مرتب منترک ہو تو نابت کرو کہ ان کے ما سکوں کو ملانے والا خط مخروط کے محور میں ہے گزرتا ہے۔

[كوين كالج سمده]

۸ یه - ایک مخروط کا راسی زادیه قائمہ سیم ایک متوی تراش کے محوراعظم پر مخروط کے راس سے ایک عمو و کا لا گیا ہے اور یہ محورا عظم کو دو حصوں میں تقیم کرتا ہے ' گیا ہے اور یہ محورا عظم کو دو حصوں میں تقیم کرتا ہے ' نا بت کرد کہ تراش کا نیم وتر خاص ان دو حصوں کا وسط

نناسب آھے۔

[كيفري كالج مشفروا]

نہ اولی تراش کے ماسکوں سے بالتر شیب مساوی ہیں

ائن فاصلوں کے جو مخروط کے راس اور ہر ایک تراخل کے قاطع محدوں کے در میان ہیں ' نیز نا بت کر و کہ نیم مز دوج محوروں کے مرمبوں کا مجبوعہ ان فاصلوں کے ماصل عزب کے مرابرہے۔

ا تنتی کا بی ششد ! ۱ مهم - اگر ایک محزوط کی تراش کا مور اصغر متقل ہو تو نابت کرو کہ اس کا مرکز سطح نبرلو لی نا بالتدویر پر واقع ہوتا ہے۔

[بيسس كالج سمثان]

وسک=ر×للا >ر×لاا اسا ن سک س سل اگرل نقاط س اور لآ کے در میان تر. س ک = ر × لال 1 × × = 1 m عمل تفریق سے ک آ در× ل آ حل آ سکے سل اگر ل' س آ مدوده پر واقع ہو 18 × 1 = 1 m ن عمل تفریق سے ِ اُک = ر × اُل < اُلُ نَ سک حسل اگر ل نقاط ا اور کا کے درمیان واقع بهو-توس ک = ر×للا <ر×الایاسا ن سک حسل ورت بخم - اگر آل، س کا مدوده پر و اخ ہو-

بسندسى مخزوطات ۳۵. س ک = ر× لا ل حر لال حر س نے تابت کردیا کہ اگر ل نقاط اور اور او کے ا لاَ ير واقع ہو تو دائرہ عمود ل ن کو قطع کرتا ہے، کیکن والمك باہر واقع ہوتو یہ وائرہ اس عمود كو قطع نہیں كرتا اسك معلوم ہوا کہ اگر 1 اور 1 میں سے ایسے وو خط تھینیے عبا تیں جو نحور برغمود مہوں توہلیکی ہاتھام ان خطو نکھے درمیان واقع ہوا<u>ہے</u> ار 1 اور 1 میں سے خط کینیے جا ئیں جو محرر پر عمو وہوں تو نابت کرو کہ منحنی ان خطوں کے بالکل واقع ہوتا ہے۔ س ل يا س ل مردوه برايك طول س كل ايسا قطع كروهم ش کے = ربد کال س س کو مرکز اور ربد ل کا کو نصف قطرمان کر مینچو، اب یه دیکھنا ہے کہ نقطہ ل کن مقاما ہوکہ دائرہ مذکورہ عمود ل ن کو قطع کرتھے مینی بیمعلوم كرنا ہے كه ل كے كن مقامات كے كئے س ك باد ہوگا س ل سے ادر کن مقامات کے لئے چھوٹا ہوگا۔ ورست اول اگر ل نقاط و اور کا کے درمیان

ك=ر×للا<ر× الا! سا ن يسك حسل اووم آگر ل نقاط کا اور لا کے در سیان واقع بهو 18 × 1 = 1 m ن عمل تفریق سے ک او د مدل ا کل آ ن أس ك < س أ اگر ل اس م مدوده پرواقع بو س ک = 1 × لال 18×1= 10 ن عمل تغریق سے وک عدر × وک ل کول س کے کس ل اگر ل نقاط 4 آور میں کے درسان

= (x () X) < X () = ن سک > سل س ک = ر× لال > لال > س ہمنے یہ نابت کرویا کہ اگر ل تقاط او اور اور کا کے بیان محور کے کسی مقام پر واقع ہو تو دائرہ مذکورہ عمود ل ن كو تطع نبيس كرامًا اور اگر ل، محور ير 11 ہا ہر واقع ہو تو دائرہ عمو د کو قطع کرتا ہے ''بیس وم بواكه اگر أل اور أل ميست بالترتيب وو خط نیچ کیائیں جو محور پر عمود ہوں تو بذلو کی با نتام ان ون کے اہر واقع ہوا ہے نتقی مثالوں کے حل کرنے میں ذیل کے مشہور مسائل کو آن لیا جائے۔

۱- اگرشلجی کا کوئی وتر ن ون محطر ال ل کو نقطه و پر کے اور اس تطر کے سمین ن ل اور ن ل ہوں تو ال× ال = اوا

۲- سئله ۱۷ کی نشکل میں اگر نص پر عمود ی < نکالا

جائے تو ی کے ہے 4 اس × ن ص

ا بوسط ایر می تا ایر می ماه می این می می این می (دیکموسسئلره امضق ا

س- شلجی کا ایک ماس دو دیگر ماسوں کے جو عصنے کرتا سر میں ایک ایک ماس دو دیگر ماسوں کے جو عصنے کرتا

ہے اُن کی ہا ہمی نسبت ہمینغد مستقل رمہتی ہے (دیکہو عملیات ۱۱)

سم - اگر دو تابت خطور ون ، ون تُو نقاط ما ادر ما

راس طح تقيم كيا جائے كه وها أور وما ايك نابع

خطی ارتباط که × وما + مه × وما = ایک درمیم ایم منتباک موسکیس تو نابت کروکه ما ما ایک ایسے

علمي كو لف كرا ہے جو ون ، ون كومس كرا ہے-

با بق مثلہ کی رُوستے سابق مثلہ کی رُوستے

اس مئے وہا + وما = ١

یا د × وما+ مه × وما = ۱ جهان د ا ، م

لر = ون مه = وي ا وغيره

۵۔ س ایک نابت نقطہ ہے ، ایک نابت مت اما پر ایک نقطہ ما نیا گیا ہے اور س ما پر مان مَا يُمُ مُنَا كُمّا ہے۔ ناہت حروحکہ مان آیک ایسے علم او لف رہا ہے حس کا اسکہ س سے اور حس کے راس يركا ماس ارما ب

مه س أكب مابت نقطه ب ايك نابث منقيم خط ی برایک نقط و میا گیا ہے آدر وق ، وکس سے ے متقل زادیہ (عد) بناتا ہے ، وق ایک ایسے المجي كومس كرتاب جس كا ماسكم س سي أورجووي بک نابت نقطه تی پر مس کرتا ہے جہان زاویہ

س ق و عمر

[ہیر ایک مسئلہ عامہ ہے جس کی خاص صورت آ خری کیے " یہ مئلہ ۱۳ کا عکس ہے] کے۔ دو تابت متقیم خط و ق ' و ق ہیں ، ایکے درساین

کے نقطہ س ہے ایک خط تی تی ایسا تھینجا کیا ہے کہ < نِي س تَ = ١٩ - ق و تَى ′ تِي تَى كَا لَفَاتُ أَيِكِ

امیںا شکھی ہے جس کا ما سکہ میں ہے اور جو دی ' و ق کا مس کرتا ہے۔ مس کرتا ہے۔ ۸ ۔ ماسی مثلث کا مرکز عمو دہی مرتب پر واقع ہوتا ہے

[وكيوعمليات سما]

فنيمه

مخروطى نراشين

ا۔ اگر ن برکا ماس مرتب کو سے بر اور وترخاص کو ک بر مے تو س ک : س سے = ر

[وکیبو ندو یی کے مسئلہ ۱۰ کی مٹالیں]

۲- ایک دے ہوئے دائرہ کا ایک تابت تطرا ال ہے دو نقط سے دو نقط سس میں میرکزسے متما دی انفصل ہیں سس ما ا

بر سے میں متوازی ستقیم خط ہیں جو وا رُہ کو میا ' ما پر کہتے میں میا متوازی ستقیم خط ہیں جو وا رُہ کو میا ' ما پر کہتے مدیرت

ہیں تب (۱) اگر س مس وائرہ کے اندر ہوں تو ماما کا نفا سلیلہ یہ

ایات ہر بھی سب س دائرہ کے باہر ہوں تو ما صاکا نفا

یک ہزلو لی ہے جس کا امداد می وائرہ کا دائرہ معلومہ ہے یا اگر مدر و میزر وہ مزاری مفقطیر موں اور مدر ہوا

یا اگرس می و نابت تقطیم بون اور سها کسی ما دو ایسے متوازی خطروں که سها × س ما = متقل مقدار بو ماما کا نفاف بلیلی بوگا اگرس ما

اور سَ مَا خط س سَ كَى أَيَّ بَيْ مَا نط سِ مِن يَكْنِيْكِ عابَيْن اور بفاف بْدلولى بوگا أكر سِ ما ' سَ مَا خط

عابیں اور تھا ت ہر توبی ہو ہ اگر جل کھا میں کا س س سے متقابل حا نہوں میں تھینچے حامیں ۔

[وكيبومسئله لميكجي ١٠ اورسئله نولولي١١]

س- ہے د ' ہے کہ دو نابت ستعیم خط ہیں اور دکہ اسطیح
 کھینی سینے مستقل ہونا ہے
 حکینی سینے مستقل ہونا ہے
 حکی کا تفاف ایک بہلولی ہے جس کے متقارب ہے د'
 ج کہ ہیں ۔

[ديكېومئله نډلولي ۳۱]

سم۔ اگر ایک مثلث کا قاعدہ دیا ہوا ہو اور قاعدہ کے متصلہ زاویوں کا فرق بھی معلوم ہو نو ٹابت کرو کہ راس کا طریق ایک ہولولی ہوتا ہے۔

ی اگر فرق معلوم زاویہ فائمہ کے برابر ہو تو طریق ایک قایم ذلولی ہوتا ہے

[دیکیوعملیات ۲۳۵۵]

۵ - ہم ماسکہ مخروطی تراشوں کا ایک نطام ویا ہوا ہے ایک مخروطی تراش کو ایک نابت منتقیم خط دو نقطوں پر ایک مخروطی تران نقطوں پرعا و تھنیجے کہا ئیں تو ٹابت کرو کہ ایکے تقاطع کا طریق ایک منتقیم خط ہے ۔

المركب وشال ١٩٧٠

۷- ایک و نے ہوئے متقر خط کے قطبوں کا طریق بلحاظ ہم ماسکہ مخروطی تراستوں کے ایک نظام سے ایک متقیم خط ہوتا ہے۔ خط ہوتا ہے۔ خط ہوتا ہے۔

خط ہوتا ہے۔ زمن کرد کہ 1 ب دیا ہوا منتقر خط ہے، وہم ماسکہ تراش کمینچ جو را ب کو ن پرمس اکرے را ب پرعود

س ن س کی تنصیف کرنے میں اسکئے وہ زاور ے حب کے ماس ن ط ن ط بی اسلنے 1 ب کا قطب بتحاظ اس زاش کے ن گ پر واقع ہوتا ہے ہ منیل مبتی ہے ا ، کو قاطع (خط) ما ن کرمنیل کے راس ک ہے جاؤ اس مینل کے زاوے مئلہ ۲ کی رو تنقل ہیں کیونکہ یہ اُس منیل کے زاویوں کے يمنيح ما ئيس اور ايك أور ماس الكوحار تقطول نواس وسعت کی غیر موسیقی نسبت م الے برابر ہوگی -[متكافى كرو]

و اگر ایک میدس ایک مخوطی تراش کے افر بنا کی جائے میں ایک مخوطی تراش کے افر بنا کی جائے ہوں اِن کے جو تمین زوج ہیں اِن کے تمین نقاط تقاطع ایک مشقیر خط پر واقع ہوئے ہاسکا کامنگا میں نقاط تقاطع ایک مشقیر خط پر واقع ہوئے ور زوج متوانا ہوں اسکے بعد تا کا حبین متقابل کے ذریعہ شکل کے فل کو وائرہ بنا کو وغیرہ ۔

وائرہ کا مرکز و ہے منا بنت کروکہ اس کا قطہ پر ان شان کا سبکہ ا

11- ایک دائرہ کا مرکز و ہے ' ما بت کروکہ اس کا تطبی متعلق بلیاظ کسی نقطہ (سس) کے ایک مخروطی تراش ہے جسکا ماسکہ سس ہے ' ادر نظیری مرتب و کا قطبی منتکا فی ہے اور خروج المرکز س و اور دائرہ کے نصف قطر کی با ہمی بت

11 - اگر ایک نظام کے دائروں کا اصلی محور ایک ہی ہو تو نا بت کرو کہ اسکے اقطبی متکانی بحاط ایک انتہائی نقطہ کے ہم اسکہ مخروطی تراشیں ہونگی-

تام شد

م بندسی مخروطات ----

A

Absoissa	فصله
Aliter	بتادل ثبوت
Alternate segment	ب مةادل قطعه
Analysis	شخلسل
Angular point	 نقط ُراس
Anharmonic (Range, pencil)	غەرسىقى توت يىنىل
Auxuliary circle	میردس امدادی دانشره
Asymptote	متقارب -
Asymptotic (cone, circle)	متقار (مخروط دائسره)
Axis (Axes)	محور ـ محاور
Axial plane	محدى سطح

B

Bead

منك

Branch (of hyperbola)

هنتی فزدهات شاخ (قطع زائد)

Centre of Ellipse

Centre of Gravity

Central Conic

Centroid

Chord (8)

Coaxial (parabola)

Collinear

Collinearity

Confocals

Confocal Parabolas

Concavity

Concylic points

Cone

Conical

Conics

Concentric

Conjected

Conjugate diameters

مندی خومطات مزدوج بذلولی Conjugate hyperbola Conoid Construction Contact Concidal Surface Corresponding points Corresponding chords Correspondence Curve (8) Curve of Section Curvilinear Quadrilateral **Oylinder** Cylinderoid

D

Diagonal Diameter

Divide harmonically

Directrix (ices)

Director Circle

Double Ordinate

سر قطر-اقطار موسیقی نسبت می تفسیم کرو مرتب به مرتبات مرتب داشره مرتب داشره مرکنا معنون برست صطلاحات Drawing pins Duplicate ratio Dimensions E Eccentricity Endless String Enunciation Ellipse Elliptical (functions, integrals) Ellipticity Ellipsoid Elliptic section of a cone Envelope (V.N) Exterior angle External angle External bisector Equi-conjugate (diameters) F Family of a curve

Image

Intercept (S) Internal Bisector İ. Latus Rectum Locus Linear Dimensions Linear relation Limiting points M Major axis Maximum (ma) Mean Proportional Minor axis Minimum (ma) Mechanical Construction Metrical Properties N

Normal

Principal Axis

Polar Reciprocal

فهرست اصطلاحات	^	<i>ېندسى مخرد</i> فات
	Q	
Quadrants		دبعات
*****	••••••	•••
	R	
Radius Vector		نيم فطرستني
Radical Axis		اصلی محور
Rider		رولیت
Rectangle (containe	ed by Segments)	سطح (سطوح)
Rectangular Hyper	hola	قاعم نرلولي
Rectilinear		مستفتم
Right Circuler Cylin	ıder	قائكم متدكيرا سطوانه
Rotors		دورنی دوریات
Roll		الرفطكن
Revolve		عِرَلِكَا نا
Reciprocate		متكافئ كرنا
Range		وسعت
•••••		•••
	S	
Scalar (quantities)		میزانی مقداریں درجیات نیم وترخاص
Scalars		ورجبيات
Semi Latus Rectun	1	نيم وترخاص

	فېرست :صطلات	4	مبندسی مخروطات
	Semi conjugate diameters		نيم مزدوج قطر
{	Similiar and Similiarly	لمحر	شكلاً و دضعاً متشابة
(Situated Parabola	٠.٠	خفا و وصف مساب
	Sub-tangent		زيرماس
	Sub-Normal		زيرعاد
	Supplementry Chords		محيلي اوتار
	Symmetry		تشاكل
	Symmetrical		بنشاكل
	*********	• • • • • • • • • • •	•••
		T	
	Tangent		ماس
	Tangent triangle		محاسى مثلث
	Tangential		ماسي
	Transverse Axis		قاطع محدر
	Transversal		قا کھنے
	Triads of lines		خطون كاثلاثيه
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • •	•••
		V	
	Vertex (iccs)		رأس (رؤس)
	Vector (S)		راس (رؤس) سمتی نسمتیات

Par	DUE	DATE		
CI. No				
			-	
ı				
:				